

ФИЗИКА

С. В. ВОНСОВСКИЙ и А. В. СОКОЛОВ

**О ПОВЕРХНОСТНОМ ФОТОЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ЭФФЕКТЕ  
В ФЕРРОМАГНЕТИКАХ**

*(Представлено академиком С. И. Вавиловым 20 XI 1950)*

1. Недавно Кардвелл<sup>(1)</sup> впервые провел исследования фотоэлектрических и термоионных свойств ферромагнитного никеля. При этом им было установлено, что: 1) у никеля вблизи точки Кюри наблюдается аномальный ход фотоэлектрического тока с температурой (излом кривой фототок — температура), эта аномалия не может быть объяснена существующей теорией<sup>(2)</sup>; 2) работа фотоэлектрического выхода растет с температурой.

Известно<sup>(3)</sup>, что все „аномалии“ ферромагнитных металлов обусловлены существованием самопроизвольной намагниченности. Поэтому следует ожидать, что аномалия фототока в ферромагнетиках также связана с исчезновением самопроизвольной намагниченности при переходе через точку Кюри. Ниже дается попытка теоретического объяснения этой аномалии.

Влияние температуры на фотоэлектрическую эмиссию нормальных металлов теоретически исследовалось рядом авторов<sup>(2, 4)</sup>. Известно, что распределение электронов проводимости металла по энергиям очень слабо зависит от температуры. Однако расчет Фаулера показал, что под действием света частоты, близкой к граничной, могут вырываться только электроны с энергией, близкой к максимальной, а распределение этих электронов по энергиям существенно зависит от температуры.

2. Для обобщения этого расчета на случай ферромагнетиков воспользуемся предложенной одним из нас<sup>(5)</sup> моделью обменного взаимодействия внешних *s*- и внутренних *d*-электронов. Согласно этой модели, будем считать систему *s*-электронов в ферромагнетике смесью двух электронных „газов“, в соответствии с двумя возможными ориентациями спина. Энергия *s*-электрона в приближении эффективной массы равна

$$E(\xi, \eta, \zeta) = \alpha - \alpha' \vec{y} \vec{\sigma} + (\beta + \beta' \vec{y} \vec{\sigma}) (\xi^2 + \eta^2 + \zeta^2),$$

где  $\alpha$ ,  $\alpha'$ ,  $\beta$  и  $\beta'$  — параметры, зависящие от интегралов обмена *s*- и *d*-электронов и интегралов переноса *s*-электрона,  $\vec{y}$  — средний относительный атомный магнитный момент *d*-электрона,  $\vec{\sigma}$  — вектор спина *s*-электрона. Число *s*-электронов с правой ориентацией спина ( $s^+$ ) в единице объема со слагающей квази-импульса, перпендикулярной к поверхности металла в интервале  $\xi^+$ ,  $\xi^+ + d\xi^+$ , и при произвольных значениях двух других слагающих  $\eta$  и  $\zeta$  определяется выражением

$$\begin{aligned}
& n(\xi^+) d\xi^+ = \\
& = \frac{d\xi^+}{8\pi^3 a^3} \int_0^{\infty} \int_0^{2\pi} \left[ \exp \left( \alpha - \frac{\alpha' y + (\beta + \beta' y)(\xi^{+2} + \rho^2) - \varepsilon_0^{+2}}{kT} \right) + 1 \right]^{-1} \rho d\rho d\vartheta = \\
& = \frac{kT}{8\pi^3 a^3 (\beta + \beta' y)} \ln \left[ 1 + \exp \left( \frac{\varepsilon_0^+ - [(\alpha - \alpha' y) + (\beta + \beta' y) \xi^{+2}]}{kT} \right) \right] d\xi^+, \quad (1)
\end{aligned}$$

где введено обозначение  $\rho^2 = \eta^2 + \zeta^2$ ,  $\vartheta$  — азимут вокруг оси, перпендикулярной к поверхности металла, и  $\varepsilon_0^+$  — химический потенциал  $s^+$ -электронов.

Обозначим скачок потенциала для  $s^+$ -электронов через  $W^+$ , тогда их эффективная работа выхода будет  $\chi^+ = W^+ - \varepsilon_0^+$ . Аналогично для  $s^-$ -электронов со спином левой ориентации  $\chi^- = W^- - \varepsilon_0^-$ . Таким образом, предполагается, что величина скачка потенциала  $W$  зависит от намагниченности ферромагнетика благодаря влиянию обменного взаимодействия.

Определим число  $s^+$ -электронов, вырываемых с поверхности ферромагнетика при температуре  $T$  под действием света частоты  $\nu$ , близкой к предельной частоте  $\nu_0$ . Будем считать, что оно пропорционально числу этих электронов в единице объема ферромагнитного металла, имеющих перпендикулярную к поверхности составляющую квазимпульса, большую, чем ее критическая величина, которую находим из равенства

$$\alpha - \alpha' y + (\beta + \beta' y) \xi^{+2} + h\nu = W^+.$$

Это число фотоэлектронов, которое мы будем обозначать через  $N_B^+$ , определяется выражением:

$$N_B^+ = \int_0^{\infty} n(\xi^+) d\xi^+, \quad (2)$$

$$(\alpha - \alpha' y) + (\beta + \beta' y) \xi^{+2} = W^+ - h\nu.$$

Ограничеваясь случаем частот вблизи границы фотоэффекта  $h\nu \sim \gamma^+$ , нетрудно показать, что число  $N_B^+$  дается формулой

$$N_B^+ = \frac{k^2 T^2}{(\beta + \beta' y)^{1/2} (W^+ - h\nu)^{1/2}} \varphi_i(\mu^+), \quad (3)$$

где  $i = 1$  при  $\mu^+ = \frac{h\nu - \chi^+}{kT} \leq 0$  и  $i = 2$  при  $\mu^+ \geq 0$ , при этом

$$\begin{aligned}
\varphi_1(\mu^+) &= \frac{1}{16\pi^2 a^3} \left[ e^{\mu^+} - \frac{e^{2\mu^+}}{2^2} + \frac{e^{3\mu^+}}{3^2} - \dots \right], \\
\varphi_2(\mu^+) &= \frac{1}{16\pi^2 a^3} \left[ \frac{\pi^2}{6} + \frac{\mu^{+2}}{2} - \left( e^{-\mu^+} - \frac{e^{-2\mu^+}}{2^2} + \frac{e^{-3\mu^+}}{3^2} - \dots \right) \right].
\end{aligned}$$

Аналогичные выражения, но с индексами  $(-)$  и с заменой  $(\beta + \beta' y)$  на  $(\beta - \beta' y)$  имеют место для  $s^-$ -электронов.

Далее предполагаем, что эффективная работа выхода  $s^+$ -электронов равна эффективной работе выхода  $s^-$ -электронов, т. е.

$$\nu_0 = \frac{W^+ - \varepsilon_0^+}{h} = \frac{W^- - \varepsilon_0^-}{h} = \frac{\chi^+}{h} = \frac{\chi^-}{h} = \frac{\chi}{h}. \quad (4)$$

Равенство эффективных работ выхода  $\chi^+$  и  $\chi^-$  следует в первом приближении из термодинамических соображений. Кроме того, если бы равенство (4) хотя бы приближенно не выполнялось, то величина фототока изменялась бы с изменением направления намагниченности на обратное, что противоречило бы соображениям симметрии. Из (4) следует, что  $\mu^+ = \mu^- = \mu$ .

Используя известные выражения <sup>(3,5)</sup> для химических потенциалов  $s$ -электронов со спинами правой и левой ориентации и соотношение (4), можно получить следующие выражения:

$$W^+ = W + \gamma y, \quad W^- = W - \gamma y, \quad (5)$$

где  $\gamma = 4\pi^2 \left(\frac{3}{8\pi}\right)^{1/2} \beta \delta$  и  $\delta = \frac{2}{3} k_1 + \frac{\beta'}{\beta}$ , а  $W$  — скачок потенциала в

отсутствие намагниченности. Полное число фотоэлектронов  $N_{By}$ , очевидно, будет равно сумме  $N_B^+$  и  $N_B^-$ . После простых, но громоздких преобразований получаем для полного числа фотоэлектронов  $N_{By}$  следующее выражение:

$$N_{By} = \frac{(kT)^2 \varphi_i(\mu)}{8\pi^2 a^3 \beta^{1/2} (W - h\nu)^{1/2}} (1 - \Gamma y^2), \quad (6)$$

где

$$\Gamma = - \left[ \frac{3}{4} \frac{\beta' \gamma / \beta}{W - h\nu} + \frac{3}{8} \frac{\gamma^2}{(W - h\nu)^2} + \frac{15}{8} \left( \frac{\beta'}{\beta} \right)^2 \right]. \quad (7)$$

Вообще говоря,  $\Gamma$  может иметь как положительный, так и отрицательный знак в зависимости от знаков  $\beta$ ,  $\beta'$ ,  $\gamma$  и  $(W - h\nu)$  и их соотношений. При  $y = 0$  выражение (6) в точности совпадает с соответствующей формулой Фаулера <sup>(2)</sup>. Предполагая, что фотоэмиссионный ток пропорционален  $N_{By}$ , мы можем написать:

$$I = AT^2 (W - h\nu)^{-1/2} \varphi_i(\mu) (1 - \Gamma y^2), \quad (8)$$

где  $A$  — постоянная, не зависящая от  $\nu$  и  $T$ .

3. В формуле (8) нас интересует не абсолютное значение фотоэлектрического тока  $I$ , а его ферромагнитная „аномалия“, т. е.

$$\frac{\Delta I}{I_0} = \frac{I_0 - I}{I_0} = D y^2, \quad (9)$$

где  $I_0$  есть значение  $I$  при  $y = 0$ , а

$$D = \Gamma - \frac{\varphi' [\mu(0)] \epsilon_\beta \delta_1}{\varphi [\mu(0)] kT}. \quad (10)$$

Коэффициент  $D$ , кроме всего прочего, является функцией частоты. Поэтому изменение частоты света, вызывающего фотоэффект, обуславливает изменение самого коэффициента  $D$  (что соответствует различным кривым фототока у Кардвелла). В выражении (9)  $\Delta I$  обозначает разность между фотоэлектрическим током, получаемым при экстраполяции кривой фототока выше точки Кюри ( $I_0$ ), и фактически наблюдаемым ниже точки Кюри фототоком. Опытные данные Кардвелла <sup>(1)</sup> качественно подтверждают полученную нами теоретическую формулу (9).

Можно показать непосредственными вычислениями, что эффективная работа выхода ферромагнитного металла является функцией самопроизвольной намагниченности. Действительно, пользуясь соотношениями для химических потенциалов  $s$ -электронов и формулой (4) и

ограничиваясь членами, квадратичными относительно  $y$ , легко показать справедливость следующего соотношения:

$$\chi(y) = W - \varepsilon_\beta (1 + \delta_1 y^2), \quad (11)$$

где

$$\varepsilon_\beta = 4\pi^2 a^2 \beta \left( \frac{3n}{8\pi} \right)^{1/2}, \quad \delta_1 = \left( \frac{2}{3} k_1 \frac{\beta'}{\beta} - \frac{1}{9} k_1^2 \right).$$

При  $y = 0$  формула (11) переходит в обычное выражение для эффективной работы выхода. Если в формуле (11) пренебречь температурной зависимостью  $W$  и  $\varepsilon_\beta$ , то эффективная работа выхода будет зависеть от температуры только через самопроизвольную намагниченность. При положительном знаке  $\delta_1$  из формулы (11) следует, что с повышением температуры величина  $\chi$  будет возрастать, что находится в согласии с опытными данными Кардвелла.

Пользуясь формулой (11), легко определить ферромагнитную „аномалию“ эффективной работы выхода ферромагнетика

$$\frac{\Delta \chi}{\chi_0} = \frac{\chi_0 - \chi}{\chi_0} = \frac{\varepsilon_\beta \delta_1}{W - \varepsilon_\beta} y^2, \quad (12)$$

где  $\chi_0$  есть значение  $\chi$  при  $y = 0$ . Весьма желательно произвести опытную проверку теоретических выводов, представленных формулой (12).

Таким образом, нам удалось показать, используя обменную модель внешних и внутренних электронов ферромагнетика, что фотоэлектрический ток ферромагнетиков должен зависеть от величины их самопроизвольной намагниченности. Вблизи температуры ферромагнитного превращения эта зависимость имеет простой квадратичный характер (см. формулы (8) и (9)). Кроме того, получена зависимость эффективной работы выхода ферромагнетика от величины самопроизвольной намагниченности и ее ферромагнитная „аномалия“.

Институт физики металлов  
Уральского филиала Академии наук СССР

Поступило  
13 IX 1950

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

- 1 A. B. Cardwell, Phys. Rev., 76, 125 (1949). 2 R. H. Fowler, ibid., 38, 45 (1931). 3 С. В. Вонсовский и Я. С. Шур, Ферромагнетизм, 1948. 4 K. Mitchell, Proc. Cambr. Phil. Soc., 31, 516 (1935). 5 С. В. Вонсовский, ЖЭТФ, 16, 981 (1946).