к. п. белов

К ТЕОРИИ ЧЕТНЫХ ЭФФЕКТОВ

(Представлено академиком С. И. Вавиловым 20 1 1950)

Одной из основных задач теории ферромагнетизма является исследование изменения физических свойств ферромагнитных металлов при возникновении и изменении самопроизвольной намагниченности. Решение этой проблемы сделалось возможным после открытия тензора и закона анизотропии четных эффектов (1-3). Согласно закону Акулова, любое физическое свойство ферромагнитного кристалла, которое может быть охарактеризовано пропорциональностью двух векторов и и g, при возникновении самопроизвольной намагниченности претерпевает изменения, определяемые соотношением:

$$\delta \mathbf{u} = A\mathbf{g},\tag{1}$$

где A — тензор магнитной анизотропии, зависящий от направления самопроизвольной намагниченности $\mathbf{s}(s_1, s_2, s_3)$. Компоненты тензора A могут быть определены для кристаллов любой симметрии на основе данного Акуловым перестановочного соотношения:

$$|T_k A(\mathbf{s})| = |A(T_k \mathbf{s}) T_k|, \tag{2}$$

где T_k — элементы группы симметрии кристаллов данного типа. Применение этой теоремы дает возможность установить вид тензора A с любой степенью точности.

Для объяснения большинства физических свойств ферромагнетиков, связанных с четными эффектами, достаточно рассчитать компоненты тензора анизотропии второго и четвертого порядков относительно компонентов s. Члены второго порядка были получены Н. С. Акуловым на основе расчета магнитных сил взаимодействия между атомами в решетках ферромагнитных кристаллов (1), который привел к объяснению эффекта линейной магнитострикции. В дальнейшем этот расчет был обобщен на случай любого четного эффекта, например изменения электропроводности (2), термоэлектродвижущей силы, теплопроводности и пр.

Что касается членов четвертого порядка, то необходимость их введения вытекала уже из анализа, проведенного для четных эффектов (2). Применение компонентов тензора четвертого порядка для объяснения объемной магнитострикции было дано в работе Д. Л. Симоненко (4).

Выводы из теории четных эффектов подверглись экспериментальной проверке многочисленных авторов (5). Во всех случаях при этом было обнаружено не только качественное, но, как правило, и количественное согласие с опытом.

В последнее время в работах ряда авторов (6) было указано, что существуют такого рода случаи, когда один из выводов теории чет-

ных эффектов, именно, II правило четных эффектов, не согласуется с результатами экспериментов. При такого рода выводах используется однако, указанное правило не в общей, а в следующей частной формулировке: "продольный эффект при насыщении обратен по знаку поперечному и в два раза больше по величине",

$$\alpha_{\parallel} = -2\alpha_{\perp}. \tag{3}$$

В этой формулировке II правило справедливо только в том случае. если: 1) в тензоре анизотропии члены четвертого порядка малы,

2) парапроцесс отсутствует и 3) магнитной текстуры нет.

Особенно важно учитывать влияние парапроцесса, ибо при наличии последнего соотношение между а и а может весьма сильно измениться. Как известно (³), в законе анизотропии при подходе к точке Кюри параметры a_{b} и особенно a_{o} становятся зависимыми от H.

В соответствии с этим закон анизотропии приобретает следующий

$$\alpha = (a_0)_H - (a_0)_{H=0} + a_1 \sum_i (s_i^2 g_i^2 - 1/3) + a_2 \sum_{i \neq j} s_i s_j g_i g_j, \tag{4}$$

где
$$a_0={}^1\!/{}_2aI_s^2, \tag{5}$$

$$a_k = a_{k0} \left(1 - \frac{T}{\theta} \right), \quad k = 1, 2.$$
 (6)

Из этого соотношения видно, что если a_1 и a_2 малы, то знаки продольного и поперечного эффектов будут одинаковыми. В частности, при $T=\theta$, имеем:

$$\alpha_{\parallel} = \alpha_{\perp} = \frac{1}{2} a \left[(I_s^2)_H - (I_s^2)_{H=0} \right].$$
 (7)

Таким образом, если мы имеем дело с ферромагнитными сплавами, обладающими низкими точками Кюри, то нужно ожидать, что измерения α_{\parallel} и α_{\perp} будут давать величины приблизительно равные друг другу и одного и того же знака. Покажем, что недавно опубликованные весьма интересные результаты опытов (6) по измерению продольных и поперечных гальваномагнитных эффектов в сплаве хром—теллур подтверждают выводы теории четных эффектов. Точка Кюри этого сплава 60° и, следовательно, при комнатных температурах несомненно должен большую роль играть парапроцесс, что и дает одинаковые знаки продольных и поперечных гальваномагнитных эффектов этого сплава. Здесь совершенно не применимо II правило четных эффектов в той частной форме (3), которой авторы указанной работы пользуются при обсуждении своих результатов. В опытах с хром-теллуром мы в основном имеем дело с влиянием парапроцесса на гальваномагнитный эффект. Это доказывается тем обстоятельством, что результаты их хорошо укладываются в характерные зависимости для четных эффектов, относящиеся к области парапроцесса. В самом деле, при $T=\theta$ имеем (3):

$$I_s = I_0 c \sqrt[3]{\overline{H}}. \tag{8}$$

Принимая во внимание (7), для четного эффекта (α)₀ в точке Кюри получаем следующую зависимость: $(\alpha)_0 = b' H^{*/*}. \tag{9}$

$$(\alpha)_{\theta} = b'H^{*/*}. \tag{9}$$

Вблизи точки Кюри для температурной зависимости α , кроме того, можно написать (3):

$$\frac{d\alpha}{dH} = \frac{c_0}{V \theta - T}.$$
 (10)

На рис. 1 представлены результаты сопоставления соотношения (9) с данными измерений указанных авторов. Здесь по оси абсцисс отложена величина магнитного поля, а по оси ординат — величина попереч-

ного гальваномагнитного эффекта сплава 48,5 ат. $^0/_0$ Те и 51,5 ат. $^0/_0$ Сг для области Кюри ($\theta \approx 60^\circ$). Как видим, теоретическая кривая довольно хорошо воспроизводит ход экспериментальной (при этом $b' = -3,45\cdot 10^{-5}$). Аналогичные результаты дают измерения четных

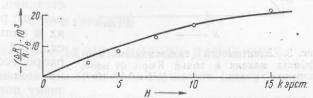


Рис. 1. Зависимость гальваномагнитного эффекта сплава 48,5 ат. $^0/_0$ Те, 51,5 ат. $^0/_0$ Сг от поля в области Кюри. Сплошная кривая — теорет. $(b'=-3,45\cdot 10^{-5})$. Эксперим. точки — из работы $(^6)$

эффектов для других металлов и сплавов. На рис. 2 приводятся данные наших измерений * гальваномагнитного эффекта никеля в области Кюри,

а на рис. 3- построенная на основе рис. 2 кривая $\left(\frac{\Delta R}{R}\right)_{\theta}$ (H) при

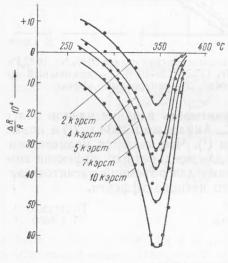


Рис. 2. Температурная зависимость гальваномагнитного эффекта никеля в области Кюри

 $b' = -0.13 \cdot 10^{-4}$. Как видим, эти результаты также укладываются в зависимость (9).

На рис. 4 приведены данные измерения продольной и поперечной магнитострикции сплава 30°/₀ Ni, $70^{\circ}/_{\circ}$ Fe. Этот сплав имеет точку Кюри, расположенную близко к комнатным температурам, поэтому его четные эффекты должны всецело определяться парапроцессом и укладываться в соотношения (7) и (9). Действительно, продольный и поперечный эффекты этого сплава имеют одинаковые знаки и близки друг другу по величине. Теоретическая кривая, построенная по формуле (9) для продольного эффекта $b' = 0,125 \cdot 10^{-6}$), находится (при в удовлетворительном согласии с опытом.

Согласно зависимости (10), четные эффекты при приближении

к точке Кюри вследствие возрастания парапроцесса должны быстро расти. Это также подтверждается кривыми гальваномагнитного эффекта сплава хром—теллур, приведенными в указанной работе (6), а также другими измерениями (см., например, рис. 3).

Возникает вопрос, как будет меняться характер продольного и поперечного эффектов по мере того, как мы будем понижать температуру и отдаляться от точки Кюри. Характер таких изменений вытекает из формул (4) и (7). В точке Кюри оба эффекта, α_{\parallel} и α_{\perp} , сов-

^{*} В измерениях гальваномагнитного эффекта принимала участие тов, И. Панипа.

палают и по величине и по знаку. При понижении температуры начинает сказываться роль процессов инверсии и вращения. Кривые

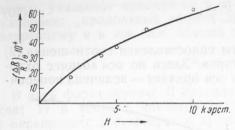


Рис. 3. Зависимость гальваномагнитного эффекта никеля в точке Кюри от поля; сплошная кривая — теорет. $(b'(=0.13 \cdot 10^{-4}))$

 $\alpha_{\parallel}(H)$ и $\alpha_{\perp}(H)$ начинают расходиться, а их наклон, обусловленный парапроцессом, будет

уменьшаться.

Таким образом, мы получаем семейство кривых, которые постепенно, с понижением температуры, раздвигаются, а наклон их в сильных полях уменьшается. При полном отсутствии парапроцесса мы получим, продольный эффект обратен по знаку поперечному и в два раза

больше по величине. Однако это правило соблюдается только в том случае, если: 1) магнитная текстура мала и 2) члены четвертого

порядка в тензоре анизотропии малы. Если позаботиться об исключении магнитной текстуры, то отступления от условия а = $= -2\alpha_1$ вдали от точки Кюри будут говорить овлиянии членов четвертого порядка в тензоре анизотропии. Впервые это было исследовано подробно в работе Симоненко применительно к явлениям объемной магнитострикции. То, что для любого четного эф-

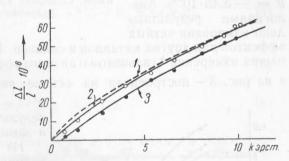


Рис. 4. Магнитострикция сплава 30 % Ni, 70 % Fe. I — теорет. ($b' = 0.125 \cdot 10^{-6}$), 2 — продольный эффект, 3 - поперечный эффект

фекта в общем случае необходимо учитывать влияние членов более высокого порядка, было указано Н. С. Акуловым в 1934 г. (²) и позже для частного случая С. В. Вонсовским (7). Что касается количественных соотношений, то поскольку они для всех четных эффектов аналогичны, формулы Акулова и Симоненко для объемной магнитострикции могут быть применены для любого четного эффекта.

Институт физики Московского государственного университета им. М. В. Ломоносова

Поступило 7 1 1950

ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

¹ Н. С. Акулов, Zs. f. Phys., **52**, 389 (1928). ² Н. С. Акулов, ibid., **67**, 768 (1934). ³ Н. С. Акулов, Ферромагнетизм, 1939. ⁴ Д. Л. Симоненко, ЖЭТФ, **7**, 170 (1937). ⁵ Д. Р. Феденев, ЖЭТФ, **5**, 386 (1935): П. П. Храмов и Л. М. Львова, Zs. f. Phys., **89**, 443 (1934); Д. И. Волков, ЖЭТФ, **9**, 444 (1939); **9**, 798 (1939); К. П. Белов, ЖЭТФ, **9**, 695 (1939); **9**. 685 (1939); Р. Г. Аннаев, ЖЭТФ, **15**, 629 (1945): Г. П. Дьяков, Изв. АН СССР, сер. физ., **11**, № 6, 667 (1947); Д. А. Штуркин, там же **11**, № 6, 661 (1947). ⁶ И. Г. Факидов и Н. П. Гражданкина, ДАН, 66, № 5 (1949); И. Г. Факидов, Н. П. Гражданкина и А. К. Кикоин, ДАН, 68, 491 (1949). ⁷ С. В. Вонсовский, ЖТФ, **18**, 145 (1948). 18, 145 (1948).