ФИЗИЧЕСКАЯ ХИМИЯ

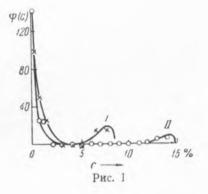
3. В. ВОЛКОВА

СЕПАРАЦИЯ ТВЕРДЫХ ТЕЛ

(Представлено академиком А. Н. Фрумкиным 23 І 1948)

Основной задачей теории сепарации твердых тел является исследование показателей разделения, степени извлечения и коэффициента разделения, равного отношению достигнутого содержания выделяемого тела в концентрате к исходному. В основу теории процессов сепарации нами положен статистический метод рассмотрения явлений в

сложных дисперсных системах, смесях порошков. Измельчение неоднородных твердых тел обычно не приводит к полному разделению их на порошки "монотел". При данной функции распределения частей измельченного тела по размеру F(b) для оценки сепарируемости изучаются функции распределения по содержанию выделяемого k-го компонента $\psi(c)$ при b = const (для фракции b, b+db) химическим, микросконическим методом и методом шкалы тяжелых жидкостей (1), когда изменение значения c связано с изменением плотности p. Крнвые b, F(b) имеют обще-



известный вид. На рис. 1 приводится один из видов кривых c, $\psi(c)$, полученных разделением куска медной руды на части размером 1 см³ (кривая I) и на части вдвое меньшего объема (кривая II). На основе исследования функций F(b) и $\psi(c)$ можно рассчитать показатели разделения для всех применяемых методов. Далее даются эти расчеты для ряда гравитационных и пенно-флотационного метода.

При сепарации в тяжелых жидкостях и суспензиях некоторой плотности ρ_{0i} степень извлечения для фракции с размером частей b_i равна:

$$p_{ki} = \int_{c_{0i}}^{c_{ki}} c \,\psi_i(c) \,dc \, \left| \int_{0}^{c_{ki}} c \psi_i(c) \,dc, \right|$$
 (1)

где c_{0i} — содержание k-го тела, соответствующее плотности ρ_{0i} , c_{ki} — максимальное содержание его в частях данной фракции. Значение p_{ki} является функцией b. Степень извлечения во всех фракциях равна тогда:

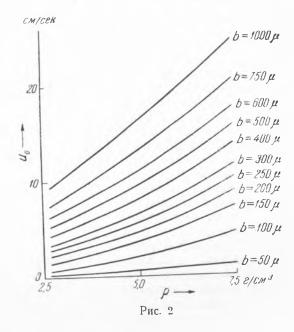
$$p_{k} = \int_{0}^{b_{k}} b^{3} p_{k1}(b) F(b) db / \int_{0}^{b_{k}} b^{3} F(b) db.$$
 (2)

Явление сепарации может возникнуть при свободной седиментации в слое жидкости высотой H. Для расчета степени извлечения выделяем из всех n фракций суммарной кривой распределения долю частиц с содержанием k-го тела c_i . Для размера частиц b_j она равна $\psi_j\left(c_i\right)dc==\varphi_l\left(b_j\right)$ и по отношению к общему числу частиц составляет

$$f_i(b_j) db = \varphi_i(b_j) F(b_j) db, \tag{3}$$

что соответствует объемной и весовой доли частиц с содержанием ε_i :

$$f_{iv}(b_{j}) db = b_{j}^{3} \varphi(b_{j}) F(b_{j}) db / \int_{0}^{b_{k}} b^{3} \varphi_{i}(b) F(b) db.$$
 (4)



Тогда объемная часть частиц с содержанием c_i по отношению ко всему объему тела равна:

$$w_{vi} = \int_{0}^{b_{k}} b^{3} \varphi_{i}(b) F(b) db / \sum_{1}^{p} \int_{0}^{b_{k}} b^{3} \varphi_{i}(b) F(b) db.$$
 (5)

Степень извлечения в осадок частиц с содержанием c_i равна:

$$p_{kl} = \int_{b_{ml}}^{b_{kl}} f_{lv}(b) db + \frac{t}{H} \int_{0}^{b_{ml}} u_{l}(b) f_{lv}(b) db,$$
 (6)

где скорости падения в воде $u_i(b)$ частиц всех размеров определяются по кривым рис. 2 зависимости значений u от ρ при b= const c пересчетом плотности ρ на содержание c выделяемого тела. Минимальный размер частиц осевших фракций определяется условием $u_i(b_{mi}) = H/t$. 1592

Степень извлечения в осадок k-го тела определяется суммированием извлечения в частицах с содержанием c_1, c_2, \ldots, c_p :

$$p_{k} = \left\{ \sum_{1}^{p} c_{i} w_{iv} \left[\int_{b_{mi}}^{b_{ki}} f_{iv}(b) db + \frac{t}{H} \int_{0}^{b_{mi}} u_{i}(b) f_{iv}(b) db \right] \right\} / \sum_{1}^{p} c_{i} w_{iv}. \quad (7)$$

При сепарации в движущейся среде (отмыв) по кривым рис. 1 для каждой фракции с размером частиц b_j подбирается скорость отмыва u_{0i} для выделения в осадок (или отмыв) частиц с интервалом содержания k-го тела $(c_{ki}-c_{0i})$. Тогда степень извлечения этой фракции может быть определена по формуле (1) и степень извлечения во всех фракциях — по уравнению (2).

Для пенно-флотационного метода степень извлечения может быть также рассчитана по функциям F(b) и $\psi(c)$. Полагаем, что вероятность прилипания частиц с интервалом содержания k-го тела (c_k-c_0) равновероятна. Доля частиц размера b_j с этим содержанием равна

 $\int\limits_{-\infty}^{c_k}\psi_j(c)\,dc$ = f(b). Тогда общее содержание флотируемых частиц

$$j_k = \frac{N_k}{N_0} = \int_0^{b_k} f(b) F(b) db.$$

Вероятность минерализации пузырька воздуха радиуса R_i , поднимающегося с некоторой скоростью u_i навстречу падающим со скоростями u_p частицам, равна (1):

$$\eta_{i} = \frac{\pi R_{i}^{2} (u_{i} + u_{p})}{[V_{t} + V_{g} + 1/\rho]} \sin^{2} \varphi_{k} \int_{0}^{b_{k}} f(b) F(b) db \int_{b_{mi}}^{b_{k}i} f(b) F(b) db,$$
 (8)

где V_i — объем воды и V_g — объем воздуха на 1 г твердого в пульпе, φ_k — угол улавливания частиц пузырьком воздуха, $(b_{ki} - b_{mi})$ — интервал размеров частиц, прилипающих к пузырьку данного объема. Полагая, что в процессе минерализации пузырьки объема V с со-

Полагая, что в процессе минерализации пузырьки объема V с содержанием $F_v(V)\,dV$ распределяются между частицами порошков пропорционально значениям η_l , можно вычислить коэффициент перехода в пену частиц с содержанием (c_k-c_0) по формуле $(^2)$

$$\eta_{k} = qV_{g} \int_{0}^{v_{q}} \eta_{lk}(V) F_{vk}(V) dV / \int_{0}^{v_{q}} V F_{vk}(V) dV, \tag{9}$$

где q — коэффициент использования воздуха, зависящий от статистического соответствия функций распределения частиц и пузырьков. Уравнение кинетики перехода в пену частиц с содержанием k-го тела:

$$[1 - j_h] \frac{N/N_k}{[1 - N/N_k]} + j_k \ln \frac{1}{[1 - N/N_k]} = \eta_k t.$$
 (10)

Тогда степень извлечения в концентрат &-го тела равна:

$$p_{k} = [N/N_{k}] \int_{0}^{b_{k}} b^{3} p_{kl}(b) F(b) db / \int_{0}^{b_{k}} b^{3} F(b) db,$$
 (11)

где $p_{ki}(b)$ вычисляется по формуле (1).

Коэффициент разделения A_k во всех случаях равен

$$A_k = p_k / \sum_{i=1}^{n} a_i p_i, \tag{12}$$

где a_1, a_2, \ldots, a_n — весовое содержание тел, входящих в разделяемую смесь.

Московский городской педагогический институт Поступило 13 I 1948

ШИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

 1 Г. О. Чечотт, Обогащение полезных ископаемых, 1929; Н. С. Пен н, Графический анализ углей, 1936; Э. Ф. Меллер, Теория исследования каменных углей на обогатимость, Харьков, 1935. 2 З. В. Волкова, ДАН, 51, 445 (1946); Горный журн., № 3 (1946); ЖФХ, 20, 1213 (1946); 22, № 2 (1948); Acta Physicochimica URSS, 21, 171, 563, 1005 (1946); 21, 331 (1947).