

С. В. РОГИНСКИЙ, член-корреспондент Академии Наук СССР, и О. М. ТОДЕС

**КИНЕТИКА ПРЕВРАЩЕНИЙ ПАРЦЕЛЛИРОВАННЫХ ТЕЛ**

**§ 1. Парцеллированные фазы**

В большинстве гетерогенных процессов приходится иметь дело с фазой, разделенной на более или менее значительное число частиц. Эти частицы—парцеллы—могут находиться на некотором расстоянии друг от друга или непосредственно соприкасаться друг с другом. Такие фазы мы будем называть парцеллированными или раздробленными в противоположность сплошным. В случае коллоидных растворов и аэрозолей раздробление доведено до свободных независимых частиц, отделенных друг от друга большими промежутками сплошной фазы. В случае порошков степень независимости отдельных частично соприкасающихся друг с другом частиц ниже. Наименее независимыми являются парцеллы в случае полликристаллических агрегатов. Сами парцеллы в свою очередь могут быть сплошными (капельки, монокристаллики) или состоять из отдельных частей.

В настоящей работе проанализированы основные типичные случаи реакций подобных парцеллированных тел и сделана попытка установить характер влияния дробления и функции распределения по размерам на кинетику гетерогенных процессов.

Исходная парцеллированная фаза может находиться в жидком, твердом или газообразном (пузырьки, включения) состоянии. Получающаяся в результате реакции или превращения конечная фаза может быть также в любом агрегатном состоянии, парцеллированной или сплошной. В таблице приведены основные типы реакций парцеллированных тел.

**§ 2. Кинетические закономерности**

При установлении кинетических закономерностей мы ограничимся случаем, когда разбираемые процессы протекают изотермично и подвод материала в зону реакции и увод продуктов из этой зоны не играет лимитирующей роли. В дальнейшем мы будем параллельно разбирать два предельных случая: а) монодисперсные системы, когда все частицы имеют первоначально один и тот же радиус ( $R$ ) (фиг. 1b); б) равнодисперсные системы, когда число частиц  $dn_R$  каждого размера (от  $R$  до  $R + dR$ ) от нуля до максимального одинаково (фиг. 1a).

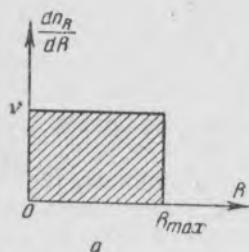
1. Фронтальная газификация сферических частиц. При испарении или растворении сферических частиц радиус  $r$  последних линейно падает со временем

$$r = R - \lambda t. \tag{1}$$

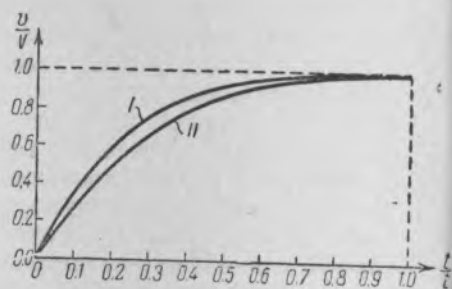
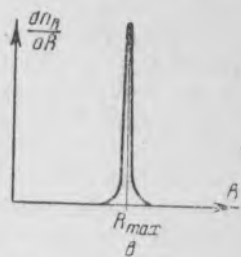
Типы реакций парцелированных тел.

Конечная фаза	Исходная парцелированная фаза		
	Жидкость	Твердое тело	Газ
Жидкость	Растворение эмульсий Фазовые переходы в жидкостях	Растворение. Химическая реакция, сопровождающаяся образованием чистой жидкости или раствора	Растворение из пузырьков Конденсация из пузырьков Химическая реакция, приводящая к жидкому продукту
Твердое тело	Закристаллизование Образование кристаллических тел при химической реакции	Фазовые превращения в кристаллах Топохимические реакции	Растворение из газовых включений Химическая реакция, приводящая к твердому продукту
Газ	Испарение Медленная химическая реакция с газификацией Быстрая химическая реакция с газификацией (горение капелек)	Сублимация. Медленная газификация Горение	Газовая реакция внутри пузырька или включения

В формуле (1)  $R$  — начальный радиус частицы, а  $\lambda = -\frac{dr}{dt}$  — линейная скорость уменьшения частицы. Если обозначить полный первоначальный



Фиг. 1



Фиг. 2

объем всех частиц через  $V$ , а объем, претерпевший превращение к моменту  $t$ , через  $v(t)$ , то

$$\frac{v(t)}{V} = 1 - \left(1 - \frac{t}{t_m}\right)^3 \quad (2')$$

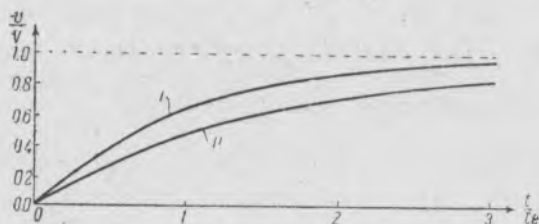
для монодисперсных систем и

$$\frac{v(t)}{V} = 1 - \left(1 - \frac{t}{t_m}\right)^4 \quad (2'')$$

для равнодисперсных систем (фиг. 2).

Здесь  $t_m = \frac{R_{max}}{\lambda}$  есть полное время превращения частиц максимального размера.

2. Образование зародышей превращения на поверхности частиц. Для больших частиц время образования одного зародыша на поверхности  $t_a \approx \frac{1}{\alpha_n R^2}$  \* много меньше, чем время прорастания одного зародыша через всю парцеллу  $t_\lambda \approx \frac{R}{\lambda}$ . В этом случае уже в начале реакции на поверхности частицы возникнет много зародышей, которые, разрастаясь через время  $t_R \approx \frac{1}{\sqrt{\frac{\lambda}{2a_n^2}}}$  много меньшее, чем  $t_\lambda$ , образуют единый фронт, распространяющийся равномерно внутрь парцеллы. Кинетика всего процесса с этого момента будет описываться уравнениями (2') или (2''). Для очень маленьких частиц, у которых  $t_\lambda \ll t_a$  и, соответственно,  $t_\lambda \ll t_R$ , как правило, один зародыш



Фиг. 3

будет успевать прорасти сквозь частицу раньше, чем возникнет следующий. Поэтому в парцеллированном теле те частицы, в которых в данный момент возникли зародыши, будут превращаться практически мгновенно и целиком, и кинетика процесса будет описываться уравнениями

$$\frac{v(t)}{V} = 1 - e^{-\frac{t}{t_e}} \quad (3')$$

для монодисперсных систем и

$$\frac{v(t)}{V} = 1 - 2 \cdot \frac{1 - \left(1 + \frac{t}{t_e}\right) \cdot e^{-\frac{t}{t_e}}}{\left(\frac{t}{t_e}\right)^2} \quad (3'')$$

для равнодисперсных систем (фиг. 3). Здесь  $t_e = \frac{1}{\alpha_n - \sigma_{\max}}$ , где  $\sigma_{\max} = 3\gamma \cdot R_{\max}^2$  есть поверхность максимальной парцеллы.

3. Объемные зародыши превращения. При образовании объемных зародышей превращения с вероятностью  $\alpha$  на единицу объема в единицу времени для больших исходных частиц кинетика не зависит от дисперсности и определяется уравнением Колмогорова (Изв. Акад. Наук, сер. мат., 1936):

$$\frac{v(t)}{V} = 1 - e^{-\frac{\gamma}{4} \alpha \lambda^3 t^4} \quad (4)$$

Для малых частиц, у которых  $t_\lambda \approx \frac{R}{\lambda}$  много меньше, чем  $t_a \approx \frac{1}{\alpha R^2}$ , процесс протекает так же, как и в случае, аналогичном для поверхностных зародышей, и определяется уравнениями (3') или (3''), при-

\*  $\alpha_n$  есть вероятность образования одного зародыша в единицу времени на единице поверхности парцеллы.

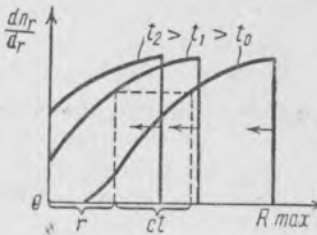
чем теперь  $t_e = \frac{1}{\alpha \omega_{\max}}$ , где  $\omega_{\max} = \gamma \cdot R_{\max}^3$  — объем максимальной парцеллы.

### § 3. Судьба первоначального распределения

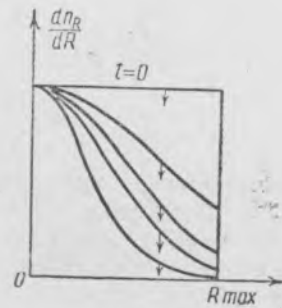
В тех случаях, когда превращение распространяется с поверхности вглубь частицы с постоянной линейной скоростью  $\lambda$ , размеры всех частиц равномерно спадают со временем, и к моменту  $t$  данный размер  $r$  имеют те частицы, которые в начальный момент времени имели радиус  $R = r + \lambda t$ :

$$dn_r(t) = dn_{r+\lambda t}(0). \quad (5)$$

Таким образом вся кривая  $\frac{dn_r}{dr}$  с течением времени равномерно перемещается влево, как это изображено на фиг. 4, пока при  $t = t_m = \frac{R_{\max}}{\lambda}$  она не исчезнет вовсе (все «сгорит»).



Фиг. 4



Фиг. 5

В случае малых частиц мы имеем совсем другой характер изменения распределения. В этом случае число частиц каждого данного размера  $R$  убывает экспоненциально со временем по закону

$$dn_R(t) = dn_R(0) e^{-\alpha \gamma R^3 \cdot t} \quad (6')$$

при объемном зародышевании,

$$dn_R(t) = dn_R(0) \cdot e^{-3\alpha_n \gamma R^2 \cdot t} \quad (6'')$$

при поверхностном зародышевании и

$$dn_R(t) = dn_R(0) \cdot e^{-\alpha_p \cdot \kappa R \cdot t} \quad (6''')$$

при зародышевании на ребрах кристаллов (фиг. 5). Здесь  $\gamma$  и  $\kappa$  — соответственные коэффициенты формы. При образовании зародышей лишь в углах кристаллов

$$dn_R(t) = dn_R(0) \cdot e^{-\alpha_y \cdot \chi t}, \quad (7)$$

и все распределение экспоненциально спадает со временем, оставаясь подобным первоначальному<sup>1</sup>.

Индустриальный институт  
Ленинград

Поступило  
23 III 1940

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. Н. Колмогоров, Изв. АН СССР, сер. матем. (1936).