

УДК 530.12 : 530.145

И. Л. СОЛОВЦОВ, В. Г. ТЕПЛЯКОВ

### КАЛИБРОВОЧНО-ИНВАРИАНТНЫЙ БИЛОКАЛЬНЫЙ ФОРМАЛИЗМ В КВАНТОВОЙ ТЕОРИИ ПОЛЯ

Предложено калибровочно-инвариантное продолжение производящего функционала  $S$ -матрицы за массовую поверхность. Получен производящий функционал калибровочно-инвариантных функций Грина. На основе формализма континуального интеграла введены коллективные калибровочно-инвариантные билокальные полевые переменные. С помощью билокального формализма получено интегральное уравнение для калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора. Показано, что пропагатор билокального поля соответствует калибровочно-инвариантной волновой функции двухчастичной системы в лестничном приближении.

Характерной чертой современных теоретических схем, призванных описывать взаимодействия элементарных частиц, является принцип калибровочной инвариантности. Калибровочный произвол, возникающий в теории, в ряде случаев оказывается весьма полезным. Например, в  $S$ -матричных расчетах то или иное калибровочное условие можно использовать, основываясь на соображениях удобства и простоты вычислений. Однако наличие «калибровочной степени свободы» не всегда играет положительную роль. Например, поведение кваркового пропагатора в инфракрасной области, связанное с проблемой конфайнмента, существенно зависит от выбора калибровочного условия. Этот факт полностью аналогичен ситуации, хорошо известной в квантовой электродинамике, в которой электронная функция Грина в классе ковариантных  $\alpha$ -калибровок имеет точку ветвления при  $p^2 = m^2$ , которая только при  $\alpha = 3$  (калибровка Соловьева—Йенни) вырождается в простой полюс [1].

В последнее время становится ясным, что последовательное изучение структуры калибровочных теорий следует вести на основе калибровочно-инвариантных объектов. Построению и изучению таких объектов посвящены работы [2—10].

В данной работе мы дадим калибровочно-инвариантное обобщение формализма билокальных переменных [11—14] на примере абелевой калибровочной теории безмассового спинорного поля  $q$ , взаимодействующего с векторным калибровочным полем  $A_\mu$ .

Стандартный производящий функционал  $S$ -матрицы имеет вид [15]

$$\begin{aligned} \tilde{R}_f[A; \zeta, \bar{\zeta}] = & \exp\{iS_0[A; \zeta, \bar{\zeta}]\} \int DqD\bar{q}DB\delta[f(B-A)] \times \\ & \times \exp\{i[S(B; q; \bar{q}) - AKB - \bar{q}K'\zeta - \bar{\zeta}K'q], \end{aligned} \tag{1}$$

где  $S_0$  и  $S$  — соответственно свободное и полное действия

$$S_0[A; \zeta, \bar{\zeta}] = \frac{1}{2} AKA + \bar{\zeta}K'\zeta; K_{\mu\nu} = g_{\mu\nu} \partial^2 - \partial_\mu \partial_\nu; K' = i\hat{\partial} \equiv i\gamma_\mu \partial^\mu. \tag{2}$$

Как известно, на массовой поверхности спинорных аргументов  $\zeta$  и  $\bar{\zeta}$  перенормированный функционал (1) зависит лишь от поперечных степеней свободы векторного поля  $A$ . То есть перенормированные  $S$ -матрицы, отвечающие полям  $A$  и  $A + \partial\lambda$ , эквивалентны. Однако вне массовой поверхности, когда  $K'\zeta \neq 0$  и  $\bar{\zeta}K' \neq 0$ , производящий функционал (1) не является градиентно-инвариантным. Этот факт приводит в свою очередь к калибровочной зависимости функций Грина, производящий

функционал которых  $Z[J, \eta, \bar{\eta}]$  определяется функционалом (1), заданным вне массовой поверхности:

$$\begin{aligned} \bar{Z}_f[J; \eta, \bar{\eta}] &= \exp\{-iS_0[-iD_0^{(f)}J; -iG_0\eta, -i\bar{\eta}G_0]\} \times \\ &\times R_f[-iD_0^{(f)}J; -iG_0\eta; -i\bar{\eta}G] = \\ &= \int DqD\bar{q}DA\delta[f(A)] \exp\{i[S[A; q, \bar{q}] + J.A. + \bar{\eta}q + \bar{q}\eta]\}, \end{aligned} \quad (3)$$

где  $D_0^{(f)}$  и  $G_0$  — свободные функции Грина векторного и спинорного полей.

Вместо (1) рассмотрим новый функционал

$$\begin{aligned} R_f[A; \zeta, \bar{\zeta}] &= \exp\{iS_0[A; \zeta, \bar{\zeta}]\} \cdot \int DqD\bar{q}DB\delta[f(B-A)] \times \\ &\times \exp\{i[S(B; q, \bar{q}) - AK(B + \partial\Lambda) - \bar{q}\omega^{-1}K'\zeta - \bar{\zeta}K'\omega q]\}. \end{aligned} \quad (4)$$

где

$$\omega = \exp(ig\Lambda), \quad \Lambda \equiv \Lambda(x|\xi) = \int_x^\xi dz^\mu B_\mu(z), \quad (5)$$

а интегрирование в (5) проводится по некоторому контуру, соединяющему точки  $x$  и  $\xi$ .

Функционалы (1) и (4) на массовой поверхности фермионных аргументов, когда  $K'\zeta = \bar{\zeta}K' = 0$ , эквивалентны. Действительно, в силу поперечности оператора  $K$  выполняется  $K\partial\Lambda = 0$ , а спинорная часть (1) и (4) отличается выражениями типа  $\bar{q}(e^{-ig\Lambda} - 1)K'\zeta$ , вклад от которых эффективно сводится к перенормировке внешних линий [1, 15]. Таким образом, функционалы (1) и (4) приводят на массовой поверхности к одной и той же перенормированной  $S$ -матрице. Их отличие друг от друга связано с различным способом расширения  $S$ -матрицы за массовую поверхность. Введенный функционал (4) в отличие от (1) оказывается поперечным не только на массовой поверхности, а также и вне ее. Этот факт нетрудно продемонстрировать следующим образом.

Выполним градиентное преобразование векторного аргумента  $A: A \rightarrow A + \partial\lambda$ . Одновременно сделаем замену переменной интегрирования  $B: B \rightarrow B + \partial\lambda$ . В результате аргумент  $\delta$ -функции в (4) не изменится и в силу поперечности оператора  $K$  получим

$$\begin{aligned} R_f[A + \partial\lambda; \zeta, \bar{\zeta}] &= \exp\{iS_0[A; \zeta, \bar{\zeta}]\} \cdot \int DqD\bar{q}DB\delta[f(B-A)] \times \\ &\times \exp\{i[S[B + \partial\lambda; q, \bar{q}] - AK(B + \partial\Lambda) - \bar{q}\exp(-ig(\lambda(\xi) - \lambda(x)))\omega^{-1}K'\zeta - \bar{\zeta}K'\exp(ig(\lambda(\xi) - \lambda(x)))\omega q]\}. \end{aligned} \quad (6)$$

Выполняя далее фазовые преобразования

$$q \rightarrow \exp(ig(\lambda(x) - \lambda(\xi)))q; \quad \bar{q} \rightarrow \bar{q}\exp(-ig(\lambda(x) - \lambda(\xi)))$$

и учитывая калибровочную инвариантность полного действия

$$S[B + \partial\lambda; \exp(ig(\lambda(x) - \lambda(\xi)))q, \bar{q}\exp(-ig(\lambda(x) - \lambda(\xi)))] = S[B; q, \bar{q}],$$

получим эквивалентность (6) и (4).

Производящему функционалу  $S$ -матрицы (4) в соответствии с (3) отвечает производящий функционал калибровочно-инвариантных функций Грина

$$\begin{aligned} Z[j; \eta, \bar{\eta}] &= \int DqD\bar{q}DA\delta[f(A)] \exp\left\{i \int d^4x \left[ \bar{q}i\partial q - \frac{1}{4}F_{\mu\nu}^2 + \right. \right. \\ &\left. \left. + g\bar{q}\hat{A}q + j_\mu(A_\mu + \partial_\mu\Lambda) + \bar{q}\omega^{-1}\eta + \bar{\eta}\omega q \right] \right\}. \end{aligned} \quad (7)$$

В частности, функционал (7) генерирует не обычный калибровочно-зависимый спинорный пропагатор  $i < 0 | T \Psi(x) \bar{\Psi}(y) | 0 >$ , а калибровочно-инвариантный пропагатор вида

$$i < 0 | T \Psi(x) P \exp \left[ ig \int_x^y dz_\mu A^\mu(z) \right] \bar{\Psi}(y) | 0 >. \quad (8)$$

Изучению его свойств посвящены работы [6—10].

Следует отметить, что при выборе контурной калибровки<sup>1)</sup> [16]

$$P \exp \left( ig \int_x^\xi p z_\mu A^\mu(z) \right) = 1 \quad (9)$$

калибровочно-инвариантные величины (4), (7) и (8) совпадают с соответствующими стандартными выражениями. Отсюда, в частности, а также в силу связи функционалов (4) и (7), задаваемой формулой (3), следуют обычные редукционные формулы.

Перейдем в функциональном интеграле (7) к новым фермионным переменным интегрирования  $Q = q \exp(ig\Lambda)$ ,  $\bar{Q} = \bar{q} \exp(-ig\Lambda)$ , тогда

$$Z[j, \bar{\eta}, \eta] \sim \int DADQD\bar{Q} \delta[f(A)] \exp \left\{ i \int d^4x \left[ \bar{Q}(x) \hat{\partial} Q(x) - F_{\mu\nu}(x) F_{\mu\nu}(x) + R_\mu(x) A_\mu(x) - \int d^4y R_\nu(y) \frac{\partial}{\partial y_\nu} \int_3^y dz_\mu \delta(x-z) A_\mu(x) + \bar{Q}(x) \eta(x) - \bar{\eta}(x) Q(x) \right] \right\},$$

где

$$R_\mu(x) = j_\mu(x) + ig \bar{Q}(x) \gamma_\mu Q(x); \quad F_{\mu\nu} = \partial_\mu A_\nu - \partial_\nu A_\mu.$$

Выполняя интегрирование по векторному полю  $A_\mu$ , получим

$$Z[j, \bar{\eta}, \eta] \sim \int dQd\bar{Q} \exp \left\{ - \int d^4x \bar{Q}(x) \hat{\partial} Q(x) - \frac{i}{2} \int d^4x d^4y \left[ R_\mu(x) - \int d^4u R_\alpha(u) \frac{\partial}{\partial u_\alpha} \int_\xi^u dz_\mu \delta(x-z) \right] D_{\mu\nu}(x-y) \times \right. \\ \left. \times \left[ R_\nu(y) - \int d^4v R_\beta(v) \frac{\partial}{\partial v_\beta} \int_\xi^v dw_\nu \delta(y-w) \right] + \int d^4x (\bar{Q}(x) \eta(x) + \bar{\eta}(x) Q(x)) \right\}, \quad (10)$$

где  $D_{\mu\nu}(x)$  — пропагатор векторного поля в произвольной калибровке. Раскрывая квадратные скобки и переобозначая в отдельных слагаемых переменные интегрирования, выражение (10) можно преобразовать к виду

$$Z[j, \bar{\eta}, \eta] = \int DQD\bar{Q} \exp \left\{ i \int d^4x \left[ \bar{Q}(x) \left( i \hat{\partial} - g \gamma_\mu \int d^4y \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) j_\nu(y) \right) \times \right. \right. \\ \left. \left. \times Q(x) + \bar{\eta}(x) Q(x) + \bar{Q}(x) \eta(x) \right] - \right.$$

<sup>1)</sup> В случае прямолинейного контура интегрирования условие (9) приводит к широко применяемой в настоящее время калибровке В. А. Фока  $(x-\xi)^\mu A_\mu(x) = 0$ .

$$-\frac{i}{2} \int d^4x d^4y [j_\mu(x) \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) j_\nu(y) + g^2 \bar{Q}(x) \gamma_\mu Q(x) \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) \bar{Q}(y) j_\nu Q(y)] \Big\}, \quad (11)$$

где

$$\begin{aligned} \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) &= D_{\mu\nu}(x-y) - \frac{\partial}{\partial x_\mu} \int_\xi^x dz_\alpha D_{\alpha\nu}(z-y) - \\ &- \frac{\partial}{\partial y_\mu} \int_\xi^y d\omega_\beta D_{\alpha\beta}(x-\omega) + \frac{\partial}{\partial x_\mu} \int_\xi^x dz_\alpha \frac{\partial}{\partial y_\nu} \int_\xi^y d\omega_\beta D_{\alpha\beta}(z-\omega) - \end{aligned} \quad (12)$$

калибровочно-инвариантный векторный пропагатор.

Введем обозначения

$K_{(\alpha_1\beta_1; \alpha_2\beta_2)}(x_1, y_1; x_2, y_2) = (\gamma_\mu)_{\alpha_1\beta_1} \tilde{D}_{\mu\nu}(x_1 - x_2) (\gamma_\nu)_{\alpha_2\beta_2} \delta^{(4)}(x_1 - y_2) \delta^{(4)}(y_1 - x_2)$ , тогда последнее слагаемое под знаком экспоненты в выражении (11), содержащее четыре фермионных переменных  $Q$ , примет вид

$$\begin{aligned} &\int d^4x d^4y \bar{Q}(x) j_\mu Q(x) \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) \bar{Q}(y) \gamma_\nu Q(y) = \\ &= - \int d^4x d^4y d^4x_2 d^4y_2 Q_{\beta_1}(y_1) \bar{Q}_{\alpha_1}(x_1) K_{(\alpha_1\beta_1; \alpha_2\beta_2)}(x_1, y_1; x_2, y_2) \times \\ &\quad \times Q_{\beta_2}(y_2) \bar{Q}_{\alpha_2}(x_2) = - (Q\bar{Q}, KQ\bar{Q}). \end{aligned} \quad (13)$$

Чтобы избавиться от четырехфермионного члена, следуя [11–14], введем дополнительное интегрирование по бислокальному бозонному полю  $\chi_{\alpha\beta} = \chi_{\alpha\beta}(x, y)$ , после чего производящий функционал примет вид

$$\begin{aligned} Z[j, \eta, \bar{\eta}] &\sim \int DQD\bar{Q}D\chi \exp \left\{ i\bar{Q} [-G(\chi - gA_{\text{ext}})]^{-1} Q + \bar{\eta}Q + \bar{Q}\eta - \right. \\ &\quad \left. - \frac{i}{2} j_\mu \tilde{D}_{\mu\nu} j_\nu - \frac{i}{2g^2} (\chi, K^{-1}\chi) \right\}, \end{aligned} \quad (14)$$

где введены обозначения

$$\begin{aligned} -[G(\chi - gA_{\text{ext}})]^{-1} &= i\hat{\partial} + \chi - gA_{\text{ext}} = G_0^{-1} + \chi - gA_{\text{ext}}, \\ G_0^{-1} &= -i\hat{\partial}, \quad A_{\text{ext}} = -\gamma_\mu \int d^4y \tilde{D}_{\mu\nu}(x-y) j_\nu(y). \end{aligned} \quad (15)$$

Выполняя в (14) интегрирование по  $DQD\bar{Q}$ , получим

$$Z[j, \bar{\eta}, \eta] \sim \int D\chi \exp\{iS[\chi]\} Z[j, \bar{\eta}, \eta, |\chi]. \quad (16)$$

Здесь

$$\begin{aligned} S[\chi] &= -\frac{1}{2g^2} (\chi, K^{-1}\chi) - i \text{tr} \ln(1 + G_0\chi); \\ &Z[j, \bar{\eta}, \eta | \chi] = \\ &= \exp \left[ -\frac{i}{2} j_\mu \tilde{D}_{\mu\nu} j_\nu + i\bar{\eta}G(\chi - gA_{\text{ext}})\eta + \text{tr} \ln(1 - gG(\chi)A_{\text{ext}}) \right]. \end{aligned} \quad (17)$$

Из (16) и (17) находим

$$\frac{1}{iZ} \frac{\delta}{\delta\eta(y)} \frac{\delta}{\delta\bar{\eta}(x)} Z \Big|_{\eta=\bar{\eta}=0, j_\mu=0} = G(x, y | \chi), \quad (18)$$

$G(x, y|\chi)$  есть полная калибровочно-инвариантная функция Грина спинорного поля. Согласно (15),  $G(x, y|\chi)$  удовлетворяет уравнению

$$i\hat{\partial}_x G(x, y|\chi) = \int d^4z \chi(x, z) G(x, y|\chi) = -\delta^{(4)}(x-y), \quad (19)$$

которое по форме совпадает с уравнением Дайсона и показывает, что билочальное поле  $\chi(x, y)$  следует интерпретировать как калибровочно-инвариантный массовый оператор фермиона (см. в связи с этим работу [9]).

Соответствующее (19) интегральное уравнение имеет вид

$$G(z, y|\chi) = G_0(z, y) - \int dx dx' G_0(z, x) \chi(x, x') G(x', y|\chi), \quad (20)$$

где  $G_0(z, y) = G_0(z-y)$  удовлетворяет уравнению  $i\partial_x G_0(x, y) = -\delta^{(4)}(x-y)$ .

Классическое уравнение движения билочального поля, возникающее от вариации функционала  $S[\chi]$

$$\delta S[\chi]/\delta \chi = 0,$$

имеет вид

$$\chi(x, y) = -ig^2 \tilde{D}_{\mu\nu}(x, y) j_\mu G(x, y|\chi) j_\nu. \quad (21)$$

Уравнения (20) и (21) образуют систему относительно  $G(x, y|\chi)$  и  $\chi(x, y)$ . Исключая, например,  $\chi(x, y)$ , получим интегральное уравнение для калибровочно-инвариантного фермионного пропагатора

$$G(z, y|\chi) = G(z, y) + ig^2 \int dx dx' G_0(z, x) \tilde{D}_{\mu\nu}(x, x') \gamma_\mu G(x, x'|\chi) \gamma_\nu G(x', y'|\chi). \quad (22)$$

Его графическое изображение представлено на рис. 1, где сплошная линия соответствует  $G_0$ , а волнистая —  $\tilde{D}_{\mu\nu}$ .

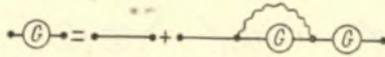


Рис. 1

Введем в функциональном интеграле (14) новую билочальную переменную интегрирования  $\Phi(x, y) = \chi(x, y) - \chi_0(x, y)$ , где  $\chi_0$  — решение уравнения (21), и разложим подынтегральное выражение в показателе экспоненты по степеням билочальной переменной  $\Phi(x, y)$ . Тогда производящий функционал можно представить в виде

$$Z[j, \bar{\eta}, \eta] \sim \int D\Phi \exp \{i(S_{\text{free}} + S_{\text{int}})\} Z[j, \bar{\eta}, \eta | \chi_0 + \Phi], \quad (23)$$

где

$$\begin{aligned} S_{\text{free}}[\Phi] &= -(\Phi, S^{(2)}(\chi_0)\Phi)/2; \\ S^{(2)}(\chi_0) &= K^{-1}(1 - ig^2 R(\chi_0))/g^2; \\ R_{(\alpha_1\beta_1; \alpha_2\beta_2)}(x_1, y_1; x, y) | \chi_0 &= \\ &= \int dx dy G_{\alpha_2\alpha}(x_2, x | \chi_0) K_{(\beta_1\alpha_1; \alpha\beta)}(x_1, y_1; x, y) G_{\beta\beta_2}(y, y_2 | \chi_0); \\ S_{\text{int}}[\Phi] &= i \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} \text{tr} [G(\chi_0)\Phi]^n. \end{aligned} \quad (24)$$

Выражение  $S_{\text{free}}$  в показателе экспоненты функционального интеграла (23), квадратичное по переменной  $\Phi(x, y)$ , можно рассматривать как свободное действие для билочальных полей  $\Phi$ . Варьируя  $S_{\text{free}}$ :  $\delta S_{\text{free}}/\delta \Phi = 0$ , — получим полевое уравнение

$$\Phi(x, y) = ig^2 \bar{D}_{\mu\nu}(x-y) \int d^4x' d^4y' \gamma_\mu G(x, x' | \chi_0) \times \\ \times \Phi(x', y') G(y', y | \chi_0) \gamma_\nu, \quad (25)$$

по форме совпадающее с однородным уравнением Бете—Солпитера для вершинной функции в лестничном приближении.

Введем пропагатор бислокального поля

$$T_{(\alpha\beta; \gamma\delta)}(x, y; x', y') = i \int D\Phi \exp\{iS_{\text{free}}\} \Phi_{\alpha\beta}(x, y) \Phi_{\gamma\delta}(x', y') = \\ = [S^{(2)}(\chi_0)^{-1}]_{(\alpha\beta; \gamma\delta)}(x, y; x', y').$$

Учитывая (24), имеем

$$T = g^2 (1 - ig^2 R)^{-1} K = g^2 \sum_{n=0}^{\infty} (ig^2 R)^n K. \quad (26)$$

Графически разложение (26) изображено на рис. 2. Заметим, что ряд (26) может быть получен путем итерации следующего интегрального уравнения типа Бете—Солпитера:

$$T_{(\alpha\beta; \gamma\delta)}(x_1, y_1; x_2, y_2) = g^2 K_{(\alpha\beta; \gamma\delta)}(x_1, y_1; x_2, y_2) + \\ + ig^2 \int dx dy dz d\omega K_{(\alpha\beta; \gamma\delta)}(x_1, y_1; y, z) G_{\alpha\rho}(z, \omega | \chi_0) T_{(\mu, \rho; \gamma\delta)}(x_1, \omega; x_2, y_2). \quad (27)$$

Таким образом, введение коллективных динамических переменных, отсутствующих в исходной формулировке калибровочно-инвариантной теории поля, позволило получить интегральные уравнения (25) и (27) для калибровочно-инвариантных объектов: спинорного пропагатора вершинной функции и четырехточечной функции. Полученные уравнения отличаются от соответствующих уравнений стандартной теории присутствием в них вместо свободного векторного пропагатора

$D_{\mu\nu}(x-y)$  функции  $\bar{D}_{\mu\nu}(x, y)$ , определяемой равенством (12).

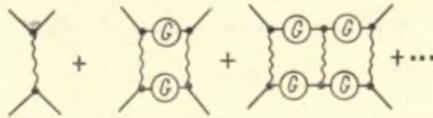


Рис. 2

Функцию  $\bar{D}_{\mu\nu}(x, y)$  можно интерпретировать как свободный калибровочно-инвариантный пропагатор векторной частицы.

В заключение отметим, что введенные в данной работе калибровочно-инвариантные бислокальные переменные соответствуют калибровочно-инвариантным полям класса Фока [4, 6, 9]. Аналогичным образом может быть развит калибровочно-инвариантный бислокальный формализм на основе рассмотренных в работах [4, 6, 9] полевых переменных дираковского и смешанного классов.

Авторы признательны А. Н. Сисакяну, Н. Б. Скачкову, О. Ю. Шевченко за интерес к работе и полезные обсуждения полученных результатов.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Боголюбов Н. Н., Ширков Д. В. Введение в теорию квантованных полей. — М.: Наука, 1976.
2. Mandelstam S.//Ann. Phys. — 1962. — V. 19. — P. 1; Phys. Rev. — 1968. — V. 175. — P. 1580; De Witt B. S.//Phys. Rev. — 1962. — V. 125. — P. 2189; Bialynicki-Birula I.//Bull. Acad. Polon. Sci. — 1963. — V. 11. — P. 135.
3. D'Emilio E., Mintchev M.//Fort. der Phys. — 1984. — V. 32. — P. 473; Steinmann O.//Ann. Phys. — 1984. — V. 157. — P. 232; Univ. Bielefeld, 1985/Preprint B1—TP—85/4.

4. Skachkov N. B., Solovtsov I. L., Shevchenko O. Yu.—Dubna, 1985/Preprint JINR Rapid Communications № 8—85, 42; 9—85, 39; 10—85, 13.
5. Kapshay V. N., Skachkov N. B., Solovtsov I. L.—Dubna, 1983/Preprint JINR E2—83—26//Тр. VI Межд. семинара по пробл. физики высоких энергий и квантовой теории поля.—Протвино, 1983.—Т. 2.—С. 262.
6. Skachkov N. B., Solovtsov I. L., Shevchenko O. Yu.—Dubna, 1985/Preprint JINR E2—85—430, E2—85—462, P2—85—463.
7. Соловцов И. Л.//Изв. вузов. Физика.—1985.—№ 1.—С. 65; Соловцов И. Л., Соловцова О. П.//Изв. вузов. Физика.—1984.—№ 12.—С. 49.
8. Соловцов И. Л.//Изв. АН БССР. Сер. Физ.-мат. наук.—1985.—№ 5.—С. 99.
9. Скачков Н. Б., Соловцов И. Л., Шевченко О. Ю.//ТМФ.—1987.—Т. 71,—№ 1.—С. 54.
10. Сисакян А. Н., Скачков Н. Б., Соловцов И. Л., Шевченко О. Ю.—Дубна, 1987/Препринт ОИЯИ P2—87—479;—Dubna, 1987/Preprint JINR Rapid Communications № 3 (23) —87, 12.
11. Славнов А. А.//ТМФ.—1982.—Т. 51.—С. 307; ТМФ.—1983.—Т. 54.—С. 52; ТМФ.—1983.—Т. 57.—С. 4; Phys. Lett.—1982.—V. 112B.—P. 154.
12. Первушин В. Н., Рейнхардт Х., Эберт Д.//ТМФ.—1978.—Т. 36.—С. 313.
13. Баталин И. А., Фрадкин Е. С.//Тр. ФИАН.—1972.—Т. 57.—С. 29.
14. Gutlerges W. R.//Nucl. Phys.—1980.—V. B176.—P. 185; Nakamura A., Oduka K.//Nucl. Phys.—1982.—V. B202.—P. 457; Ермолаев М. К., Нелипа Н. Ф.//Вести. Моск. ун-та. Сер. 3. Физ. Астрон.—1984.—Т. 25.—№ 1.—С. 100.
15. Васильев А. Н. Функциональные методы в квантовой теории поля и статистике.—Л.: Изд-во ЛГУ, 1976.
16. Иванов С. В., Корчемский Г. П., Радюшкин А. В.//ЯФ.—1986.—Т. 44.—С. 230.

Гомельский политехнический институт

Поступила в редакцию 24.09.86,  
после доработки — 14.03.88.