

## Список использованных источников

- 1 Шамына, А. А. Генерация второй гармоники от тонкого цилиндрического слоя. I. Аналитическое решение / А. А. Шамына, В. Н. Капшай // Оптика и спектроскопия. – 2019. – Т. 126, № 6. – С. 724–731.
- 2 Капшай, В. Н. Генерация второй гармоники от тонкого цилиндрического слоя. II. Анализ решения / В. Н. Капшай, А. А. Шамына // Оптика и спектроскопия. – 2019. – Т. 126, № 6. – С. 732–739.
- 3 Шамына, А. А. Генерация второй гармоники от тонкого цилиндрического слоя. III. Условия отсутствия генерации / А. А. Шамына, В. Н. Капшай // Оптика и спектроскопия. – 2019. – Т. 126, № 6. – С. 740–747.

**Е. С. Тимошин, С. И. Тимошин**  
г. Гомель, ГГТУ имени П.О. Сухого

## КВАРКОВЫЕ ВКЛАДЫ В СПИН НУКЛОНА ИЗ НЕЙТРИННЫХ ЭКСПЕРИМЕНТОВ НА ПОЛЯРИЗОВАННЫХ МИШЕНЯХ

**Введение.** Для решения проблемы спина нуклона важное значение имеет ароматическое разделение вкладов夸ков и антикварков [1].

В настоящее время отдельно  $\Delta q$  и  $\Delta \bar{q}$  получают из полуинклузивного  $lN$ -ГНР [2]. Однако здесь существенно зависят от функций фрагментации [1, 3], что вносит в них дополнительные неопределенные. Разделение  $\Delta q$  и  $\Delta \bar{q}$  возможно в процессах ГНР нейтрино и антинейтрино на поляризованных мишениях с заряженным током [4, 5].

Нейтринные процессы имеют ряд преимуществ: естественная поляризация нейтрино, число поляризационных СФ больше, чем для ГНР заряженных лептонов на нуклонах с электромагнитным током из-за несохранения четности в слабых взаимодействиях [4–6]. Поэтому нейтрино является удобным инструментом для изучения спиновой структуры нуклона.

Однако проведение нейтринных экспериментов с поляризованными мишениями связано с техническими трудностями, главная из которых – огромная масса мишени, необходимая для сбора нужной статистики. Светимость существующих нейтринных пучков потребует мишней размером несколько метров, которые не могут быть поляризованы.

В то же время имеется перспектива [5, 7] получать высокофокусированные нейтринные пучки от распадов мюонов [8, 9] (нейтринные фабрики), для которых уже можно создать поляризованные мишени. В таком случае проведение нейтринных экспериментов с поляризованными мишениями представляется возможным в будущем. Это даст возможность получать новые данные по спиновой структуре нуклона, которые необходимы для проведения КХД-анализа всей совокупности поляризационных данных по аналогии с неполяризованными ГНР.

В связи с этим является актуальным изучение спиновой структуры нуклона в ГНР (анти) нейтрино на поляризованных мишениях (протонах, нейтронах, дейтронах).

В настоящей работе рассматриваются возможности получения вкладов кварков и антикварков в нуклонный спин на основе измеряемых величин (поляризационных асимметрий, первых моментов поляризационных СФ) ГНР нейтрино и антинейтрино на поляризованных протонах, нейтронах, дейтронах с заряженным и нейтральным токами.

**1. Кварковые вклады в спин нуклона из асимметрий нейтринных экспериментов на поляризованных мишениях.** Дифференциальные сечения ГНР (анти) нейтрино на поляризованных дейтронах

$$\nu(\bar{\nu}) + d \rightarrow l^-(l^+) + X \quad (1)$$

представим в виде

$$\sigma_{\nu(\bar{\nu})d} = \sigma_{\nu(\bar{\nu})d}^a + P_N \sigma_{\nu(\bar{\nu})d}^{Pol} \quad (2)$$

где  $\sigma_{\nu(\bar{\nu})d}^{a, Pol}$  – неполяризованная и поляризационная части сечений соответственно;  $\sigma = \frac{d^2\sigma}{dx dy}$ ;  $x, y$  – скейлинговые переменные;  $P_N$  – степень поляризации дейтрана.

В ведущем порядке КХД (улучшенная квark-парточная модель) сечения, входящие в (2) получены в следующем виде для нейтрино:

$$\sigma_{\nu d}^a = \frac{\sigma_{\nu p}^a + \sigma_{\nu n}^a}{2} = \sigma_0 x \left[ u(x, Q^2) + d(x, Q^2) + 2s(x, Q^2) + y_1^2 (\bar{u}(x, Q^2) + \bar{d}(x, Q^2)) \right], \quad (3)$$

$$\begin{aligned} \sigma_{\nu d}^{Pol} &= \frac{\sigma_{\nu p}^{Pol} + \sigma_{\nu n}^{Pol}}{2} \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right) = \\ &= \sigma_0 x \left[ \Delta u(x, Q^2) + \Delta d(x, Q^2) + 2\Delta s(x, Q^2) - y_1^2 (\Delta \bar{u}(x, Q^2) + \Delta \bar{d}(x, Q^2)) \right] \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right) \end{aligned} \quad (3)$$

и антинейтрино:

$$\sigma_{\bar{\nu} d}^a = \sigma_0 x [y_1^2 (u(x, Q^2) + d(x, Q^2)) + \bar{u}(x, Q^2) + \bar{d}(x, Q^2) + 2\bar{s}(x, Q^2)], \quad (5)$$

$$\begin{aligned} \sigma_{\bar{\nu} d}^{Pol} &= \sigma_0 x [y_1^2 (\Delta u(x, Q^2) + \Delta d(x, Q^2)) - \Delta \bar{u}(x, Q^2) - \\ &\quad - \Delta \bar{d}(x, Q^2) - 2\Delta \bar{s}(x, Q^2)] \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right). \end{aligned} \quad (6)$$

Здесь  $q(\bar{q})(x, Q^2)$ ,  $\Delta q(\Delta \bar{q})(x, Q^2)$  ( $q = u, d, s$ ) – функции распределения неполяризованных и поляризованных квакров (антиневакров);  $y_1 = 1 - y$ ,  $Q^2$  – квадрат переданного импульса от нейтрино (антинейтрино) к лептону (антителептону),  $\omega \simeq 0,05$  – вероятность D-состояния в волновой функции дейтрана;  $\sigma_0 = \frac{G}{\pi} ME$ ,  $G$  – константа Ферми,  $E$  – энергия нейтрино (антинейтрино),  $M$  – масса дейтрана; “ $p$ ” и “ $n$ ” обозначают протон и нейтрон соответственно.

Рассмотрим поляризационные асимметрии процессов (1) следующего вида:

$$A_{\pm d} = \frac{(\sigma_{\nu d}^{\uparrow\uparrow} \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^{\uparrow\uparrow}) - (\sigma_{\nu d}^{\downarrow\downarrow} \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^{\downarrow\downarrow})}{(\sigma_{\nu d}^{\uparrow\uparrow} \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^{\uparrow\uparrow}) + (\sigma_{\nu d}^{\downarrow\downarrow} \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^{\downarrow\downarrow})}, \quad (7)$$

где первая стрелка соответствует спиральности нейтрино ( $\downarrow$ ) или антинейтрино ( $\uparrow$ ), вторая – направлению спина дейтрана  $\uparrow$  ( $P_N = 1$ ) и  $\downarrow$  ( $P_N = -1$ ).

С учетом (2) асимметрии  $A_{\pm d}$  принимают вид

$$A_{\pm d} = \frac{\sigma_{\nu d}^{Pol} \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^{Pol}}{\sigma_{\nu d}^a \pm \sigma_{\bar{\nu} d}^a}. \quad (8)$$

Подставляя в (8) сечения (2–6), получаем асимметрии в терминах парточных распределений

$$A_{+d} = \frac{(1+y_1^2)[\Delta u_V(x, Q^2) + \Delta d_V(x, Q^2)]}{(1+y_1^2)[u(x, Q^2) + \bar{u}(x, Q^2) + d(x, Q^2) + \bar{d}(x, Q^2) + 2(s(x, Q^2) + \bar{s}(x, Q^2))]} \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right), \quad (9)$$

$$A_{-d} = \frac{(1-y_1^2)[\Delta u(x, Q^2) + \Delta d(x, Q^2) + \Delta \bar{u}(x, Q^2) + \Delta \bar{d}(x, Q^2)] + 2(\Delta s(x, Q^2) + \Delta \bar{s}(x, Q^2))}{(1-y_1^2)[u_V(x, Q^2) + d_V(x, Q^2)]} \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right), \quad (10)$$

где  $\Delta q_V(q_V) = \Delta q(q) - \Delta \bar{q}(\bar{q})$  – функции распределения (не)поляризованных валентных квакров.

Рассмотрим полуинклузивное  $\nu(\bar{\nu})d$  – ГНР

$$\nu(\bar{\nu}) + d \rightarrow l^-(l^+) + \pi^\pm + X. \quad (11)$$

Дифференциальные сечения этих процессов имеют структуру, аналогичную (2), (3), (4), и для них получены следующие выражения в случае рассеяния нейтрино:

$$\begin{aligned} \sigma_{\nu d}^{a\pi} &= \sigma_0 x [d(x, Q^2) D_u^\pi(z) + y_1^2 \bar{u}(x, Q^2) D_{\bar{d}}^\pi(z) + u(x, Q^2) D_u^\pi(z) + y_1^2 \bar{d}(x, Q^2) D_{\bar{d}}^\pi(z)], \\ \sigma_{\nu d}^{Pol\pi} &= \sigma_0 x [\Delta d(x, Q^2) D_u^\pi(z) - y_1^2 \Delta \bar{u}(x, Q^2) D_{\bar{d}}^\pi(z) + \Delta u(x, Q^2) D_u^\pi(z) - y_1^2 \Delta \bar{d}(x, Q^2) D_{\bar{d}}^\pi(z)] \left( 1 - \frac{3}{2} \omega \right), \end{aligned} \quad (12)$$

и антинейтрино

$$\begin{aligned}\sigma_{\bar{v}d}^{a\pi} &= \sigma_0 x [y_1^2 u(x, Q^2) D_d^\pi(z) + \bar{d}(x, Q^2) D_u^\pi(z) + y_1^2 d(x, Q^2) D_d^\pi(z) + \bar{u}(x, Q^2) D_u^\pi(z)], \\ \sigma_{\bar{v}d}^{pol\pi} &= \sigma_0 x [y_1^2 \Delta u(x, Q^2) D_d^\pi(z) - \Delta \bar{d}(x, Q^2) D_u^\pi(z) + y_1^2 \Delta d(x, Q^2) D_d^\pi(z) - \Delta \bar{u}(x, Q^2) D_u^\pi(z)] \left(1 - \frac{3}{2}\omega\right).\end{aligned}\quad (13)$$

В формулах (12), (13)  $D_{q(\bar{q})}^\pi(z)$  – функция фрагментации кварка  $q$  (антикварка  $\bar{q}$ ) в  $\pi$ -мезон.

Полуинклузивные асимметрии  $A_{\pm d}^{\pi^+ - \pi^-}$  имеют структуру, аналогичную (7), (8), с заменой  $\sigma \rightarrow \sigma^{\pi^+ - \pi^-} = \sigma^{\pi^+} - \sigma^{\pi^-}$ .

С учетом (12), (13) для них получены следующие выражения:

$$A_{+d}^{\pi^+ - \pi^-} = \frac{\Delta u(x, Q^2) + \Delta d(x, Q^2) + \Delta \bar{u}(x, Q^2) + \Delta \bar{d}(x, Q^2)}{u_V(x, Q^2) + d_V(x, Q^2)} \left(1 - \frac{3}{2}\omega\right), \quad (14)$$

$$A_{-d}^{\pi^+ - \pi^-} = \frac{\Delta u_V(x, Q^2) + \Delta d_V(x, Q^2)}{u(x, Q^2) + \bar{u}(x, Q^2) + d(x, Q^2) + \bar{d}(x, Q^2)} \left(1 - \frac{3}{2}\omega\right). \quad (15)$$

В формулах (14), (15) функции фрагментации сокращаются в числителе и знаменателе в силу соотношений:

$$D_{\bar{d}}^{\pi^+ - \pi^-} = D_u^{\pi^+ - \pi^-}, \quad D_d^{\pi^+ - \pi^-} = -D_u^{\pi^+ - \pi^-}, \quad D_{\bar{u}}^{\pi^+ - \pi^-} = -D_u^{\pi^+ - \pi^-}.$$

Совместное применение инклузивных и полуинклузивных асимметрий позволяет определить вклад странных夸克ов и антикварков в нуклонный спин. Так из асимметрии  $A_{-d}$  (1.10) и  $A_{+d}^{\pi^+ - \pi^-}$  (14) получаем распределение странного моря ( $\Delta s(x) + \Delta \bar{s}(x)$ ), а его первый момент есть

$$\Delta s + \Delta \bar{s} = \int_0^1 [\Delta s(x) + \Delta \bar{s}(x)] dx = \frac{1-y_1^2}{2-3\omega} \int_0^1 [u_V(x) + d_V(x)] (A_{-d} - A_{+d}^{\pi^+ - \pi^-}) dx. \quad (16)$$

Из асимметрии  $A_{-d}^{\pi^+ - \pi^-}(A_{+d})$  можно получить суммарный вклад валентных夸克ов

$$\Delta u_V + \Delta d_V = \frac{1}{1-\frac{3}{2}\omega} \int_0^1 A_{-d}^{\pi^+ - \pi^-} [u(x) + \bar{u}(x) + d(x) + \bar{d}(x)] dx.$$

В то же время совместное применение этих асимметрий, т. е. (9) и (15), дает возможность доступа к распределению неполяризованных夸克ов и антикварков

$$s(x) + \bar{s}(x) = \frac{1}{2} (1 + y_1^2) [u(x) + d(x) + \bar{u}(x) + \bar{d}(x)] \left( \frac{A_{-d}^{\pi^+ - \pi^-}}{A_{+d}^{\pi^+ - \pi^-}} - 1 \right).$$

Таким образом, получены выражения для вкладов в спин нуклона странных夸克ов и антикварков ( $\Delta s + \Delta \bar{s}$ ), суммарного вклада валентных夸克ов, не содержащие функций фрагментации, с помощью поляризационных инклузивных и полуинклузивных асимметрий ГНР нейтрино и антинейтрино на поляризованных дейтранонах с заряженным током. Из этих асимметрий также можно получить информацию о распределении неполяризованного странного моря [ $s(x) + \bar{s}(x)$ ].

## Список использованных источников

- 1 The Electron-Ion Collider: Assessing the Energy Dependence of Key Measurements / E. C. Aschenauer [et al.]. – ArXiv: 1708.01527 [nucl-ex].
- 2 Ball, R. D. The Proton Spin, Semi-inclusive processes, and a future Electron-Ion Collider / R. D. Ball, A. Deshpande. – ArXiv: 1801.04842 [hep-ph].
- 3 Leader, E. New analysis concerning the strong quark polarization puzzle / E. Leader, A. V. Sidorov, D. B. Stamenov // Phys. Rev. – 2015. – Vol. D91. – P.054017.
- 4 Forte, S. Polarized parton distribution from charged – current deep-inelastic scattering and future neutrino factories / S. Forte, M. L. Mangano, G. Ridolfi // Nucl. Phys. – 2001. – Vol. B602. – P. 585–621.
- 5 King, B. J. High rate neutrino detectors for neutrino factories / B. J. King // Nucl. Instrum. Meth. – 2000. – Vol. A451. – P. 198–206.

- 6 Kaur, J. Spin distribution in the quark-parton model / J. Kaur // Nucl. Phys. – 1977. – Vol. B128. – P. 219–251.
- 7 Schwienhorst, R. Colliding neutrino beams / R. Schwienhorst // Mod. Phys. Lett. – 2008. – Vol. A23. – P. 2751–2761.
- 8 Kaplan, D. M. Muon collider / neutrino factory: status and prospects / D. M. Kaplan // Nucl. Instrum. Meth. – 2000. – Vol. A453. – P. 37–48.
- 9 Mezzetto, M. Beta beams / M. Mezzetto // Nucl. Phys. Proc. Suppl. – 2005. – Vol. 143. – P. 309–316.

**Г. Ю. Тюменков**

г. Гомель, ГГУ имени Ф. Скорины

## О МОДИФИКАЦИИ УРАВНЕНИЯ СОСТОЯНИЯ ИСИКАВЫ-ЧАНГА-ЛУ ВИДА $\tilde{V} = \tilde{V}(\tilde{P}, \tilde{T})$

Термодинамические свойства неидеальных газов получают на основе изучения полуэмпирических уравнений состояния, которые, как правило, являются двухпараметрическими. Классическим уравнением такого рода является уравнение Ван-дер-Ваальса [1, 2]. Наиболее же успешным вариантом уравнения состояния неидеального газа вплоть до настоящего времени остается уравнение Редлиха-Квонга [3], которое получило достаточно качественное обобщение в виде уравнения Т. Исикавы, У. К. Чанга и Б. Лу [4, 5], в котором была предложена новой форма «отталкивателного» слагаемого и двумя температурно-зависимыми параметрами. Молярная форма этого уравнения представляется в виде

$$P = \frac{RT(2V + b(T))}{V(2V - b(T))} - \frac{a(T)}{\sqrt{TV(V + b(T))}} \quad (1)$$

с параметрами, имеющими структуру

$$a(T) = \Omega_a \alpha(\tilde{T}) \frac{R^2 T_k^{5/2}}{P_k}, \quad b(T) = \Omega_b \beta(\tilde{T}) \frac{RT_k}{P_k}, \quad \alpha(1) = \beta(1) = 1, \quad (2)$$

где  $T_k, P_k$  – температура и давление критического состояния,  $\tilde{T} = T/T_k$  – безразмерная приведенная температура.

Важнейшим элементом сопоставления всевозможных следствий, вытекающих из уравнений состояния, с экспериментальными данными является рассмотрение критического состояния вещества. При достижении данного состояния исчезают различия в физических свойствах жидкости и пара. На кривой изотермы при критической температуре этому состоянию соответствует единственная точка, являющаяся одновременно точкой перегиба и точкой схождения экстремумов изотермы. Математически это означает, что

$$\left( \frac{\partial P}{\partial V} \right)_{T_k} = 0; \quad \left( \frac{\partial^2 P}{\partial V^2} \right)_{T_k} = 0. \quad (3)$$

Условия (3) образуют систему уравнений, решение которой с использованием уравнения (1) позволяет выразить характеристики критического состояния газа через параметры  $a, b$  уравнения состояния

$$V_{kp} = \chi b, \quad T_{kp} = \sigma^2 \left( \frac{a}{bR} \right)^{\frac{2}{3}}, \quad P_{kp} = \varphi \left( \frac{a^2 R}{b^5} \right)^{\frac{1}{3}}, \quad (4)$$

где введены обозначения для численных коэффициентов