

Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого»

Кафедра «Промышленная теплоэнергетика и экология»

А. В. Овсянник, А. А. Нижников, М. Н. Новиков

ТЕХНИЧЕСКАЯ ТЕРМОДИНАМИКА

ПРАКТИКУМ

по одноименному курсу для студентов специальностей 1-43 01 05 «Промышленная теплоэнергетика» и 1-43 01 07 «Техническая эксплуатация энергообрудования организаций» дневной и заочной форм обучения

Электронный аналог печатного издания

УДК 621.1.016.7(075.8) ББК 31.31я73 О-34

Рекомендовано к изданию научно-методическим советом энергетического факультета ГГТУ им. П. О. Сухого (протокол № 3 от 25.11.2014 г.)

Рецензент: доц. каф. «Электроснабжение» ГГТУ им. П. О. Сухого канд. техн. наук, доц. О. Г. Широков

Овсянник, А. В.

О-34 Техническая термодинамика: практикум по одноим. курсу для студентов специальностей 1-43 01 05 «Промышленная теплоэнергетика» и 1-43 01 07 «Техническая эксплуатация энергооборудования организаций» днев. и заоч. форм обучения / А. В. Овсянник, А. А. Нижников, М. Н. Новиков. – Гомель: ГГТУ им. П. О. Сухого, 2016. – 31 с. – Систем. требования: РС не ниже Intel Celeron 300 МГц; 32 Мb RAM; свободное место на HDD 16 Мb; Windows 98 и выше; Adobe Acrobat Reader. – Режим доступа: http://elib.gstu.by. – Загл. с титул. экрана.

ISBN 978-985-535-286-1.

Предназначен для теоретической и практической подготовки по технической термодинамике. Поможет студентам овладеть теоретическими и практическими навыками в области термодинамических процессов идеальных газов, смеси идеальных газов. Даны методика расчетов, диаграммы, примеры решения задач, приложение с вариантами заданий.

Для студентов энергетических специальностей дневной и заочной форм обучения.

УДК 621.1.016.7(075.8) ББК 31.31я73

ISBN 978-985-535-286-1

- © Овсянник А. В., Нижников А. А., Новиков М. Н., 2016
- © Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого», 2016

1. ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ ПРОЦЕССЫ ИДЕАЛЬНЫХ ГАЗОВ. РАСЧЕТ ПАРАМЕТРОВ СОСТОЯНИЯ И ЭНЕРГЕТИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК ПРОЦЕССОВ

При изучении термодинамических процессов идеальных газов должны быть решены основные задачи:

- 1. Определение уравнения процесса f(p, v) = 0, устанавливающего закономерность изменения состояния рабочего тела в процессе.
- 2. Выявление особенностей преобразования подведенной к рабочему телу теплоты, распределение ее между изменением внутренней энергии и совершаемой рабочим телом внешней работой. Основой решения задачи является уравнение первого начала термодинамики, записанное при соблюдении условий, присущих рассматриваемому процессу. Совокупность уравнений процесса и состояния идеального газа дает возможность получать соотношения различных параметров газа в виде функциональных зависимостей вида: p = f(v); s = f(T) и др.

Основными процессами являются: изохорный, протекающий при постоянном объеме; изобарный, протекающий при постоянном давлении; изотермический, происходящий при постоянной температуре; адиабатный — процесс, при котором отсутствует теплообмен с окружающей средой, и политропный, удовлетворяющий уравнению $pv^n = \text{const.}$

Политропный процесс Уравнение политропы:

$$pv^{\frac{c-c_p}{c-c_v}} = pv^n = \text{const}, \tag{1.1}$$

где $n = \frac{c - c_p}{c - c_v}$ — показатель политропы.

Уравнение показывает, что политропным процессом является такой термодинамический процесс изменения параметров состояния рабочего тела, при котором в течение всего процесса показатель политропы n может принимать любое численное значение в пределах от $-\infty$ до $+\infty$, но для данного процесса он является величиной постоянной.

Выражения, устанавливающие связь между параметрами состояния p, v и T в любых двух точках на политропе:

$$p_2 / p_1 = (v_1 / v_2)^n;$$
 (1.2)

$$T_2 / T_1 = (v_1 / v_2)^{n-1};$$
 (1.3)

$$T_2 / T_1 = (p_2 / p_1)^{(n-1)/n}$$
 (1.4)

Все уравнения, полученные для адиабатного процесса, можно использовать для политропного процесса, заменяя в выражениях k на n.

Работа расширения совершается за счет уменьшения внутренней энергии и вычисляется как

$$L_{\rm p} = \frac{1}{n-1} (p_1 v_1 - p_2 v_2). \tag{1.5}$$

Изменение внутренней энергии:

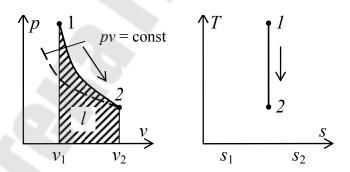
$$\Delta U = mC_{\nu} \left(T_2 - T_1 \right). \tag{1.6}$$

Количество теплоты:

$$Q = \Delta U + L_p. \tag{1.7}$$

Адиабатный процесс

Процесс, происходящий без теплообмена с окружающей средой, т. е. dq = 0, представлен на рис. 1.1.



Puc. 1.1. Адиабатный процесс в p-v и T-s-диаграммах

Уравнение адиабатного процесса:

$$p_1 v_1^k = p_2 v_2^k. (1.8)$$

Это и есть уравнение адиабаты идеального газа при постоянном отношении теплоемкостей, т. е. $k = c_p / c_v$ – показатель адиабаты.

Уравнения адиабатного процесса в форме, выражающей зависимость температуры от объема или давления, будут:

$$T_2 / T_1 = (v_1 / v_2)^{k-1};$$
 (1.9)

$$T_2 / T_1 = (p_2 / p_1)^{(k-1)/k}$$
 (1.10)

Работа расширения совершается за счет уменьшения внутренней энергии и вычисляется как

$$L_{\rm p} = -\Delta U = c_{\nu} \left(T_1 - T_2 \right) = \frac{R}{k - 1} \left(T_1 - T_2 \right). \tag{1.11}$$

Так как $p_1v_1 = RT_1$ и $p_2v_2 = RT_2$, то

$$L_{p} = \frac{1}{k-1} (p_{1}v_{1} - p_{2}v_{2}). \tag{1.12}$$

Изменение внутренней энергии:

$$\Delta U = mC_{v} (T_2 - T_1). \tag{1.13}$$

Поскольку при адиабатном процессе $\Delta Q = 0$, энтропия рабочего тела не изменяется.

Изотермический процесс

При изотермическом процессе выполняется условие dT = 0 или $T = {\rm const}$ (рис. 1.2).

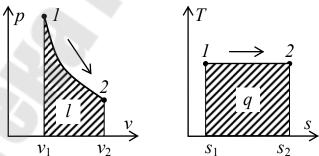


Рис. 1.2. Изотермический процесс в *p-v* и *T-s-*диаграммах

Уравнение процесса:

$$pv = RT = \text{const}, \tag{1.14}$$

или

$$p_2 / p_1 = v_1 / v_2, (1.15)$$

т. е. давление и объем обратно пропорциональны друг другу, так что при изотермическом сжатии давление газа возрастает, а при расширении – падает (закон Бойля–Мариотта).

Работа изменения объема:

$$L_{p} = \int_{v_{1}}^{v_{2}} p dv = \int_{v_{1}}^{v_{2}} \frac{RT dv}{v} = RT \ln(v_{2} / v_{1}) = p_{1}V_{1} \ln(p_{1} / p_{2}).$$
 (1.16)

Вся теплота, сообщаемая газу в изотермическом процессе, целиком идет на совершение работы:

$$Q = L_{\rm p} = L_{\rm m}. \tag{1.17}$$

При изотермическом сжатии от газа отводится теплота в количестве, равном затраченной на сжатие работе.

2. СМЕСИ ИДЕАЛЬНЫХ ГАЗОВ. ЗАКОН ДАЛЬТОНА

Состав газовой смеси определяется количеством каждого из газов, входящих в смесь, и может быть задан массовыми и объемными долями.

Массовая доля определяется отношением массы отдельного газа, входящего в смесь, к массе всей смеси:

$$g_i = \frac{m_i}{m_{\rm cm}}. (2.1)$$

Объемной долей газа называют отношение приведенного объема каждого компонента, входящего в смесь, к объему всей смеси:

$$r_i = \frac{V_i}{V_{\rm cm}}. (2.2)$$

Кажущаяся молекулярная масса смеси:

$$\mu_{\rm cm} = \sum r_i \mu_i. \tag{2.3}$$

Газовую постоянную смеси газов ($R_{\rm cm}$) можно выразить либо через газовые постоянные отдельных компонентов, входящих в смесь, либо через кажущуюся молекулярную массу смеси:

$$R_{\rm cm} = \sum g_i R_i, \qquad (2.4)$$

или

$$R_{\rm cm} = \frac{R_{\mu}}{\mu_{\rm cm}}.\tag{2.5}$$

Связь между давлением газовой смеси и парциальными давлениями отдельных компонентов, входящих в смесь, описывается *законом Дальтона*:

$$p_{\rm cm} = \sum p_i. \tag{2.6}$$

Парциальные давления отдельных компонентов можно определить, используя следующее уравнение:

$$p_i = r_i p_{\rm cm}. \tag{2.7}$$

Теплоемкость газовой смеси определяется на основании следующих формул:

- массовая теплоемкость смеси:

$$c_{\text{cm}} = \sum g_i \left(c_v\right)_i = \sum \frac{g_i R_i}{k - 1}; \tag{2.8}$$

- объемная теплоемкость смеси:

$$c'_{\text{cm}} = \sum \frac{\mu_i (c_v)_i}{22,4};$$
 (2.9)

- мольная теплоемкость смеси:

$$\mu c_{\text{cm}} = \sum r_i \mu_i \left(c_v \right)_i. \tag{2.10}$$

3. РАСЧЕТ РАСПОЛАГАЕМОЙ РАБОТЫ, СКОРОСТИ ИСТЕЧЕНИЯ И РАСХОДА ГАЗА

Рассмотрим истечение газа из сосуда неограниченной емкости. В этом случае параметры на входе в сопло равны параметрам торможения $p_1 = p^*, T_1 = T^*, v = v^*,$ а скорость $w_1 = 0$. Скорость на выходе из сопла с площадью поперечного сечения f_2 равна скорости истечения $w_2 = w$, а давление газа на выходе из сопла — давлению окружающей среды p_2 .

Расчет располагаемой работы

Располагаемая работа при адиабатном течении газа в сопле идет на увеличение кинетической энергии потока газа:

$$l_0 = \int_{p_1}^{p_2} -vdp = \int_{p_2}^{p_1} vdp = \frac{w_2^2}{2} - \frac{w_1^2}{2} = h_1 - h_2.$$
 (3.1)

Расчет скорости истечения газа

Скорость истечения газа определяется из выражения $\frac{w_2^2}{2} - \frac{w_1^2}{2} = l_0.$ Тогда $w_2 = \sqrt{2l_0 + w_1^2}$, при $w_1 = 0$, $w = w_2 = \sqrt{2l_0}$. Тогда имеем:

$$w = \sqrt{\frac{2k}{k-1}p_1v_1\left[1 - \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{k-1}{k}}\right]} = \sqrt{\frac{2k}{k-1}RT_1\left[1 - \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{k-1}{k}}\right]}.$$
 (3.2)

Скорость истечения газа зависит от состояния газа на входе в сопло и глубины его расширения, т. е. от отношения давлений газа p_2/p_1 .

Если выразить располагаемую работу через изменение энтальпий газа, то получим:

$$w = \sqrt{2l_0} = \sqrt{2(h_1 - h_2)}. {(3.3)}$$

Таким образом, скорость истечения газа зависит от значений энтальпий газа перед соплом и на выходе из него.

Максимальная скорость истечения газа будет при его истечении в вакуум, т. е. при $p_2 = 0$:

$$w_{\text{max}} = \sqrt{\frac{2k}{k-1}p_1v_1} = \sqrt{\frac{2k}{k-1}RT_1}.$$
 (3.4)

Скорость истечения несжимаемой жидкости определяется по следующей формуле:

$$w = \sqrt{2l_0} = \sqrt{2\frac{p_1 - p_2}{\rho}}. (3.5)$$

Расчет геометрических характеристик сопла Минимальная площадь проходного сечения сопла:

$$f_{\min} = \frac{v_{\kappa} G_{\max}}{w_{\kappa}}.$$
 (3.6)

Площадь выходного сечения сопла f_2 определяется как:

$$f_2 = \frac{v_2 G_{\text{max}}}{w}.$$
 (3.7)

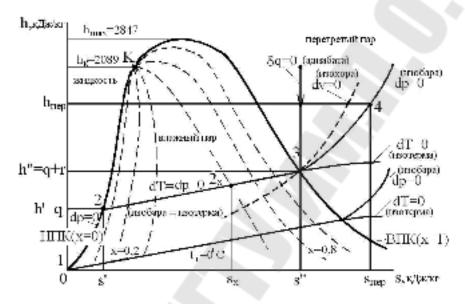
Длина расширяющейся части сопла:

$$l = \frac{d - d_{\min}}{2 \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}},\tag{3.8}$$

где d и d_{\min} — определяется из площади проходного сечения и площади минимального сечения сопла, соответственно.

4. ДИАГРАММА *h-s* ВОДЯНОГО ПАРА

Диаграмма h-s водяного пара предназначена для анализа и неавтоматизированного расчета процессов воды и водяного пара. На паровой диаграмме h-s критическая точка «К» сдвинута влево и вниз по отношению к вершине, так как энтальпия $h_{\rm K}$ в критической точке не является максимальной величиной (рис. 4.1). Так, для воды $h_{\rm K} = 2089\,{\rm K}$ Дж/кг, а $h_{\rm max} = 2847\,{\rm K}$ Дж/кг при давлении p = 30—40 ата.



Puc. 4.1. Диаграмма *h-s* водяного пара

При построении диаграммы h-s принимается, что при температуре t_0 = 0 °C величины энтальпии, внутренней энергии и энтропии равны нулю, т. е. h_0 = 0, u_0 = 0 и s_0 = 0 .

Процесс 1-2 — подогрев жидкости при $p={\rm const}$: теплота жидкости $h'=u'=q=c_{{\rm вод}}t_s$, энтропия $s'=c_{{\rm вод}}\ln\frac{T_s}{273}$.

Процесс 2-3 — парообразование (прямая наклонная линия в области влажного пара):

$$h_x = q + rx; s_x = c_{\text{вод}} \ln \frac{T_s}{273} + \frac{r}{T_s} x.$$
 (4.1)

Для сухого насыщенного пара (точка 3):

$$h'' = q + r; \ s'' = c_{\text{вод}} \ln \frac{T_s}{273} + \frac{r}{T_s}.$$
 (4.2)

Для перегретого пара (точка 4):

$$h_{\text{nep}} = q + r + c_{pm} \left(T_{\text{nep}} - T_s \right); \ s = c_{\text{вод}} \ln \frac{T_s}{273} + \frac{r}{T_s} + c_{pm} \ln \frac{T_{\text{nep}}}{T_s}.$$
 (4.3)

Положение точек на диаграмме h-s определяется заданием следующих параметров:

- 1) для влажного пара заданием давления (p) и степени сухости (x);
- 2) для сухого насыщенного пара (x = 1) заданием давления (p);
- 3) для перегретого пара заданием давления (p) и температуры (T).

По положению точки на диаграмме h-s можно определить все параметры этого состояния, рассчитать теплоту и внешнюю работу любого процесса. В диаграмме h-s теплоты выражаются прямыми линиями. Поэтому расчет паровых процессов в энергетической части более удобно проводить по диаграмме h-s, чем по диаграмме T-s, где теплоты выражаются площадями под кривой процесса, которые надо измерять планиметром.

Расчет теплоты, работы и изменений внутренней энергии с помощью паровой диаграммы h-s проводится в следующем порядке:

- по условию задания наносят на диаграмму график процесса 1-2;
- по положению крайних точек процесса $I\!-\!2$ определяют все параметры пара в начале (p_1,T_1,v_1,h_1,s_1) и в конце (p_2,T_2,v_2,h_2,s_2) процесса;
- по общей для всех процессов формуле определяется изменение внутренней энергии пара в процессе 1–2:

$$\Delta u = u_2 - u_1 = (h_2 - h_1) - (p_2 v_2 - p_1 v_1). \tag{4.4}$$

Для пара в изотермическом процессе величина $\Delta u \neq 0$ и $\Delta h \neq 0$ (как известно, для идеального газа в процессе $T = \mathrm{const} \ \Delta u = 0$ и $\Delta h = 0$). Это связано с тем, что в процессе парообразования внутренняя теплота испарения ($\Delta u = u'' - u'$) идет на преодоление внутреннего сцепления между молекулами (работу дисгрегации), которая зависит как от температуры, так и от давления;

- определяется теплота, сообщенная пару в процессе 1-2:
- 1) при $v = \text{const: } q_v = \Delta u = \Delta h v(p_2 p_1);$
- 2) при $p = \text{const: } q_p = h_2 h_1 = \Delta h;$
- 3) при $T = \text{const: } q = T(s_2 s_1) = T\Delta s;$
- 4) при адиабатном процессе: $\delta q = 0$ и q = 0;
- 5) определяется внешняя работа пара по общему выражению 1-го закона термодинамики: $l=q-\Delta u$.

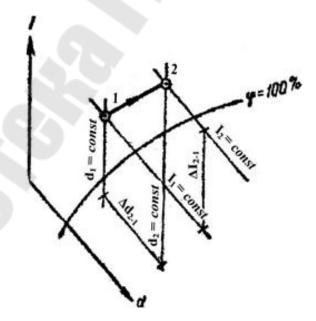
5. ДИАГРАММА h-d ВЛАЖНОГО ВОЗДУХА

В воздушной среде производственных и общественных помещений происходят изменения тепловлажностного состояния, которые удобно прослеживать и рассчитывать с помощью h-d-диаграммы.

Каждая точка в поле диаграммы соответствует определенному тепловлажностному состоянию воздуха. Положение точки определяется любыми двумя из пяти параметров состояния. Остальные три могут быть определены по h-d-диаграмме как производные. Диаграмма удобна не только для определения параметров состояния воздуха, но и для построений изменения его состояния при нагреве, охлаждении, увлажнении, осушке, смешении и сочетании этих процессов в произвольной последовательности.

На h-d-диаграмме любая точка обозначает вполне определенное физическое состояние воздуха. Если точка l (рис. 5.1) соответствует начальному состоянию воздуха, а точка 2 его измененному состоянию, то линия, соединяющая эти две точки, характеризует процесс изменения состояния воздуха и носит название луча процесса. Направление луча процесса определяют угловым коэффициентом ϵ , который равен следующему отношению:

$$\varepsilon = \frac{h_1 - h_2}{d_1 - d_2} 10^3 = \frac{\Delta h}{\Delta d} 10^3.$$
 (5.1)



 $Puc.\ 5.1.\ {
m K}$ определению направления луча процесса изменения состояния воздуха в h-d-диаграмме

Коэффициент є измеряется в кДж/кг влаги. Этот параметр называют также тепловлажностным отношением, поскольку он показывает величину приращения количества теплоты на 1 кг полученной (или отданной) воздухом влаги. Если начальные параметры воздуха различны, а значения є одинаковы, то линии, характеризующие изменение состояния воздуха, параллельны друг другу.

Выражение (5.1) можно изобразить, умножив числитель и знаменатель на расход воздуха G, кг/ч, участвующего в процессе:

$$\varepsilon = \frac{(h_1 - h_2)G}{(d_1 - d_2)G} 1000 = \frac{Q_{\Pi}}{W_{\text{M3M}}},$$
(5.2)

где $Q_{\text{п}}$ – поток полной теплоты, обмененной в процессе изменения состояния воздуха, кДж/ч; $W_{\text{изм}}$ – расход влаги, обмененной в процессе изменения состояния воздуха, кг/ч. Иногда величину $\varepsilon = (\frac{\Delta h}{\Delta d})1000$ называют угловым масштабом.

Прямые, выражающие изменения состояния воздушно-паровой смеси, имеющие одинаковые значения углового коэффициента, параллельны друг другу. Это дает возможность построить на h-d-диаграмме угловой масштаб, облегчающий практическое нанесение лучей. Линии луча процесса проводят из начала координат h-d-диаграммы, т. е. из точки h = 0 и d = 0. Соединяя начало координат с продолжением соответствующего значения углового масштаба, нанесенного на полях, получаем луч, характеризующий направление процесса для данного значения тепловлажностного отношения.

Практическое использование масштаба сводится к перепаду масштабного луча с соответствующим значением углового коэффициента с таким расчетом, чтобы он проходил через заданную точку, которой может являться точка, определяющая начальное или конечное состояние воздуха в зависимости от условий задачи.

6. ПРИМЕРЫ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧ

ЗАДАЧА № 1

Воздух с начальным объемом $V_1 = 0.1 \text{ м}^3$, начальным давлением $p_1 = 13.3 \text{ МПа}$ и начальной температурой $t_1 = 13 \text{ °C}$ находится в баллоне. После открытия вентиля воздух истекает в окружающую среду с давлением $p_2 = 0.12 \text{ МПа}$ политропно с показателем политропы n = 1.3. Определить массу воздуха, удельный объем и температуру в конце расширения, величину полезной работы, изменение внутренней энергии и количество отведенного или подведенного тепла. Решить задачу в случае, если расширение происходит изотермически и адиабатно.

Решение

Переведем единицы измерения в систему СИ:

$$T_1 = t_1 + 273,15 = 286,5 \text{ K}.$$

Из уравнения Менделеева-Клапейрона находим массу:

$$m = \frac{p_1 V_1}{RT_1} = 16, 2 \text{ кг.}$$

Политропный процесс

Уравнение политропного процесса:

$$p_1V_1^n=p_2V_2^n.$$

Определим параметры в конце расширения:

$$V_2 = V_1 \left(\frac{p_1}{p_2}\right)^n = 3,74 \text{ m}^3;$$

$$T_2 = \frac{p_2 V_2}{mR} = 96.6 \text{ K},$$

где R для воздуха — 287 кДж/(кг · K).

Найдем удельный объем в конце расширения:

$$v_2 = \frac{V_2}{m} = 0.231 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Определим работу расширения, работу проталкивания и полезную работу:

$$L_{\rm p} = \frac{1}{n-1} (p_1 V_1 - p_2 V_2) = 2,937 \,\mathrm{MДж};$$
 $L_{\rm 3} = p_2 (V_2 - V_1) = 0,437 \,\mathrm{MДж};$
 $L_{\rm II} = L_{\rm p} - L_{\rm 3} = 2,501 \,\mathrm{MДж}.$

Найдем изменение внутренней энергии:

$$\Delta U = mC_v (T_2 - T_1) = -2,205 \text{ МДж},$$

где $C_v = 718~$ Дж/(кг · K) – изохорная теплоемкость воздуха.

Количество теплоты:

$$Q = \Delta U + L_{\rm p} = 0,733$$
 МДж.

Адиабатный процесс

Уравнение адиабатного процесса:

$$p_1 V_1^k = p_2 V_2^k.$$

Определим параметры в конце расширения:

$$V_2 = V_1 \left(\frac{p_1}{p_2}\right)^k = 2,89 \text{ m}^3;$$

$$T_2 = \frac{p_2 V_2}{mR} = 74,54 \text{ K}.$$

Найдем удельный объем в конце расширения:

$$v_2 = \frac{V_2}{m} = 0.178 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Определим работу расширения, работу проталкивания и полезную работу:

$$L_{\rm p} = \frac{1}{k-1} (p_1 V_1 - p_2 V_2) = 2,459 \text{ МДж};$$

$$L_{\rm s} = p_2 (V_2 - V_1) = 0,335 \text{ МДж};$$

$$L_{\text{п}} = L_{\text{p}} - L_{\text{3}} = 2,124 \text{ МДж}.$$

Найдем изменение внутренней энергии:

$$\Delta U = mC_v(T_2 - T_1) = -2,459$$
 МДж.

Количество теплоты:

$$Q = \Delta U + L_p = 0$$
 МДж.

Изотермический процесс

Уравнение изотермического процесса:

$$p_1V_1 = p_2V_2$$
.

Определим параметры в конце расширения:

$$V_2 = V_1 \frac{p_1}{p_2}.$$

$$T_2 = T_1 = 286,15 \text{ K}.$$

Найдем удельный объем в конце расширения:

$$v_2 = \frac{V_2}{m} = 0,684 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Определим работу расширения, работу проталкивания и полезную работу:

$$L_{\mathrm{p}} = p_{1}V_{1}\ln\frac{p_{1}}{p_{2}} = 6,262 \mathrm{~MДж};$$
 $L_{\mathrm{3}} = p_{2}\left(V_{2} - V_{1}\right) = 1,318 \mathrm{~MДж};$
 $L_{\mathrm{\Pi}} = L_{\mathrm{p}} - L_{\mathrm{3}} = 4,944 \mathrm{~MДж}.$

Найдем изменение внутренней энергии:

$$\Delta U = 0$$
 МДж.

Количество теплоты:

$$Q = L_p = 6,262$$
 МДж.

ЗАДАЧА № 2

Объемный состав газовой смеси следующий: $CO_2 = 5 \%$; $N_2 = 20 \%$. Определить объемный состав Ar, массовый состав газа, кажущуюся молекулярную массу и газовую постоянную, парциальные давления составляющих смеси, а также массовую, объемную и мольную теплоемкость смеси при p = 750 мм рт. ст.

Решение

Определим количество аргона в смеси:

$$Ar = 100 - CO_2 - N_2 = 75 \%.$$

Определим объемные доли газов на основании исходных данных ($CO_2 = r_1$; $N_2 = r_2$; $Ar = r_3$):

$$r_1 = 0.05$$
; $r_2 = 0.2$; $r_3 = 0.75$.

Найдем парциальные давления газов, составляющих смесь:

$$p_1 = r_1 \cdot p = 38$$
 mm pt. ct.; $p_2 = 152$ mm pt. ct.; $p_3 = 570$ mm pt. ct.

Найдем молярные массы газов, составляющих смесь:

$$\mu_1 = 44 \ \Gamma/\text{моль}; \ \mu_2 = 28 \ \Gamma/\text{моль}; \ \mu_3 = 18 \ \Gamma/\text{моль}.$$

Определим молекулярную массу смеси:

$$\mu_{\rm cm} = \sum r_i \mu_i = 21,3$$
 г/моль.

Определим массовые доли газов:

$$g_1 = (r_1 \mu_1) / \mu_{cm} = 0.103; g_2 = 0.263; g_3 = 0.634.$$

Найдем газовую постоянную компонентов и смеси:

$$R_1 = (R/\mu_1) = 188,95 \, \text{Дж/(кг} \cdot \text{K}); R_2 = 296,93 \, \text{Дж/(кг} \cdot \text{K});$$

$$R_3 = 461,89 \, \text{Дж/(кг} \cdot \text{K}),$$

где R = 8314 Дж/(кмоль · К) — универсальная газовая постоянная:

$$R_{\rm cm} = (R / \mu_{\rm cm}) = 390,33 \; \text{Дж/(кг} \cdot \text{K}).$$

Определим показатели адиабаты для компонентов газовой смеси:

$$k_1 = 1,33$$
; $k_2 = 1,4$; $k_3 = 1,67$.

Определим массовые теплоемкости компонентов и смеси:

$$C_{\nu_1} = R_1/(k_1 - 1) = 629,85 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{K)}; C_{\nu_2} = 742,32 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{K)};$$

$$C_{\nu_3} = 689,38 \text{Дж/(кг} \cdot \text{K)};$$

$$C_{\nu_{\text{CM}}} = C_{\nu_1} g_1 + C_{\nu_2} g_2 + C_{\nu_3} g_3 = 697,15 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{K)}.$$

Определим мольную теплоемкость компонентов и смеси:

$$\mu C_{\nu 1} = \mu_1 C_{\nu 1} = 27,71 \text{ Дж/(моль · K)}; \ \mu C_{\nu 2} = 20,79 \text{ Дж/(моль · K)};$$

$$\mu C_{\nu 3} = 12,41 \text{ Дж/(моль · K)}; \ \mu C_{\nu \text{cm}} = \mu_{\text{cm}} C_{\nu \text{cm}} = 14,85 \text{ Дж/(моль · K)}.$$

Определим объемную теплоемкость компонентов и смеси:

$$C'_{\nu 1} = \mu C_{\nu 1} / \left(22, 4 \cdot 10^{-3}\right) = 1237 \text{ Дж/(м}^3 \cdot \text{K}); C'_{\nu 2} = 927,9 \text{ Дж/(м}^3 \cdot \text{K});$$

$$C'_{\nu 3} = 553,9 \text{ Дж/(м}^3 \cdot \text{K});$$

$$C'_{\nu 1} = \mu C_{\nu c m} / \left(22, 4 \cdot 10^{-3}\right) = 662,92 \text{ Дж/(м}^3 \cdot \text{K}).$$

ЗАДАЧА № 3

Воздух при давлении $p_1 = 1,1$ МПа и температуре $t_1 = 295$ °C вытекает из расширяющегося сопла (угол конусности расширяющееся части сопла $\alpha = 7$ °) в среду с давлением $p_2 = 0,1$ МПа. Расход воздуха: M = 3 кг/с. Определить размеры сопла. Расширение воздуха в сопле считать адиабатным.

Решение

Определим удельный объем воздуха в начале процесса:

$$v_1 = \frac{RT_1}{p_1} = \frac{287(273,15+295)}{1,1\cdot 10^6} = 0,148 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Критическое отношение давлений для воздуха:

$$\left(\frac{p_{\text{kp}}}{p_1}\right) = \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{k}{k-1}} = 0,528.$$

Следовательно, критическое давление, устанавливающееся в минимальном сечении сопла:

$$p_{\text{\tiny KD}} = 0.528 \cdot p_1 = 0.528 \cdot 1.1 \cdot 10^6 = 0.581 \text{ M}\Pi a.$$

Удельный объем воздуха в минимальном сечении $\upsilon_{\kappa p}$ находим из соотношения адиабатного процесса:

$$v_{\rm kp} = v_1 \left(\frac{p_1}{p_{\rm kp}}\right)^{\frac{1}{k}} = 0.148 \left(\frac{1.1 \cdot 10^6}{0.581 \cdot 10^6}\right)^{\frac{1}{1.4}} = 0.234 \,\mathrm{m}^3/\mathrm{kg}.$$

Теоретическая скорость воздуха в минимальном сечении:

$$c_{\text{\tiny KP}} = 1,08\sqrt{RT_1} = 1,08\sqrt{287 \cdot 568,15} = 436,127 \text{ m/c}.$$

Площадь минимального сечения сопла:

$$f_{\min} = \frac{M}{c_{\text{KD}}} v_{\text{KP}} = \frac{3 \cdot 0,234}{436,127} = 1,609 \cdot 10^{-3} \,\text{M}^2.$$

Принимая сечение сопла круглым, находим диаметр наиболее узкой части:

$$d_{\min} = \sqrt{\frac{f_{\min}}{\pi/4}} = \sqrt{\frac{1,609 \cdot 10^{-3}}{0,785}} = 0,045 \text{ m}.$$

Удельный объем воздуха в выходном сечении:

$$v_2 = v_1 \left(\frac{p_1}{p_2}\right)^{\frac{1}{k}} = 0,148 \left(\frac{1,1\cdot 10^6}{0,1\cdot 10^6}\right)^{\frac{1}{1,4}} = 0,822 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Скорость истечения воздуха из сопла:

$$c = \sqrt{\frac{2 \cdot k}{k - 1} p_1 v_1 \left[1 - \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{k - 1}{k}} \right]} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1, 4}{0, 4} \cdot 1, 1 \cdot 10^6 \cdot 0, 148 \left[1 - \left(\frac{0, 1 \cdot 10^6}{1, 1 \cdot 10^6} \right)^{\frac{0, 4}{1, 4}} \right]} = 752,398 \text{ m/c}.$$

Площадь выходного сечения сопла:

$$f = \frac{Mv_2}{c} = \frac{3 \cdot 0,822}{752,398} = 3,277 \cdot 10^{-3} \,\mathrm{m}^2.$$

Диаметр выходного сечения сопла:

$$d = \sqrt{\frac{4f}{\pi}} = \sqrt{\frac{3,277 \cdot 10^{-3}}{0,785}} = 0,065 \text{ M}.$$

Длина расширяющейся части:

$$l = \frac{d - d_{\min}}{2 \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}} = \frac{0,065 - 0,045}{2 \operatorname{tg}(3,5^{\circ})} = 0,158 \text{ m}.$$

ЗАДАЧА № 4

В закрытом сосуде содержится сухой насыщенный водяной пар объемом V = 1,2 м³ при давлении $p_1 = 1$ Мпа. Определить давление, степень сухость пара, энтропию, энтальпию, внутреннюю энергию и количество отданного им тепла, если он охладится до температуры $t_2 = 60$ °C.

Решение

По таблицам водяного пара по давлению определяем удельный объем сухого насыщенного пара, энтальпию воды, теплоту парообразования, энтропию:

$$\upsilon_1''=0,19435~\text{м}^3/\text{к}\Gamma;$$

$$h_1'=181,3~\text{ккал/к}\Gamma=181,3\cdot 4,187=759,1~\text{кДж/к}\Gamma.$$

Из таблиц воды и водяного пара по температуре t_2 определяем следующие параметры:

$$r=2358$$
 кДж/кг;
$$s_2'=0,5088$$
 ккал/(кг · K) = 2,13 кДж/(кг · K);
$$s_2''=1,5748$$
 ккал/(кг · K) = 6,594 кДж/(кг · K);
$$\upsilon_2''=7,667 \text{ m}^3/\text{кг};$$

$$h_2'=251,154 \text{ кДж/кг};$$

$$p_2=19,95 \text{ кПа}.$$

Находим степень сухости влажного пара:

$$x = \frac{v_1''}{v_2''} = 0,025.$$

Масса пара:

$$M = \frac{V}{v_1''} = 6,174 \text{ kg}.$$

Энтальпия 1 кг влажного пара:

$$h_2 = h_2' + r \cdot x = 310,9 \text{ кДж/кг.}$$

Полная энтальпия пара:

$$H_2 = Mh_2 = 1,92 \text{ МДж}.$$

Внутренняя энергия пара:

$$U_2 = M(h_2 - pv_2'') = 15732,73$$
 кДж.

Полная энтропия пара:

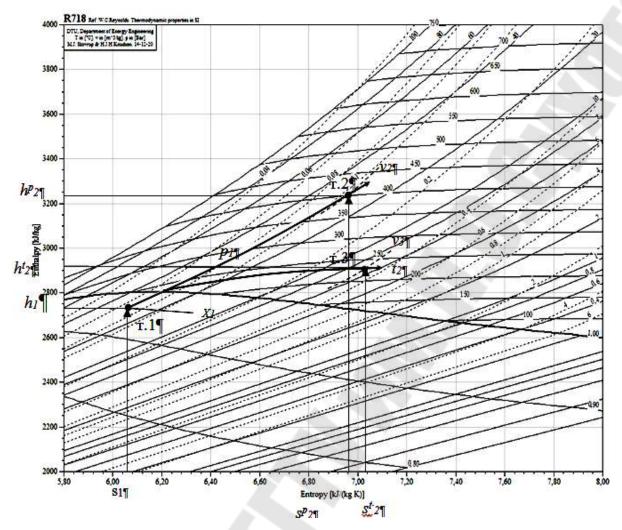
$$S_x = Ms_x = M(s' + (s'' - s')x) = 40,238$$
 кДж/К.

ЗАДАЧА № 5

Изотермически расширяется 1 кг водяного пара с начальным давлением $p_1 = 3$ МПа и сухости пара $x_1 = 0,98$, при этом к нему подводится теплота q = 500 кДж/кг. Определить, пользуясь h-s-диаграммой, параметры конечного состояния пара, работу расширения, изменение внутренней энергии, энтальпии и энтропии. Решить задачу, если расширение происходит изобарно. Изобразить процессы в T-s-u h-s-u h-s-u h-s-u u-u

Решение

На рис. 6.1 представлена h-s-диаграмма.



 $Puc. \ 6.1. \ \Phi$ рагмент h-s-диаграммы воды и водяного пара

Построим точку I (на пересечении изобары p_1 и кривой сухости x_1). Определим остальные параметры точки I:

$$s_1 = 6,03 \text{ кДж/(кг} \cdot \text{K}); \ h_1 = 2720 \text{ кДж/кг}; \ T_1 = 232 + 273,15 = 505,15 \text{ K}.$$

Удельный объем в точке I определяется по следующей формуле:

$$v_1 = v_1''x + (1-x)v_1' = 0.06518 \text{ m}^3/\text{kg},$$

где υ_1' и υ_1'' следует определять по таблицам сухого насыщенного пара и воды:

$$v_1' = 0.001214 \text{ m}^3/\text{kg}; \ v_1'' = 0.06797 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Изотермический процесс

Количество теплоты при изотермическом расширении:

$$q = T(s_2 - s_1),$$

тогда

$$s_2 = \frac{q}{T} + s_1 = 7,02 \text{ кДж/(кг · K)}.$$

На изотерме T_1 строим точку 2 и определяем конечные параметры процесса:

$$h_2 = 2920 \text{ кДж/кг.}$$

$$p_2 = 0.73 \text{ M}\Pi a.$$

Определяем по h-s-диаграмме:

$$v_2 = 0.3 \text{ m}^3/\text{kg}.$$

Изменение энтропии:

$$\Delta s = s_2 - s_1 = 0.99 \text{ кДж/(кг} \cdot \text{K}).$$

Изменение энтальпии:

$$\Delta h = h_2 - h_1 = 200 \text{ кДж/кг}.$$

Изменение внутренней энергии:

$$\Delta u = (h_2 - p_2 v_2) - (h_1 - p_1 v_1) = 176,54 \text{ кДж/кг.}$$

Работа расширения:

$$L_{\rm p} = q - \Delta u = 323,46 \text{ кДж/кг.}$$

Изобарный процесс

Изменение энтальпии в изобарном процессе:

$$\Delta h = q = 500 \text{ кДж/кг,}$$

тогда

$$h_{2'} = h_1 + q = 3220$$
 кДж/кг.

Точка 2' находится на пересечении изобары p_1 и линии постоянной энтальпии $h_{2'}$. По h-s-диаграмме определим остальные параметры:

$$s_{2'} = 6,91 \text{ кДж/(кг} \cdot \text{K)};$$

 $v_{2'} = 0,1 \text{ м}^3/\text{кг};$

$$T_{2'} = 400 + 273,15 = 673,15 \text{ K}.$$

Изменение энтропии:

$$\Delta s = s_{2'} - s_1 = 0.88 \text{ кДж/(кг} \cdot \text{K}).$$

Работа расширения:

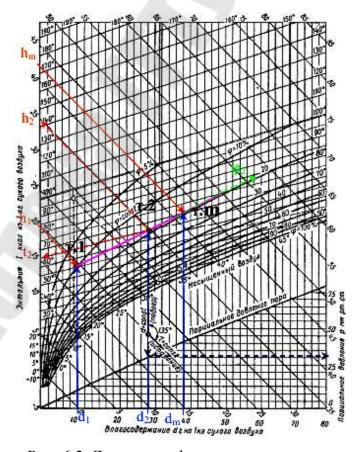
$$L_{\rm p} = p_1 (v_{2'} - v_1) = 96,9 \text{ кДж/кг.}$$

Изменение внутренней энергии:

$$\Delta u = q - L_p = 403,1$$
 кДж/кг.

ЗАДАЧА № 6

В воздушно-паровую смесь (влагосодержанием $d_1 = 10$ г/кг и энтальпией $h_1 = 80$ кДж/кг) в количестве $G_{\rm B} = 1818$ кг/ч подмешивают водяной пар в количестве $G_{\rm \Pi} = 36,5$ кг/ч с энтальпией $h_{\rm \Pi} = 3250$ кДж/кг. Определить конечные параметры воздушно-паровой смеси и построить луч процесса.



Puc. 6.2. Диаграмма *h-s* влажного воздуха

Точка I соответствует начальным параметрам воздушно-паровой смеси (рис. 6.2) и находится на пересечении изоэнтальпы h_1 и линии постоянного влагосодержания d_1 :

$$I$$
 точка $h_1 = 80$ кДж/кг = 19 ккал/кг.

Для построения луча процесса нужно определить:

- угловой коэффициент луча процесса

$$\varepsilon = h_{\Pi} = 3250 \text{ кДж/кг};$$

— приращение координат относительно точки I: зададимся $\Delta d = 30 \ \Gamma/\kappa \Gamma$.

Тогда приращение энтальпии составит:

$$\Delta h = \varepsilon \Delta d = 3250 \cdot 30 \cdot 10^{-3} = 97.5 \text{ кДж/кг.}$$

Координаты вспомогательной точки:

$$d_m = d_1 + \Delta d = 10 + 30 = 40 \text{ г/кг};$$

$$h_m = h_1 + \Delta h = 80 + 97,5 = 177,5 \text{ кДж/кг} = 42,3 \text{ ккал/кг}.$$

Определим конечное влагосодержание воздуха:

$$d_2 = d_1 + G_{\Pi}/G_{\rm B} = 10 + (36.5 \cdot 10^{-3}/1818) = 30 \ {\rm r/kg}.$$

Проводя линию d_2 = const до пересечения с лучом процесса, получим точку 2 и определим конечные параметры воздушно-паровой смеси:

- 1) энтальпия h_2 = 34,6 ккал/кг = 150 кДж/кг;
- 2) температура t_2 = 65 °C,
- 3) парциальное давление водяных паров p_i = 31 мм рт. ст. = $31 \cdot 133,3 = 4132$ Па;
 - 4) относительная влажность $\phi = 20 \%$.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Вукалович, М. П. Термодинамика: учеб. пособие для вузов / М. П. Вукалович, И. И. Новиков. М.: Машиностроение, 1972. 670 с.
- 2. Кудинов, В. А. Техническая термодинамика: учеб. пособие для втузов / В. А. Кудинов, Э. М. Карташов. М.: Высш. шк., 2003. 261 с.
- 3. Хрусталев, Б. М. Техническая термодинамика : учеб. для строит. и энергет. специальностей вузов : в 2 ч. / Б. М. Хрусталев, А. П. Несенчук, В. Н. Романюк. Минск : Технопринт, 2004. Ч. 1. 486 с.
- 4. Хрусталев, Б. М. Техническая термодинамика: учеб. для строит. и энергет. специальностей вузов: в 2 ч. / Б. М. Хрусталев, А. П. Несенчук, В. Н. Романюк. Минск: Технопринт, 2005. Ч. 2. 560 с.
- 5. Сборник задач по технической термодинамике / Т. Н. Андрианова [и др.]. 3-е изд. М. : Энергоиздат, 1981. 240 с.
- 6. Андрианова, Т. Н. Сборник задач по технической термодинамике: учеб. пособие для вузов / Т. Н. Андрианова. М.: МЭИ, 2006. 354 с.

ПРИЛОЖЕНИЕ

Исходные данные к задачам и варианты заданий к контрольной работе

ЗАДАЧА № 1

Воздух с начальным объемом V_1 , м³, начальным давлением p_1 , МПа и начальной температурой t_1 , °C находится в баллоне. После открытия вентиля воздух истекает в окружающую среду с давлением p_2 , МПа политропно с показателем политропы п. Определить массу воздуха, удельный объем и температуру в конце расширения, величину полезной работы, изменение внутренней энергии и количество отведенного или подведенного тепла. Решить задачу в случае, если расширение происходит изотермически и адиабатно. Данные для расчета и варианты заданий приведены в табл. П.1.1.

Величины

 t_1 , °C

 p_1 , M Π a

 V_1 , M^3

 p_2 , M Π a

0

48

1,1

5,1

0,1

0,12

43

1,2

6,1

0,2

0,11

38

1,3

7.1

0,3

0.13

33

1,7

8.1

0,4

28

1,5

9.1

0,5

0.11

0,1

0.12

0,2

0,13

Последняя цифра шифра 7 8 7 17 27 22 13 1,6 1,5 1,7 1,3 1,2 10.1 11,1 12.2 13,3 14.4 Предпоследняя цифра шифра

0,3

0,1

0,4

0,14

Таблица П.1.1

0,5

0,16

ЗАДАЧА № 2

Объемный состав газовой смеси следующий: СО2, N2, Ar. Определить массовый состав газа, кажущуюся молекулярную массу и газовую постоянную, парциальные давления составляющих смеси, а также массовую, объемную и мольную теплоемкость смеси при нормальных условиях.

Данные для расчета варианты заданий И представлены в табл. П.1.2.

Таблица П.1.2

Газ		Последняя цифра шифра									
1 a3	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
CO ₂ , %	5	10	15	20	25	20	15	10	5	15	
Величины	Предпоследняя цифра шифра										
N ₂ , %	20	26	19	33	43	22	55	10	48	62	
Ar, %		определяется расчетом									

ЗАДАЧА № 3

Воздух при давлении p_1 , МПа и температуре t_1 , °С вытекает из расширяющегося сопла (угол конусности расширяющейся части сопла α) в среду с давлением p_2 , МПа. Расход воздуха – M, кг/с. Определить размеры сопла. Расширение воздуха в сопле считать адиабатным. Данные для расчета и варианты заданий представлены в табл. Π .1.3.

Таблица П.1.3

Величины	Последняя цифра шифра										
Величины	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
p_1 , M Π a	1,1	2,2	1,6	2,4	1,3	2,2	1,4	2,7	1,2	1,8	
t₁, °C	295	315	325	335	345	275	265	375	245	195	
	Предпоследняя цифра шифра										
<i>p</i> ₂ , МПа	0,1	0,09	0,08	0,11	0,12	0,13	0,14	0,15	0,17	0,2	
<i>М</i> , кг/с	3	3,5	4	4,5	4	3,5	3	2,5	2	1,5	
a,°	7	8	9	10	11	12	13	7	8	9	

ЗАДАЧА № 4

В закрытом сосуде содержится сухой насыщенный водяной пар объемом V, м³ при давлении p_1 , МПа. Определить давление, степень сухости пара, энтропию, энтальпию, внутреннюю энергию и количество отданного им тепла, если он охладится до температуры t_2 , °C. Данные для расчета и варианты заданий представлены в табл. П.1.4.

Таблица П.1.4

Родиници		Последняя цифра шифра											
Величины	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
<i>p</i> ₁ , МПа	1,1	2,1	1,6	1,5	1,7	1,3	1,4	1,2	1,9	1,3			
	Предпоследняя цифра шифра												
t₂, °C	60	100	70	80	90	80	70	60	50	80			
V , \mathbf{M}^3	1,2	3.2	4,2	5,2	6.2	7.2	8,2	9.3	8.3	6.3			

ЗАДАЧА № 5

Изотермически расширяется 1 кг водяного пара с начальным давлением p_1 , МПа и сухости пара x_1 , при этом к нему подводится теплота q, кДж/кг. Определить, пользуясь h-s-диаграммой, параметры конечного состояния пара, работу расширения, изменение внутренней энергии, энтальпии и энтропии. Решить задачу, если расширение про-

исходит изобарно. Изобразить процессы в T-s-u h-s-u h-s-u данные для расчета и варианты заданий представлены в табл. Π .1.5.

Таблица П.1.5

Родиници	Последняя цифра шифра											
Величины	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
p_1 , M Π a	3	3,2	3,4	3,6	3,8	4	4,2	4,4	4,6	4,8		
	Предпоследняя цифра шифра											
x_1	0,98	0,97	0,96	0,95	0,94	0,93	0,92	0,91	0,9	0,95		
q, кДж/кг	500	450	550	430	520	490	550	470	490	510		

ЗАДАЧА № 6

В воздушно-паровую смесь (влагосодержанием d_1 , г/кг и энтальпией h_1 , кДж/кг) в количестве $G_{\rm B}$, кг/ч подмешивают водяной пар в количестве $G_{\rm II}$, кг/ч с энтальпией $h_{\rm II} = 3250$ кДж/кг. Определить конечные параметры воздушно-паровой смеси и построить луч процесса. Данные для расчета и варианты заданий представлены в табл. $\Pi.1.6$.

Таблица П.1.6

Родиници	Последняя цифра шифра											
Величины	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
G_{Π} , кг/ч	40	45	50	55	60	65	70	75	80	85		
$G_{ m B}$, кг/ч	1818	1875	1923	1964	2000	2031	2059	2083	2105	2115		
	Предпоследняя цифра шифра											
<i>h</i> ₁ , кДж/кг	170	165	160	155	150	145	140	135	130	125		
d_1 , г/кг	10	12	14	16	18	20	22	24	26	28		

СОДЕРЖАНИЕ

1. Термодинамические процессы идеальных газов. Расчет	
параметров состояния и энергетических характеристик процессов	3
2. Смеси идеальных газов. Закон Дальтона	7
3. Расчет располагаемой работы, скорости истечения и расхода газа	9
4. Диаграмма <i>h-s</i> водяного пара	11
5. Диаграмма <i>h-d</i> влажного воздуха	13
6. Примеры решения задач	15
Литература	
Приложение	

Учебное издание

Овсянник Анатолий Васильевич Нижников Артем Александрович Новиков Михаил Николаевич

ТЕХНИЧЕСКАЯ ТЕРМОДИНАМИКА

Практикум по одноименному курсу для студентов специальностей 1-43 01 05 «Промышленная теплоэнергетика» и 1-43 01 07 «Техническая эксплуатация энергообрудования организаций» дневной и заочной форм обучения

Электронный аналог печатного издания

Редактор T.~H.~Mисюрова Компьютерная верстка E.~E.~Suyk

Подписано в печать 15.

Формат 60х84/₁₆. Бумага офсетная. Гарнитура «Таймс». Ризография. Усл. печ. л. 1,86. Уч.-изд. л. 2,05. Изд. № 141. http://www.gstu.by

Издатель и полиграфическое исполнение: Издательский центр
Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого».
Свидетельство о гос. регистрации в качестве издателя печатных изданий за № 1/273 от 04.04.2014 г. 246746, г. Гомель, пр. Октября, 48