

Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого»

Кафедра «Автоматизированный электропривод»

### СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ ЭЛЕКТРОПРИВОДАМИ

пособие

по одноименной дисциплине для студентов специальности 1-53 01 05 «Автоматизированные электроприводы» дневной и заочной форм обучения

Гомель 2015

#### Рекомендовано научно-методическим советом факультета автоматизированных и информационных систем ГГТУ им. П. О. Сухого (протокол № 4 от 24.11.2014 г.)

Рецензент: зав. каф. «Промышленная электроника» ГГТУ им. П. О. Сухого канд. техн. наук, доц. Ю. В. Крышнев

Системы управления электроприводами : пособие по одноим. дисциплине для С40 студентов специальности 1-53 01 05 «Автоматизированные электроприводы» днев. и заоч. форм обучения / сост.: В. С. Захаренко, И. В. Дорощенко. – Гомель : ГГТУ им. П. О. Сухого, 2015. – 59 с. – Систем. требования: РС не ниже Intel Celeron 300 МГц; 32 Mb RAM ; свободное место на HDD 16 Mb ; Windows 98 и выше ; Adobe Acrobat Reader. – Режим доступа: https://elib.gstu.by. – Загл. с титул. экрана.

Изложены программа и содержание расчетов, выполняемых на практических занятиях по дисциплине «Системы управления электроприводами». Приведены примеры выполнения расчетов. В ходе выполнения расчетов изучаются принципы построения, модели, методы синтеза и анализа систем управления электроприводами.

Для студентов специальности 1-53 01 05 «Автоматизированные электроприводы» дневной и заочной форм обучения.

УДК 62-83-52(075.8) ББК 31.291я73

© Учреждение образования «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого», 2015

### Введение

По дисциплине «Системы управления электроприводами», согласно учебного плана, проводятся практические занятия.

Цель занятий – закрепить полученные теоретические знания и научиться применять их для практических расчетов электроприводов.

В первом семестре выполняется расчет электропривода постоянного тока. Программа работы:

- 1. Выбор электродвигателя и расчет его параметров.
- 2. Выбор комплектного электропривода. Выбор трансформатора. Расчет параметров трансформатора и якорной цепи двигателя.
- 3. Расчет параметров и характеристик тиристорных преобразователей для режимов непрерывного и прерывистого тока.
- 4. Выбор структуры системы управления. Расчет параметров структурной схемы.
- 5. Синтез контуров регулирования методом стандартных настроек контуров. Расчет ограничения регуляторов.
- 6. Синтез контуров регулирования методом желаемых частотных характеристик (для двухзонной системы только якорный канал).
- 7. Оптимизация контуров регулирования по критерию Баттерворта (для двухзонной системы только якорный канал).
- 8. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом». Во втором семестре выполняются расчеты электроприводов переменного тока.

Программа работы:

- 1. Выбор электродвигателя и расчет его параметров.
- 2. Расчет параметров модели системы частотного управления.
- 3. Синтез системы частотного управления.
- 4. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе частотного управления.
- 5. Расчет параметров модели системы векторного управления.
- 6. Синтез системы векторного управления.
- 7. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе векторного управления.

### 1. Расчет электропривода постоянного тока

### 1.1. Выбор электродвигателя и расчет его параметров

Выбор электродвигателя осуществляется по номинальной мощности и частоте вращения. Номинальная мощность и скорость вращения должны превышать заданные. При необходимости надо пересчитать мощность к номинальной продолжительности включения. При значительном отличии заданной и номинальной частоты вращения необходимо завышать мощность двигателя. При этом требуемая мощность пересчитывается через требуемый момент и номинальную частоту вращения.

При выборе необходимо учитывать вид рабочей машины. Для механизмов кранов и для рабочих машин металлургического производства необходимо выбирать двигатели серии Д. Для металлорежущих станков и общепромышленных механизмов выбираются двигатели серии 2П или 4П. Предпочтение следует отдавать серии 4П.

После выбора электродвигателя, из справочника выписываются все имеющиеся для него параметры. Недостающие можно рассчитать по следующим формулам:

– активное сопротивление якоря (Ом)

$$R_{\mathrm{A}\mathrm{A}\mathrm{H}} = \frac{U_{\mathrm{H}}}{2 \cdot I_{\mathrm{H}}} \cdot \left(1 - \eta_{\mathrm{H}}\right) \tag{1.1}$$

где: U<sub>н</sub> – номинальное напряжение якоря двигателя (В),

 $I_{\rm H}$  – номинальный ток якоря двигателя (A),

η<sub>н</sub> – номинальный КПД двигателя (о.е.);

индуктивность якоря (Гн)

$$L_{\rm gg} = \beta_{\rm K} \cdot \frac{U_{\rm H}}{p_{\rm g} \cdot \omega_{\rm H} \cdot I_{\rm H}}$$
(1.2)

где:  $\beta_{\rm K}$  – коэффициент, учитывающий наличие компенсационной обмотки ( $\beta_{\rm K} = 0,2$  – при наличии компенсационной обмотки,  $\beta_{\rm K} = 0,6$  – при отсутствии и для серии Д,  $\beta_{\rm K} = 0,4$  – для серии 2П),

р<sub>д</sub> – число пар полюсов двигателя,

 $\omega_{\rm H}$  – номинальная угловая скорость вращения двигателя (<sup>рад</sup>/<sub>c</sub>);

конструктивная постоянная двигателя

$$k = \frac{p_{\mathcal{A}} \cdot N}{\pi \cdot 2a} \tag{1.3}$$

где: *N* – число активных проводников якоря,

2*а* – число параллельных ветвей обмотки якоря;

– произведение конструктивной постоянной на номинальный магнитный поток (Вб)

$$k\Phi_{\rm H} = \frac{U_{\rm H} - R_{\rm SJ} \cdot I_{\rm H}}{\omega_{\rm H}}; \qquad (1.4)$$

- номинальный электромагнитный момент (H·м)

$$M_{\rm H} = k\Phi_{\rm H} \cdot I_{\rm H}; \qquad (1.5)$$

• активное сопротивление обмотки возбуждения (Ом)

$$R_{\rm B} = \frac{U_{\rm BH}}{I_{\rm BH}} \tag{1.6}$$

где: U<sub>BH</sub> – номинальное напряжение обмотки возбуждения (B),

I<sub>вн</sub> – номинальный ток обмотки возбуждения (А);

– коэффициент от  $I_{\rm B}$  до  $k\Phi$  (Вб/А)

$$k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} = \frac{k\Phi_{\rm H}}{I_{\rm BH}}.$$
(1.7)

В справочниках сопротивления, как правило, приводятся для температуры 15 °C или 20 °C. Его необходимо привести к рабочей температуре

$$R_{\mathrm{A}\mathrm{I}} = R_{\mathrm{A}\mathrm{I}} \cdot (1 + \alpha \cdot \Delta t) \tag{1.8}$$

где:  $\alpha$  – температурный коэффициент (для меди  $\alpha = 3.9 \cdot 10^{-3}$ ),

Δt – разница между допустимой температурой обмотки (выбирается по классу изоляции двигателя из таблицы 1.1) и температурой, для которой приведено сопротивление в справочнике.

Величину сопротивления, полученную по приближенной формуле, приводить к рабочей температуре не следует.

Таблица 1.1.

Допустимая расчетная температура обмотки.

Класс изоляции	В	F	Н
$\Delta t$ , °C	120	140	160

Величину постоянной времени цепи возбуждения  $T_{\rm B}$  можно приблизительно оценить по рис. 1.1. Постоянная времени вихревых токов принимается  $T_{\rm BT} = 0, 1 \cdot T_{\rm B}$ .



номинальной мощности двигателя.

#### Пример 1. Расчет параметров двигателя 2ПБ90МУХЛ4

Из справочника [3, разд. 10.3, табл. 10.11, 10.13] выпишем параметры двигателя:

- 1. Мощность  $P_{\rm H} = 0,13 \, {\rm kBt}$ .
- 2. Напряжение якоря  $U_{\rm H} = 110 \, {\rm B}$ .
- 3. Сопротивление обмотки якоря (при 15 С°)  $R_{\rm 9, 15} = 7,48$  Ом.
- 4. Сопротивление добавочных полюсов (при 15 С°)  $R_{\Pi\Pi 15} = 4,79 \text{ Ом}$ .

- 5. Сопротивление обмотки возбуждения (при 15 С°)  $R_{\rm B \ 15} = 810$  Ом.
- 6. Индуктивность цепи якоря  $L_{\rm g} = 173 \,{\rm MTh}$ .
- 7. КПД  $\eta_{\rm H} = 49,5\%$ .
- 8. Возбуждение независимое. Напряжение возбуждения  $U_{\rm BH} = 110 \, {\rm B}$ .
- 9. Номинальная частота вращения  $n_{\rm H} = 800 \frac{\rm oo}{\rm Muh}$ .
- 10. Максимальная частота вращения  $n_{MAX} = 3000 \frac{\text{об}}{\text{мин}}$ .
- 11. Момент инерции двигателя  $J_{\mu} = 0,004 \, \mathrm{kr} \cdot \mathrm{m}^2$
- 12. Класс нагревостойкости изоляции обмоток F. Рассчитаем недостающие параметры двигателя.

Номинальная угловая скорость вращения двигателя

$$\omega_{\rm H} = \frac{n_{\rm H} \cdot \pi}{30} = \frac{800 \cdot 3.14}{30} = 83,77 \,\frac{\text{pag}}{\text{c}}$$

Максимальная угловая скорость вращения двигателя

$$\omega_{MAX} = \frac{n_{MAX} \cdot \pi}{30} = \frac{3000 \cdot 3.14}{30} = 314 \frac{\text{pag}}{\text{c}}.$$

Активное сопротивление якоря

$$R_{\text{ЯД}_{15}} = R_{\text{Я}_{15}} + R_{\text{ДП}_{15}} = 7,48 + 4,79 = 12,27 \text{ Ом}$$

Приведем сопротивления к рабочей температуре 140°С для класса изоляции F по табл. 1.1 (1.8)

$$R_{\rm SAZ} = R_{\rm SAZ_{15}} \cdot (1 + \alpha \cdot \Delta t) = 12,27 \cdot [1 + 3,9 \cdot 10^{-3} \cdot (140 - 15)] = 18,25 \,\text{Om}$$
$$R_{\rm B} = R_{\rm B_{15}} \cdot (1 + \alpha \cdot \Delta t) = 810 \cdot [1 + 3,9 \cdot 10^{-3} \cdot (140 - 15)] = 1204 \,\text{Om}.$$

Полная электрическая мощность, подводимая к двигателю постоянного тока независимого возбуждения из сети  $P_1 = U_H \cdot I_H + U_{BH} \cdot I_{BH}$  или  $P_1 = P_H / \eta_H$  ( $P_H = P_2$ ). Откуда выразим номинальный ток якоря

$$I_{\rm H} = \left(\frac{P_{\rm H}}{\eta_{\rm H}} - \frac{U_{\rm BH}^2}{R_{\rm B}}\right) \cdot \frac{1}{U_{\rm H}} = \left(\frac{130}{0,495} - \frac{110^2}{1204}\right) \cdot \frac{1}{110} = 2,29 \,\rm{A} \,.$$

Произведение конструктивной постоянной на номинальный магнитный поток (1.4)

$$k\Phi_{\rm H} = \frac{U_{\rm H} - R_{\rm AL} \cdot I_{\rm H}}{\omega_{\rm H}} = \frac{110 - 12,27 \cdot 2,29}{83,77} = 0,977 \,\mathrm{B6}\,.$$

Номинальный электромагнитный момент (1.5)

$$M_{\rm H} = k\Phi_{\rm H} \cdot I_{\rm H} = 0,977 \cdot 2,29 = 2,23 \,{\rm H} \cdot {\rm M} \,.$$

Номинальный ток возбуждения выразим из (1.6)

$$I_{\rm BH} = \frac{U_{\rm B}}{R_{\rm B}} = \frac{110}{1204} = 0,091 \,\mathrm{A}$$

Коэффициент от  $I_{\rm B}$  до  $k\Phi$  (1.7)

$$k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} = \frac{k\Phi_{\rm H}}{I_{\rm BH}} = \frac{0.977}{0.091} = 10.69 \,\frac{\rm B6}{\rm A}$$

Величина постоянной времени цепи возбуждения (по рис. 1.1)  $T_{\rm B} = 0,17$  с.

Постоянную времени вихревых токов принимаем

$$T_{\rm BT} = 0.1 \cdot T_{\rm B} = 0.1 \cdot 0.17 = 17 \text{ Mc}$$
.

Пример 2. Расчет параметров двигателя 4ПФ112S

Из справочника [3, разд. 10.2, табл. 10.6, 10.8] выпишем параметры двигателя:

- 1. Мощность  $P_{\rm H} = 4 \, \kappa {\rm Br}$ .
- 2. Напряжение якоря  $U_{\rm H} = 220 \, {\rm B}$ .
- 3. Ток якоря  $I_{\rm H} = 24 \, {\rm A}$ .
- 4. КПД  $\eta_{\rm H} = 72,3\%$ .
- 5. Возбуждение независимое. Напряжение возбуждения  $U_{\rm BH} = 220 \, {\rm B}$ .
- 6. Номинальная частота вращения  $n_{\rm H} = 900 \frac{\rm of}{\rm Muh}$ .
- 7. Максимальная частота вращения  $n_{MAX} = 5000 \frac{\text{об}}{\text{м}}$
- 8. Момент инерции двигателя  $J_{\rm II} = 4,7 \cdot 10^{-2} \ {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ .
- 9. Класс нагревостойкости изоляции обмоток F.
- 10. Двигатели поставляются со встроенными тахогенераторами типа ТП80-20-0,2. Рассчитаем недостающие параметры двигателя.

Номинальная угловая скорость вращения двигателя

$$\omega_{\rm H} = \frac{n_{\rm H} \cdot \pi}{30} = \frac{900 \cdot 3.14}{30} = 92,24 \, \frac{\text{pag}}{\text{c}}.$$

Максимальная угловая скорость вращения двигателя

$$\omega_{MAX} = \frac{n_{MAX} \cdot \pi}{30} = \frac{5000 \cdot 3,14}{30} = 523,6 \frac{\text{pag}}{\text{c}}$$

Активное сопротивление якоря (1.1)

$$R_{\rm gg} = \frac{U_{\rm H}}{2 \cdot I_{\rm H}} \cdot (1 - \eta_{\rm H}) = \frac{220}{2 \cdot 24} \cdot (1 - 0.723) = 1.269 \,\,{\rm Om}.$$

Определим индуктивность якоря, с учетом, что двигатель имеет компенсационную обмотку (1.2)

$$L_{\rm SA} = \beta_{\rm K} \cdot \frac{U_{\rm H}}{p_{\rm d} \cdot \omega_{\rm H} \cdot I_{\rm H}} = 0.2 \cdot \frac{220}{2 \cdot 92.24 \cdot 24} = 9.93 \,\rm M\Gamma \,\rm H \,.$$

Произведение конструктивной постоянной на номинальный магнитный поток (1.4)

$$k\Phi_{\rm H} = \frac{U_{\rm H} - R_{_{\rm H}} \cdot I_{\rm H}}{\omega_{\rm H}} = \frac{220 - 1,269 \cdot 24}{92,24} = 2,05 \,\mathrm{B6}$$

Номинальный электромагнитный момент (1.5)

$$M_{\rm H} = k\Phi_{\rm H} \cdot I_{\rm H} = 2,05 \cdot 24 = 49,2 \,{\rm Hm}$$
.

Полная электрическая мощность, подводимая к двигателю постоянного тока независимого возбуждения из сети  $P_1 = U_H \cdot I_H + U_{BH} \cdot I_{BH}$  или  $P_1 = P_H / \eta_H$  ( $P_H = P_2$ ). Откуда выразим ток возбуждения

$$I_{\rm BH} = \left(\frac{P_2}{\eta_{\rm H}} - U_{\rm H} \cdot I_{\rm H}\right) \cdot \frac{1}{U_{\rm BH}} = \left(\frac{4000}{0,723} - 220 \cdot 24\right) \cdot \frac{1}{220} = 1,145 \,\mathrm{A}\,.$$

Сопротивление обмотки возбуждения (1.6)

$$R_{\rm B} = \frac{U_{\rm BH}}{I_{\rm BH}} = \frac{220}{1,145} = 192 \,\rm Om\,.$$

Коэффициент от  $I_{\rm B}$  до  $k\Phi$  (1.7)

$$k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} = \frac{k\Phi_{\rm H}}{I_{\rm BH}} = \frac{2,05}{1,145} = 1,79 \,\frac{{\rm B6}}{{\rm A}}.$$

Величина постоянной времени цепи возбуждения (по рис. 1.1)  $T_{\rm B} = 0,28\,{\rm c}$ . Постоянную времени вихревых токов принимаем

$$T_{\rm BT} = 0, 1 \cdot T_{\rm B} = 0, 1 \cdot 0, 28 = 0,028 \,\mathrm{c}$$
.

### 1.2. Выбор комплектного электропривода. Выбор трансформатора. Расчет параметров якорной цепи двигателя

Выбор комплектного электропривода производится исходя из вида рабочей машины, для которой рассчитывается электропривод. Например, для приводов главного движения и подачи используются комплектные электропривода серии ЭПУ, БТУ.

Выбор трансформатора производится по требуемым номинальным напряжению и току преобразователя.

Для трансформатора рассчитываются параметры обмотки фазы, приведенные ко вторичной обмотке:

– полное сопротивление (Ом)

$$Z_{\rm T} = \frac{u_{\rm K} \cdot U_{\rm 2H\Phi}}{I_2} \tag{1.9}$$

где:  $u_{\rm K}$  – напряжение короткого замыкания (о.е.),

- $U_{2H\Phi}$  номинальное фазное напряжение вторичной обмотки трансформатора (В),
- *I*<sub>2</sub> номинальный ток вторичной обмотки трансформатора (А);
- активное сопротивление (Ом)

$$R_{\rm T} = \frac{P_{\rm K3}}{3 \cdot I_2^{\ 2}} \tag{1.10}$$

где *P*<sub>к3</sub> – потери короткого замыкания (Вт);

– реактивное сопротивление (Ом) и индуктивность (Гн)

$$X_{\rm T} = \sqrt{Z_{\rm T}^2 - R_{\rm T}^2}, \ L_{\rm T} = \frac{X_{\rm T}}{\omega_{\rm C}}$$
 (1.11)

где:  $\omega_{\rm C}$  – угловая скорость вращения напряжения сети (<sup>рад</sup>/<sub>c</sub>)

$$\omega_{\rm C} = 2 \cdot \pi \cdot f_{\rm C},$$

 $f_{\rm C}$  – частота напряжения сети (50 Гц).

Расчет параметров якорной цепи двигателя производится по следующим формулам:

 активное сопротивление при нулевой или мостовой силовой схеме тиристорного преобразователя, соответственно

$$R_{\mathfrak{A}} = R_{\mathfrak{A}\mathfrak{A}} + R_{\mathrm{T}} + R_{\mathrm{K}},$$
  

$$R_{\mathfrak{A}} = R_{\mathfrak{A}\mathfrak{A}} + 2 \cdot R_{\mathrm{T}} + R_{\mathrm{K}}$$
(1.12)

где  $R_{\rm K}$  – коммутационное сопротивление

$$R_{\rm K} = \frac{p \cdot X_{\rm T}}{2 \cdot \pi} \tag{1.13}$$

- где p количество пульсаций выпрямленного напряжения за период сети ( p = 2 для однофазной мостовой, p = 3 для трехфазной нулевой и p = 6 для трехфазной мостовой схемы выпрямления);
- индуктивность при нулевой или мостовой силовой схеме тиристорного преобразователя, соответственно

$$L_{\mathfrak{R}} = L_{\mathfrak{R}\mathfrak{A}} + L_{\mathrm{T}},$$

$$L_{\mathfrak{R}} = L_{\mathfrak{R}\mathfrak{A}} + 2 \cdot L_{\mathrm{T}}.$$
(1.14)

постоянная времени якорной цепи

$$T_{\mathfrak{R}} = \frac{L_{\mathfrak{R}}}{R_{\mathfrak{R}}}.$$
(1.15)

Пример 3. Расчет параметров якорной цепи электропривода

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4; схема выпрямления – трехфазная мостовая.

Из справочника [5, табл. 8.5] выпишем параметры трансформатора:

- 1. Номинальная мощность  $S_{\rm H} = 7,3 \, {\rm kBA}$ .
- 2. Напряжение сетевой обмотки  $U_{1H} = 380 \text{ B}$ .
- 3. Напряжение вентильной обмотки  $U_2 = 205 \,\mathrm{B}$ .
- 4. Ток вентильной обмотки  $I_2 = 20,5 \,\mathrm{A}$ .
- 5. Напряжение преобразователя  $U_{d \text{ ном}} = 230 \text{ B}$ .
- 6. Ток преобразователя  $I_{d \text{ ном}} = 25 \text{ A}$ .
- 7. Потери короткого замыкания  $P_{\rm K3} = 320 \, {\rm Br}$ .
- 8. Напряжение короткого замыкания  $u_{\rm K} = 4,7 \%$ .

Рассчитаем параметры обмоток трансформатора, приведенные ко вторичной обмотке и параметры якорной цепи электропривода Номинальное фазное напряжение вторичной обмотки

$$U_{2H\Phi} = \frac{U_2}{\sqrt{3}} = \frac{205}{\sqrt{3}} = 118,36 \,\mathrm{B}.$$

Полное сопротивление фазы обмотки трансформатора (1.9)

$$Z_{\rm T} = \frac{u_{\rm K} \cdot U_{\rm 2H\Phi}}{I_2} = \frac{0.047 \cdot 118.36}{20.5} = 0.27 \,\,{\rm Om}\,.$$

Активное сопротивление фазы обмотки трансформатора (1.10)

$$R_{\rm T} = \frac{P_{\rm K3}}{3 \cdot I_2^2} = \frac{320}{3 \cdot 20,5^2} = 0,25 \,\rm Om\,.$$

Реактивное сопротивление и индуктивность фазы обмотки (1.11)

$$X_{\rm T} = \sqrt{Z_{\rm T}^{2} - R_{\rm T}^{2}} = \sqrt{0.27^{2} - 0.25^{2}} = 0.102 \,\mathrm{Om},$$
$$L_{\rm T} = \frac{X_{\rm T}}{\omega_{\rm C}} = \frac{0.102}{2 \cdot \pi \cdot 50} = 0.3 \,\mathrm{mTh}.$$

Коммутационное сопротивление (1.13)

$$R_{\rm K} = \frac{p \cdot X_{\rm T}}{2 \cdot \pi} = \frac{6 \cdot 0.102}{2 \cdot \pi} = 0.097 \,\,{\rm Om}\,.$$

Активное сопротивление якорной цепи при мостовой силовой схеме тиристорного преобразователя (1.12)

$$R_{\rm g} = R_{\rm g_{II}} + 2 \cdot R_{\rm T} + R_{\rm K} = 1,269 + 2 \cdot 0,25 + 0,097 = 1,866 \,\,{\rm Om}\,.$$

Индуктивность якорной цепи при мостовой силовой схеме тиристорного преобразователя (1.14)

$$L_{\rm g} = L_{\rm gg} + 2 \cdot L_{\rm T} = 9,93 \cdot 10^{-3} + 2 \cdot 0,3 \cdot 10^{-3} = 10,53 \,\mathrm{mGH}$$
.

Постоянная времени якорной цепи (1.15)

$$T_{\rm H} = \frac{L_{\rm H}}{R_{\rm H}} = \frac{10,53 \cdot 10^{-3}}{1,866} = 5,6 \,\mathrm{Mc}$$

# 1.3. Расчет параметров и характеристик тиристорных преобразователей для режимов непрерывного и прерывистого тока

Для тиристорного преобразователя якорного канала строятся регулировочные и внешние характеристики в режимах непрерывного и прерывистого токов. Определяются: постоянная времени, коэффициент передачи для обоих режимов, внутреннее сопротивление для режима прерывистого тока. Для двухзонных электроприводов для тиристорного преобразователя канала возбуждения строится только регулировочная характеристика. Определяются постоянная времени и коэффициент передачи.

Постоянная времени преобразователя равна сумме среднестатистического запаздывания и постоянной времени фильтра на входе СИФУ

$$T_{\rm TII} = \frac{1}{p \cdot f_{\rm C}} + T_{\rm \Phi} \,. \tag{1.16}$$

Построение характеристик производится в следующем порядке. Максимальное значение ЭДС преобразователя

$$E_{d0} = k_{\rm CX} \cdot U_{2\rm H} \Phi \tag{1.17}$$

где  $k_{\rm CX}$  – схемный коэффициент силовой цепи преобразователя (для однофазной мостовой схемы  $k_{\rm CX} = 0.9$ , для трехфазной нулевой  $k_{\rm CX} = 1.17$  и для трехфазной мостовой  $k_{\rm CX} = 2.34$ ).

Зона прерывистого тока ограничена эллипсом. Полуоси эллипса равны: по оси тока

$$A = \frac{E_{d0}}{\omega_{\rm C} \cdot L_{\rm g}} \cdot \left( 1 - \frac{\pi}{p \cdot {\rm tg}\left(\frac{\pi}{p}\right)} \right); \tag{1.18}$$

#### по оси напряжения

$$B = E_{d0}. \tag{1.19}$$

Внешние характеристики в режиме прерывистого тока строятся для нескольких значений α (0°,10°...90°). Для каждого значения α определяется граничный угол проводимости из уравнения

$$\sin\left(\lambda_{\Gamma P} + \alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right) = \lambda_{\Gamma P} \cdot \frac{E_{d0} \cdot \cos(\alpha)}{E_m}$$
(1.20)

где  $E_m = \sqrt{2} \cdot U_{2H\Phi}$  – для нулевой или  $E_m = \sqrt{2} \cdot U_{2H\Pi}$  – для мостовой схем выпрямления. В MathCAD это удобно реализовать используя блок программирования и

функцию гоот, как показано на рис. 1.2.

$$\begin{aligned} \alpha_{i} &:= \frac{\pi \cdot i}{2 \cdot N} & f(\alpha, \lambda) := \sin\left(\lambda + \alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \frac{E_{dm ax} \cos\left(\alpha\right)}{E_{m}} \cdot \lambda & \text{TOL} := 10^{-10} \\ \lambda_{rp} &:= \left[ \begin{array}{ccc} \text{for} & i \in 0.. N \\ \lambda_{rp_{i}} := if\left(\lambda_{rp_{i}} < 10^{-10}, 0, \lambda_{rp_{i}}\right) \\ \lambda \leftarrow \frac{2 \cdot \pi}{m} \\ r_{i} \leftarrow \operatorname{root}(f(\alpha_{i}, \lambda), \lambda) \\ \text{returm } r \end{aligned} \right]$$

#### Рис. 1.2. Фрагмент документа MathCAD с определением значений граничного угла проводимости.

Затем, в пределах  $0...\lambda_{\Gamma P}$  задается несколько значений  $\lambda$ , по которым рассчитываются ЭДС и ток преобразователя

$$E_{d} = \begin{cases} E_{m} \cdot \cos\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right) \operatorname{пp} u \, \lambda = 0, \\ \frac{E_{m}}{\lambda} \cdot \left[\sin\left(\lambda + \alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right)\right] \operatorname{пp} u \, \lambda \neq 0, \end{cases}$$

$$I_{d} = \frac{p \cdot E_{m}}{2 \cdot \pi \cdot \omega_{C} \cdot L_{\Re}} \cdot \left[\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \cos\left(\lambda + \alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \lambda \cdot \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{p}\right) - \frac{E_{d} \cdot \lambda^{2}}{2 \cdot E_{m}}\right].$$
(1.21)

По полученным значениям строится семейство характеристик при различных α, как показано на рис. 1.3.

Через несколько значений  $E_d = E_g$  проводим горизонтальные линии и в точках пересечения с характеристиками определяем по несколько значений  $I_d = I_g$  и  $\alpha$  для каждого  $E_g$  (как показано на рис. 1.3). Полученные значения заносим в первые 3 столбца таблицы 1.2.



Рис. 1.3. Семейство внешних характеристик преобразователя в режиме прерывистого тока.

Таблица 1.2.

Данные для построения регулировочных характеристик преобразователя	в
режиме прерывистого тока.	

$E_{\mathfrak{K}}$ , B	$I_{\mathfrak{K}}, \mathbf{A}$	α, рад	$E_d$ , B	$u_{\rm y}, {\rm B}$	$\Delta I_{\mathfrak{H}}, \mathbf{A}$	$\Delta E_d$ , B	$\Delta u_{\rm y}$ , B	$K_{\rm TII}$ , o.e.
	0	$\alpha_{11}$	$E_{d11}$	$u_{y_{11}}$			_	
E	<i>I</i> <sub>я12</sub>	$\alpha_{12}$	$E_{d12}$	$u_{y_{12}}$	$\Delta I_{_{ m S12}}$	$\Delta E_{d12}$	$\Delta u_{y_{12}}$	$K_{\mathrm{TII12}}$
$\mathcal{L}_{g_1}$	<i>I</i> <sub>я13</sub>	$\alpha_{13}$	$E_{d13}$	<i>u</i> <sub>y13</sub>	$\Delta I_{_{ m H13}}$	$\Delta E_{d13}$	$\Delta u_{y_{13}}$	$K_{T\Pi 13}$
		🔺						
	0	$\alpha_{21}$	$E_{d21}$	$u_{y_{21}}$	_	_	_	_
$E_{_{\mathfrak{H}2}}$	<i>I</i> <sub>я22</sub>	$\alpha_{22}$	$E_{d22}$	$u_{y_{22}}$	$\Delta I_{_{ m S22}}$	$\Delta E_{d22}$	$\Delta u_{y_{22}}$	$K_{\mathrm{TII}22}$
				•••	•••	•••		

Поскольку, приведенные ранее выражения для тока и ЭДС преобразователя получены при пренебрежении активным сопротивлением якорной цепи, то фактическое значение ЭДС преобразователя (4-ая колонка таблицы 1.2) рассчитывается по формуле

$$E_d = E_{\mathfrak{R}} + \left(R_{\mathfrak{R}} - R_{\mathfrak{K}}\right) \cdot I_{\mathfrak{R}}.$$

Напряжение управления преобразователем (5-ая колонка таблицы 1.2) определяется по выражению

$$u_{\rm y} = U_{\rm O\Pi\,MAX} \cdot \left(1 - \frac{2 \cdot \alpha}{\pi}\right)$$

где U<sub>оп мах</sub> – амплитуда пилообразного опорного напряжения СИФУ.

Приращения ЭДС преобразователя, тока якоря и напряжения управления (6-ая, 7-ая и 8-ая колонки таблицы 1.2) определяются как разность соседних значений соответствующих величин

$$\Delta I_{\mathfrak{H}12} = I_{\mathfrak{H}12} - I_{\mathfrak{H}11}, \ \Delta E_{d12} = E_{d12} - E_{d11}, \ \Delta u_{y12} = u_{y12} - u_{y11}, \ \dots$$

Коэффициент передачи (9-ая колонка таблицы 1.2) преобразователя определяется как отношение

$$K_{\rm TII12} = \frac{\Delta E_{d12}}{\Delta u_{\rm V12}}, \ \dots$$

По уравнению регулировочной характеристики

$$E_d = E_{d0} \cdot \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi \cdot u_{\rm y}}{2 \cdot U_{\rm OH\,MAX}}\right),\tag{1.23}$$

задавая  $u_y = -U_{O\Pi MAX}, ..., U_{O\Pi MAX}$  строится характеристика преобразователя для режима непрерывного тока. По этой характеристике, по наклону касательной в рабочей точке, соответствующей номинальному напряжению двигателя, определяется коэффициент передачи преобразователя для режима непрерывного тока.

Затем, по данным из таблицы 1.2, в этих же осях строится семейство характеристик режима прерывистого тока, как показано на рис. 1.4. Для режима работы электропривода при моменте сопротивления холостого хода по таблице 1.2 выбирается рабочая точка с ближайшими значениями тока и ЭДС преобразователя. Для этой рабочей точки из таблицы 1.2 выбирается значение коэффициент передачи преобразователя для режима прерывистого тока  $K_{\rm m}$ '. Также в этой точке определяется по наклону касательной к внешней характеристике (по рис. 1.3) внутреннее сопротивление преобразователя  $R_{\rm n}$ ' и рассчитывается полное сопротивление якорной цепи для режима прерывистого тока



режимах непрерывного и прерывистого тока.

# **Пример 4**. Расчет параметров преобразователей (режим непрерывного тока) для двухзонной САУ

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор для питания преобразователя якорного канала ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; преобразователь якоря – трехфазный мостовой, возбуждения – однофазный мостовой.

Постоянная времени преобразователя якорного канала (1.16)

$$T_{\text{TTI}} = \frac{1}{p \cdot f_{\text{C}}} + T_{\Phi} = \frac{1}{6 \cdot 50} + 1 \cdot 10^{-3} = 4,3 \text{ Mc}.$$

Максимальное значение ЭДС преобразователя якорного канала (1.17)

$$E_{d0} = k_{CX} \cdot U_{2H\Phi} = 2,34 \cdot 118,36 = 277 \text{ B}.$$

Коэффициент передачи преобразователя якорного канала

$$K_{\text{TII}} = \frac{E_{d0}}{U_{\text{OII MAX}}} = \frac{277}{8} = 34,6.$$

Постоянная времени преобразователя канала возбуждения (1.16)

$$T_{\text{TTIB}} = \frac{1}{p \cdot f_{\text{C}}} + T_{\Phi} = \frac{1}{2 \cdot 50} + 0 = 10 \text{ Mc}$$

Максимальное значение ЭДС преобразователя канала возбуждения (1.17)

$$E_{d0B} = k_{CXB} \cdot U_{2H\Phi B} = 0.9 \cdot 380 = 342 \,\mathrm{B}.$$

Коэффициент передачи преобразователя канала возбуждения

$$K_{\text{TIIB}} = \frac{E_{d0B}}{U_{\text{OII MAX B}}} = \frac{342}{8} = 42,75.$$

# 1.4. Выбор структуры системы управления. Расчет параметров структурной схемы

Для механизмов передвижения металлорежущих станков и реверсивных конвейеров необходимо выбирать двухзонную систему, поскольку для повышения производительности механизма обратный ход целесообразно осуществлять при повышенной скорости, выше номинальной. Для привода главного движения токарных станков в ряде случаев требуется стабилизация мощности резания, поэтому также желательно применение двухзонной системы. В остальных случаях следует выбирать однозонную систему управления.

Количество контуров в якорном канале системы управления выбирается следующим образом: если возможен режим работы «на упор» или требуется ограничение тока двигателя в переходных процессах, то следует применять 2 контура регулирования (внутренний контур тока якоря и внешний контур скорости). В канале управления возбуждением всегда следует применять 2 контура (внутренний контур регулирования тока возбуждения и внешний контур ЭДС якоря).

Полная структурная схема всей системы управления с двумя контурами регулирования в якорном канале приведена на рис. 1.5. Звено  $K_{\Phi\Pi E}$ , показанное штриховой линией, учитывается при наличии в составе системы управления блока  $\Phi\Pi E$  (функциональный преобразователь ЭДС), который предназначен для линеаризации регулировочной характеристики преобразователя и компенсации внутренней обратной связи двигателя по ЭДС якоря, что позволяет не учитывать ее при синтезе системы. Структурная схема линеаризованной модели, используемая для синтеза контуров регулирования – на рис. 1.6.



Рис. 1.5. Полная структурная схема непреобразованной нелинеаризованной модели всей двухзонной системы управления скоростью двигателя постоянного тока.



Рис. 1.6. Полная структурная схема линеаризованной модели всей двухзонной системы управления скоростью двигателя постоянного тока.

Параметры двигателя и преобразователей уже определены.

Коэффициенты влияния сетевого напряжения определяются видом силовой схемы соответствующего преобразователя и имеют значение, обратное схемному коэффициенту

$$K_{\rm C} = \frac{1}{k_{\rm CX}}$$
 (1.25)

Выбираем вначале номинальные значения сигналов задания всех регулируемых переменных: скорости  $U_{3CH}$ , тока якоря  $U_{3TH}$ , ЭДС якоря  $U_{3EH}$ , тока возбуждения  $U_{3TBH}$ . Выбирать номинальные значения следует так, чтобы максимально возможное значение сигнала не превышало напряжения насыщения операционного усилителя. Т.е. для двухзонной системы управления максимальное значение сигнала задания скорости соответствует максимальной скорости двигателя  $\omega_{MAX}$ . Максимальное значение напряжения задания тока якоря соответствует допустимому току двигателя с учетом его перегрузочной способности. Исходя из принципа двухзонного регулирования, в канале возбуждения переменные ограничены на уровне номинальных значений.

Требуемые коэффициенты передачи обратных связей определяются выбранными номинальными значениями сигналов задания и номинальными значениями соответствующих переменных

$$K_{\text{OT}} = \frac{U_{3\text{TH}}}{I_{\text{H}}}, \ K_{\text{OC}} = \frac{U_{3\text{CH}}}{\omega_{\text{H}}},$$
$$K_{\text{OTB}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{I_{\text{BH}}}, \ K_{\text{OH}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{U_{\text{H}}}, \ K_{\text{OE}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{E_{3\text{H}}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{k\Phi_{\text{H}} \cdot \omega_{\text{H}}}, \ K_{\Phi\text{TE}} = \frac{1}{K_{\text{TH}} \cdot K_{\text{OE}}}.$$
(1.26)

Коэффициенты передачи в канале обратной связи по ЭДС определяются следующим образом:

- коэффициент согласования в канале обратной связи по току

$$K_{\rm T} = \frac{K_{\rm OH} \cdot R_{\rm g}}{K_{\rm OT}}, \qquad (1.27)$$

согласующий коэффициент передачи

$$K_{\rm E} = \frac{K_{\rm OE}}{K_{\rm OH}} \,. \tag{1.28}$$

Определение постоянных времени датчика напряжения  $T_{\rm дH}$  и фильтра в цепи обратной связи по току возбуждения  $T_{\Phi}$  будут рассмотрены позднее, при синтезе соответствующих контуров регулирования. Остальные постоянные:  $T_{\rm дC}$ ,  $T_{\rm дT}$ ,  $T_{\rm дTB}$  – определяются реализацией соответствующих датчиков в выбранном комплектном электроприводе. При отсутствии фильтра в канале обратной связи соответствующая постоянная времени принимается равной нулю.

Выбор начальных значений координат в рабочей точке  $k\Phi_{\rm HAY}$  и  $\Omega_{\rm HAY}$ , принимаемых для настройки, будет рассмотрен позже, в разделе синтеза контуров регулирования.

**Пример 5**. Расчет параметров структурной схемы двухзонной САУ с двумя контурами регулирования в якорном канале

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; расчет параметров преобразователей рассмотрен в примере 4.

Коэффициенты влияния сетевого напряжения (1.25)

$$K_{\rm C} = \frac{1}{k_{\rm CX}} = \frac{1}{2,34} = 0,427, \ K_{\rm CB} = \frac{1}{k_{\rm CXB}} = \frac{1}{0,9} = 1,11$$

Выбрав номинальные значения сигналов задания  $U_{3CH} = 5 \text{ B}$ ,  $U_{3TH} = 5 \text{ B}$ ,  $U_{3TH} = 5 \text{ B}$ ,  $U_{3EH} = 10 \text{ B}$ ,  $U_{3TH} = 10 \text{ B}$  рассчитаем коэффициенты обратных связей (1.26) – (1.28)

$$K_{\text{OT}} = \frac{U_{3\text{TH}}}{I_{\text{H}}} = \frac{5}{24} = 0,208 \frac{\text{B}}{\text{A}}, \ K_{\text{OC}} = \frac{U_{3\text{CH}}}{\omega_{\text{H}}} = \frac{5}{92,24} = 54,2 \cdot 10^{-3} \frac{\text{B} \cdot \text{c}}{\text{pag}},$$
  

$$K_{\text{OTB}} = \frac{U_{3\text{TBH}}}{I_{\text{BH}}} = \frac{10}{1,145} = 8,73 \frac{\text{B}}{\text{A}}, \ K_{\text{OE}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{k\Phi_{\text{H}} \cdot \omega_{\text{H}}} = \frac{10}{2,05 \cdot 92,24} = 52,9 \cdot 10^{-3},$$
  

$$K_{\text{OH}} = \frac{U_{3\text{EH}}}{U_{\text{H}}} = \frac{10}{220} = 45,5 \cdot 10^{-3}, \ K_{\Phi\text{TE}} = \frac{1}{K_{\text{TT}} \cdot K_{\text{OE}}} = \frac{1}{34,6 \cdot 52,9 \cdot 10^{-3}} = 0,546,$$
  

$$K_{\text{T}} = \frac{K_{\text{OH}} \cdot R_{\text{H}}}{K_{\text{OT}}} = \frac{45,5 \cdot 10^{-3} \cdot 1,866}{0,208} = 0,404, \ K_{\text{E}} = \frac{K_{\text{OE}}}{K_{\text{OH}}} = \frac{52,9 \cdot 10^{-3}}{45,5 \cdot 10^{-3}} = 1,163.$$

### 1.5. Синтез контуров регулирования методом стандартных настроек контуров. Расчет ограничения регуляторов

Для синтеза контуров регулирования систем подчиненного управления используются 2 критерия оптимизации: технический и симметричный оптимумы.

При настройке на технический оптимум передаточная функция разомкнутого контура регулирования приводится к виду

$$W(p) = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu} \cdot p \cdot (T_{\mu} \cdot p + 1)}$$
(1.29)

где  $T_{\mu}$  – эквивалентная малая постоянная времени контура регулирования, определяемая либо суммированием малых постоянных, имеющихся в контуре, либо по формуле Д.С. Ямпольского

$$T_{\mu} = \frac{1}{2} \cdot \left[ \sum T_{\mu\Pi} + \sum T_{\muO} + \sqrt{\left(\sum T_{\mu\Pi} + \sum T_{\muO}\right)^2 + \sum T_{\muO}^2} \right]$$
(1.30)

где:  $T_{\mu\Pi}$  – малые постоянные времени звеньев в прямом канале регулирования,

 $T_{\mu 0}$  – малые постоянные времени звеньев в канале обратной связи.

При такой настройке контур имеет переходную характеристику, представленную на рис. 1.7, которая характеризуется следующими показателями:

- время переходного процесса  $t_{\Pi\Pi} = 8,43 \cdot T_{\mu}$ ,

- перерегулирование  $\sigma = 4,3\%$ .

При двухконтурном якорном канале системы управления и настройке на технический оптимум контура скорости система имеет статическую ошибку по моменту сопротивления. Если величина ошибки недопустимо большая, то можно применить настройку на симметричный оптимум. Для этого в регулятор, настроенный на технический оптимум добавляется ПИ-звено

$$\frac{4 \cdot T_{\mu} \cdot p + 1}{4 \cdot T_{\mu} \cdot p}.$$
(1.31)



При этом передаточная функция разомкнутого контура имеет вид

$$W(p) = \frac{4 \cdot T_{\mu} \cdot p + 1}{8 \cdot T_{\mu}^{2} \cdot p^{2} \cdot (T_{\mu} \cdot p + 1)}.$$
(1.32)

При такой настройке контур имеет переходную характеристику, представленную на рис. 1.8 (сплошная линия), которая характеризуется следующими показателями:

– время переходного процесса  $t_{\Pi\Pi} = 16.5 \cdot T_{\mu}$ ,

- перерегулирование  $\sigma = 43,4\%$ .



Для улучшения динамических показателей (штриховая линия на рис. 1.8):

время переходного процесса  $t_{\Pi\Pi} = 13, 3 \cdot T_{\mu}$ ,

- перерегулирование  $\sigma = 8,1\%$ .

на вход контура включается апериодический фильтр с передаточной функцией

$$\frac{1}{4 \cdot T_{\mu} \cdot p + 1}.\tag{1.33}$$

Рассмотрим подробно настройку каждого из контуров системы управления. Структурная схема контура тока якоря представлена на рис. 1.9.



#### Рис. 1.9. Структурная схема контура тока якоря.

После сворачивания обратной связи по ЭДС якоря получим передаточную функцию объекта регулирования контура тока

$$W_{\rm OI}(p) = \frac{1/R_{\rm g} \cdot T_{\rm M} \cdot p}{T_{\rm M} \cdot p \cdot (T_{\rm g} \cdot p + 1) + 1}$$
(1.34)

где  $T_{\rm M}$  – электромеханическая постоянная времени

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot R_{\rm g}}{\left(k\Phi_{\rm HAY}\right)^2} \,. \tag{1.35}$$

При  $T_{\rm M} < 4 \cdot T_{\rm g}$  знаменатель представляет собой апериодическое звено 2-го порядка с постоянной времени

$$T_{\rm A} = \sqrt{T_{\rm M} \cdot T_{\rm R}} \tag{1.36}$$

и коэффициентом затухания

$$\xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T_{\rm M}}{T_{\rm g}}} \,. \tag{1.37}$$

Для упрощения наладки системы апериодическое звено второго порядка заменяют на два апериодических звена первого порядка

$$W_{\rm OI}(p) = \frac{1/R_{\rm R} \cdot T_{\rm M} \cdot p}{\left(T_{\rm A} \cdot p + 1\right)^2}.$$
(1.38)

При  $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$  знаменатель раскладывается на два апериодических звена с постоянными времени

$$T_{\mu_{1}} = T_{\mu} \cdot \left(\xi + \sqrt{\xi^{2} - 1}\right), \ T_{\mu_{2}} = T_{\mu} \cdot \left(\xi - \sqrt{\xi^{2} - 1}\right),$$
(1.39)

$$W_{\rm OI}(p) = \frac{1/R_{\rm g} \cdot T_{\rm M} \cdot p}{(T_{\rm J1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm J2} \cdot p + 1)}.$$
 (1.40)

Если постоянные времени двигателя достаточно велики по сравнению с постоянными времени преобразователя и датчика тока, то малая постоянная времени контура определяется  $T_{\mu\nu} = T_{TTT} + T_{TTT}$ , или по формуле (1.30). Тогда, при точной настройке на технический оптимум необходим ПИД-И-регулятор

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{(T_{\rm PT1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PT2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PT1} \cdot p^2}, \qquad (1.41)$$

$$K_{\rm PT} = \frac{R_{\rm g} \cdot T_{\rm PT1}}{K_{\rm TTI} \cdot K_{\rm OT} \cdot T_{\rm M}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu l}}, \qquad (1.42)$$

$$T_{\text{PT1}} = T_{\text{Д1}}, \ T_{\text{PT2}} = T_{\text{Д2}} \ ($$
при  $T_{\text{M}} \ge 4 \cdot T_{\text{Я}}$ ), или  
 $T_{\text{PT1}} = T_{\text{PT2}} = T_{\text{Д}} \ ($ при  $T_{\text{M}} < 4 \cdot T_{\text{Я}}$ ).

При выполнении условия  $T_{\rm M} > 20 \cdot T_{\mu I}$  или при наличии в составе системы управления блока ФПЕ внутренней обратной связью двигателя по ЭДС якоря можно пренебречь. Тогда

$$W_{\rm OI}(p) = \frac{1/R_{\rm g}}{T_{\rm g} \cdot p + 1}.$$
(1.44)

(1.43)

И, для настройки на технический оптимум, необходим ПИ-регулятор

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{T_{\rm PT} \cdot p + 1}{T_{\rm PT} \cdot p}, \qquad (1.45)$$

$$T_{\rm PT} = T_{\rm g}, \ K_{\rm PT} = \frac{R_{\rm g} \cdot T_{\rm PT}}{K_{\rm TTI} \cdot K_{\rm OT}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu l}}.$$
 (1.46)

Для однозонного электропривода в качестве  $k\Phi_{\rm HAY}$  берется номинальное значение  $k\Phi_{\rm H}$ . Для двухзонного необходимо условие пренебрежения обратной связью по ЭДС анализируется для номинального значения потока возбуждения. Если условие не выполняется, то для расчетов следует взять значение, при котором коэффициент передачи контура максимален (в процессе работы системы управления коэффициент передачи контура может уменьшаться, снижая частоту среза и быстродействие контура, но увеличивая запас устойчивости контура по фазе). Поскольку, при учете обратной связи по ЭДС, в знаменателе передаточной функции объекта управления присутствует  $T_{\rm M}$ , то максимальное значение коэффициента передачи контура будет при минимальном значении потока возбуждения

$$k\Phi_{MIN} = k\Phi_{\rm H} \cdot \frac{\omega_{\rm H}}{\omega_{MAX}}.$$
(1.47)

Для синтеза внешнего контура контур тока заменяется эквивалентным апериодическим звеном

$$\Phi_I(p) \approx \frac{1/K_{\text{OT}}}{2 \cdot T_{\mu I} \cdot p + 1}.$$
(1.48)

С учетом замены контура тока якоря эквивалентным звеном структурная схема контура скорости, при двухконтурном якорном канале системы управления, будет иметь вид, представленный на рис. 1.10.

Передаточная функция объекта регулирования контура скорости

$$W_{\rm Oo}(p) = \frac{k\Phi_{\rm HAY}}{J \cdot p}.$$
(1.49)

Тогда для настройки на технический оптимум необходим П-регулятор

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} = \frac{K_{\rm OT} \cdot J}{K_{\rm OC} \cdot k \Phi_{\rm HAY}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}}, \qquad (1.50)$$



Рис. 1.10. Структурная схема контура скорости двухконтурной по якорному каналу системы управления.

а малая постоянная времени контура скорости определяется постоянной времени контура тока и постоянной времени датчика скорости  $T_{\mu\omega} = 2 \cdot T_{\mu I} + T_{\mu C}$  (или по формуле (1.30)).

В однозонной системе управления поток возбуждения постоянен и равен номинальному, поэтому для расчетов берем  $k\Phi_{\text{HAY}} = k\Phi_{\text{H}}$ . При синтезе двухзонной выбираем значение, которое даст максимальный коэффициент передачи –  $k\Phi_{\text{H}}$ .

Для получения значения статической ошибки контура по моменту сопротивления запишем передаточную функцию замкнутого контура скорости по возмущению

$$\Phi_{\rm B}(p) = -\frac{\frac{1}{J \cdot p}}{1 + W_{\omega}(p)} = -\frac{\frac{2 \cdot T_{\mu\omega}}{J} \cdot (T_{\mu\omega} \cdot p + 1)}{2 \cdot T_{\mu\omega} \cdot p \cdot (T_{\mu\omega} \cdot p + 1) + 1}.$$

Тогда величина ошибки составит

$$\Delta \omega = \Phi_{\rm B}(p)\Big|_{p=0} \cdot \Delta M_{\rm C} = -\frac{2 \cdot T_{\mu\omega}}{J} \cdot \Delta M_{\rm C}.$$
(1.51)

Обычно допустимая величина отклонения скорости при скачке момента от нуля до номинального значения не превышает 5...10 % от установившегося значения. Если полученное значение  $\Delta \omega$  превышает допустимое, то следует перейти к настройке на симметричный оптимум.

Рассмотрим настройку контура скорости для одноконтурной по якорному каналу системы. Структурная схема контура представлена на рис. 1.11.





После структурного преобразования получим передаточную функцию объекта регулирования контура скорости

$$W_{\rm Ow}(p) = \frac{1/k\Phi_{\rm HAH}}{T_{\rm M} \cdot p \cdot (T_{\rm R} \cdot p + 1) + 1}.$$
 (1.52)

В зависимости от соотношения  $T_{\rm M}$  и  $T_{\rm g}$  получим передаточную функцию объекта

$$W_{\rm Om}(p) = \frac{1/k\Phi_{\rm HAH}}{(T_{\pi} \cdot p + 1)^2},$$
 или (1.53)

$$W_{\rm Ow}(p) = \frac{1/k\Phi_{\rm HAY}}{(T_{\rm A1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm A2} \cdot p + 1)}$$
(1.54)

где  $T_{\Pi}$ ,  $T_{\Pi 1}$ ,  $T_{\Pi 2}$  определяются по (1.36) и (1.39).

Для такого объекта регулирования при настройке на технический оптимум необходим ПИД-регулятор

$$W_{\rm PC}(\mathbf{p}) = K_{\rm PC} \cdot \frac{(T_{\rm PC1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PC2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PC1} \cdot p}, \qquad (1.55)$$

$$K_{\rm PC} = \frac{k\Phi_{\rm HAU} \cdot T_{\rm PC1}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}}, \qquad (1.56)$$

$$T_{PC1} = T_{Д1}, \ T_{PC2} = T_{Д2} \ (при \ T_{M} \ge 4 \cdot T_{\Re}), \ или$$
$$T_{PC1} = T_{PC2} = T_{Д} \ (при \ T_{M} < 4 \cdot T_{\Re}).$$
(1.57)

Малая постоянная времени контура при этом определяется постоянными времени преобразователя и датчика скорости  $T_{\mu\omega} = T_{TTT} + T_{JC}$  (или по формуле (1.30)).

Если  $T_{Д1}$  достаточно велика и выполняется условие  $T_{Д1} > 4 \cdot T_{\mu\omega}$ , то выбор параметров регулятора можно произвести следующим образом

$$T_{\rm PC1} = T_{\rm Z2}, \ T_{\rm PC2} = 4 \cdot T_{\mu\omega}, \ K_{\rm PC} = \frac{k\Phi_{\rm HA\rm q} \cdot T_{\rm PC1}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}} \cdot \frac{T_{\rm Z1}}{4 \cdot T_{\mu\omega}}.$$
(1.58)

При такой настройке характеристика близка к симметричному оптимуму. И будет тем ближе, чем больше будет соотношение  $T_{_{Д1}}/(4 \cdot T_{_{_{\rm H}}})$ .

Если  $T_{d2}$  достаточно мала, чтобы отнести ее к малым постоянным времени, то  $T_{\mu\omega} = T_{TTT} + T_{dC} + T_{d2}$  (или по формуле (1.30)). Тогда для настройки на технический оптимум необходим ПИ-регулятор

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} \cdot \frac{T_{\rm PC} \cdot p + 1}{T_{\rm PC} \cdot p}, \ T_{\rm PC} = T_{\rm A1}, \ K_{\rm PC} = \frac{k\Phi_{\rm HA4} \cdot T_{\rm PC}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}}.$$
 (1.59)

Для синтеза однозонной системы управления берем  $k\Phi_{\text{HAY}} = k\Phi_{\text{H}}$ . Для двухзонной –  $k\Phi_{\text{MIN}}$  и соответствующее ему  $T_{\text{M}}$ .

Структурная схема контура регулирования тока возбуждения представлена на рис. 1.12.



Рис. 1.12. Структурная схема контура тока возбуждения.

Объектом регулирования данного контура является комбинация апериодического и форсирующего звеньев

$$W_{\rm O/B}(p) = \frac{1/R_{\rm B} \cdot (T_{\rm BT} \cdot p + 1)}{(T_{\rm B} + T_{\rm BT}) \cdot p + 1}.$$
(1.60)

Для компенсации форсирующего звена в канале обратной связи устанавливается апериодический фильтр с параметрами

$$K_{\Phi TB} = 1, \ T_{\Phi TB} = T_{BT}.$$
 (1.61)

Тогда произведение передаточных функций объекта и фильтра

$$W_{\text{O/B}}(p) \cdot W_{\Phi\text{TB}}(p) = \frac{1/R_{\text{B}}}{(T_{\text{B}} + T_{\text{BT}}) \cdot p + 1}.$$
(1.62)

Включим в малую постоянную времени контура постоянные времени преобразователя и датчика тока возбуждения  $T_{\mu/B} = T_{\Pi\Pi B} + T_{\Pi\Pi B}$  (или по формуле (1.30)). Теперь для настройки на технический оптимум необходим ПИ-регулятор

$$W_{\rm PTB}(p) = K_{\rm PTB} \cdot \frac{T_{\rm PTB} \cdot p + 1}{T_{\rm PTB} \cdot p}$$
(1.63)

с параметрами

$$T_{\rm PTB} = T_{\rm B} + T_{\rm BT}, \ K_{\rm PTB} = \frac{R_{\rm B} \cdot T_{\rm PTB}}{K_{\rm TTB} \cdot K_{\rm OTB}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu/B}}.$$
(1.64)

Поскольку в канале обратной связи присутствует апериодическое звено, постоянная времени которого не входит в малую постоянную времени контура, то передаточная функция замкнутого контура тока возбуждения будет иметь вид

$$\Phi_{IB}(p) \approx \frac{1/K_{OTB} \cdot (T_{\Phi TB} \cdot p + 1)}{2 \cdot T_{\mu IB} \cdot p + 1}.$$
(1.65)

Структурная схема контура ЭДС приведена на рис. 1.13.



Рис. 1.13. Структурная схема контура ЭДС.

Выражение для ЭДС в операторной форме, из уравнения электрического равновесия якорной цепи

$$e_{\mathfrak{R}} = u_{\mathfrak{R}} - i_{\mathfrak{R}} \cdot R_{\mathfrak{R}} \cdot (T_{\mathfrak{R}} \cdot p + 1) = (T_{\mathfrak{R}} \cdot p + 1) \cdot \left( u_{\mathfrak{R}} \cdot \frac{1}{T_{\mathfrak{R}} \cdot p + 1} - i_{\mathfrak{R}} \cdot R_{\mathfrak{R}} \right).$$

По полной структурной схеме (рис. 1.5) напряжение обратной связи по ЭДС равно

$$u_{\rm OE} = K_{\rm BM} \cdot \left( u_{\rm R} \cdot \frac{K_{\rm OH}}{T_{\rm ZH} \cdot p + 1} - i_{\rm R} \cdot \frac{K_{\rm T} \cdot K_{\rm OT}}{T_{\rm ZT} \cdot p + 1} \right)$$

Умножив и разделив на  $T_{\rm ДH} \cdot p + 1$  и учтя, что  $T_{\rm ДH} >> T_{\rm ДT}$ , получим

$$u_{\rm OE} = K_{\rm BM} \cdot \frac{T_{\rm ДH} \cdot p + 1}{T_{\rm ДH} \cdot p + 1} \cdot \left( u_{\rm g} \cdot \frac{K_{\rm OH}}{T_{\rm ДH} \cdot p + 1} - i_{\rm g} \cdot K_{\rm T} \cdot K_{\rm OT} \right).$$

Теперь, сравнив полученное выражение с выражением для ЭДС, можно заметить, что постоянную времени датчика напряжения надо выбирать равной  $T_{\Pi H} = T_{g}$ . При этом

$$u_{\rm OE} = \frac{K_{\rm OE}}{T_{\rm ДH} \cdot p + 1} \cdot e_{\rm g} = \frac{K_{\rm OE}}{T_{\rm g} \cdot p + 1} \cdot e_{\rm g} \,.$$

Передаточная функция объекта управления контура ЭДС имеет вид

$$W_{\rm OE}(p) = \frac{k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} \cdot \Omega_{\rm HAH}}{T_{\rm BT} \cdot p + 1}$$
(1.66)

Но в передаточной функции замкнутого контура тока возбуждения (1.65) имеется форсирующее звено с постоянной времени  $T_{\Phi TB} = T_{BT}$  (1.61). В результате в прямом канале контура получим

$$W_{\rm OE}(p) \cdot \Phi_{IB}(p) = \frac{k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} \cdot \Omega_{\rm HAU} \cdot 1/K_{\rm OTB}}{2 \cdot T_{\rm u/B} \cdot p + 1}.$$

Т.о. объект регулирования – безинерционный и, для настройки на технический оптимум необходим И-регулятор. При этом малая постоянная времени контура определяется малой постоянными времени контура тока возбуждения и датчика напряжения  $T_{\mu E} = 2 \cdot T_{\mu J B} + T_{Z H}$  (или по формуле (1.30)).

$$W_{\rm PE}(p) = \frac{1}{T_{\rm PE} \cdot p}, \qquad (1.67)$$

$$T_{\rm PE} = \frac{k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} \cdot \Omega_{\rm HA4} \cdot K_{\rm OE}}{K_{\rm OTB}} \cdot 2 \cdot T_{\mu \rm E}.$$
(1.68)

В качестве  $\Omega_{\rm HAY}$  необходимо взять значение, которое даст максимальный коэффициент передачи контура, т.е.  $\Omega_{\rm HAY} = \omega_{MAX}$ .

В малую постоянную времени контура ЭДС входит  $T_{\rm дH} = T_{\rm g}$ , которая обычно больше малых постоянных времени. Это, в большинстве случаев, позволяет разделить по быстродействию контура регулирования скорости и ЭДС, для исключения их взаимного влияния. Если малые постоянные времени контуров скорости и ЭДС оказываются соизмеримыми, то необходимо искусственно снизить быстродействие контура ЭДС.

Ограничение регуляторов тока якоря и возбуждения выбирается так, чтобы максимальное значение управляющего напряжения было равным максимальному значению опорного напряжения СИФУ соответствующих преобразователей

$$U_{\text{PTOFP}\pm} = \pm U_{\text{OП MAX}} \quad (\text{при отсутствии } \Phi \Pi \text{E}), \text{ или}$$
$$U_{\text{PTOFP}\pm} = \pm \frac{R_{\text{g}} \cdot I_{\text{H}} \cdot \lambda_{I}}{K_{\text{TH}}} \quad (\text{при наличии } \Phi \Pi \text{E}),$$
$$U_{\text{PTBOFP}-} = 0, \quad U_{\text{PTBOFP}+} = U_{\text{OП MAX B}}, \quad (1.69)$$

где λ<sub>1</sub> – перегрузочная способность двигателя (кратковременная). Уровень ограничения регулятора скорости должен соответствовать заданию максимально допустимого тока якоря для двухконтурной системы или максимальному значению опорного напряжения СИФУ – для одноконтурной

$$U_{\rm PCOFP} = \pm K_{\rm OT} \cdot I_{\rm H} \cdot \lambda_I,$$
или  $U_{\rm PCOFP} = \pm U_{\rm OTI MAX}.$  (1.70)

Поскольку по принципу действия двухзонной системы управления ток возбуждения не должен превышать номинального значения, уровень ограничения регулятора ЭДС должен быть равным

$$U_{\rm PE\,OFP-} = 0, \ U_{\rm PE\,OFP+} = K_{\rm OTB} \cdot I_{\rm BH}.$$
 (1.71)

Для режима прерывистого тока следует произвести синтез регуляторов якорного канала на технический оптимум с учетом изменений структуры и параметров объектов регулирования. При переходе якорного преобразователя в режим прерывистого тока (для преобразователя канала возбуждения режим прерывистого тока отсутствует из-за значительной индуктивности обмотки возбуждения) электромагнитные процессы якорной цепи не оказывают влияния на среднее значение тока, поскольку он начинает возрастать и обратно спадает до нуля за один интервал проводимости тиристоров. Поэтому при синтезе регуляторов якорного канала для режима прерывистого тока следует принять  $T_{\rm g} = 0$ . Также следует учесть изменение коэффициента передачи преобразователя ( $K_{\rm TII}$ , определенный в п. 1.3) и сопротивления якорной цепи ( $R_{\rm g}$ ', определяемый по (1.24)).

**Пример 6**. Синтез контура регулирования тока двухзонной САУ (условие пренебрежения обратной связью по ЭДС выполняется)

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0,15 \, {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ .

Рассчитаем недостающие параметры. Суммарный момент инерции

$$J = J_{\Pi} + J_{M} = 0.047 + 0.15 = 0.197 \text{ kg} \cdot \text{m}^{2}$$
.

Электромеханическая постоянная времени (1.35)

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot R_{\rm g}}{\left(k \Phi_{\rm HAY}\right)^2} = \frac{0.197 \cdot 1.866}{2.05^2} = 87.5 \,\,{\rm mc} \,\,.$$

Пренебрегая инерционностью датчика тока определим малую постоянную времени контура тока

$$T_{\rm ull} = T_{\rm TTI} + T_{\rm JTT} = 4.3 \cdot 10^{-3} + 0 = 4.3 \,\mathrm{Mc}$$
.

Проверяем условие пренебрежения внутренней обратной связью по ЭДС якоря  $T_{\rm M} > 20 \cdot T_{\mu\nu}$  (87,5 мс >  $20 \cdot 4,3 = 86$  мс), значит, внутренней обратной связью по ЭДС якоря можно пренебречь. Тогда передаточная функция объекта управления контура тока примет вид (1.44)

$$W_{\rm OI}(p) = \frac{1/R_{\rm g}}{T_{\rm g} \cdot p + 1}.$$

Для настройки на технический оптимум, необходим ПИ-регулятор (1.45), (1.46)

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{T_{\rm PT} \cdot p + 1}{T_{\rm PT} \cdot p}, \ T_{\rm PT} = T_{\rm S} = 5,6 \,\,\mathrm{Mc} \,,$$
$$K_{\rm PT} = \frac{R_{\rm S} \cdot T_{\rm PT}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OT}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu l}} = \frac{1,866 \cdot 5,6 \cdot 10^{-3}}{34,6 \cdot 0,208} \cdot \frac{1}{2 \cdot 4,3 \cdot 10^{-3}} = 0,169 \,.$$

**Пример 7**. Синтез контура регулирования тока двухзонной CAV (условие пренебрежения обратной связью по ЭДС не выполняется,  $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$ )

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0.076 \, {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ .

Рассчитаем недостающие параметры. Суммарный момент инерции

$$J = J_{\perp} + J_{\rm M} = 0,047 + 0,076 = 0,123 \,\mathrm{kg} \cdot \mathrm{m}^2.$$

Минимальное значение произведения конструктивной постоянной на магнитный поток (1.47)

$$k\Phi_{MIN} = k\Phi_{\rm H} \cdot \frac{\omega_{\rm H}}{\omega_{MAX}} = 2,05 \cdot \frac{92,24}{523,6} = 0,361\,{\rm B6}$$

Электромеханическая постоянная времени (1.35)

$$T_{\rm M\,MIN} = \frac{J \cdot R_{\rm R}}{\left(k\Phi_{\rm H}\right)^2} = \frac{0.123 \cdot 1.866}{2.05^2} = 54.6 \,\,{\rm mc} \,, \ T_{\rm M\,MAX} = \frac{J \cdot R_{\rm R}}{\left(k\Phi_{\rm MIN}\right)^2} = \frac{0.123 \cdot 1.866}{0.361^2} = 1.76 \,\,{\rm c} \,.$$

Пренебрегая инерционностью датчика тока определим малую постоянную времени контура тока

$$T_{\mu I} = T_{\text{TTI}} + T_{\text{JT}} = 4,3 \cdot 10^{-3} + 0 = 4,3 \text{ Mc}$$
.

Проверяем условие пренебрежения внутренней обратной связью по ЭДС якоря  $T_{\rm M} > 20 \cdot T_{\mu l}$  (54,6 мс  $< 20 \cdot 4,3 = 86$  мс), значит, внутренней обратной связью по ЭДС якоря пренебречь нельзя. Проверяем соотношение электромеханической постоянной времени и постоянной времени якоря  $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$  (54,6 мс  $> 4 \cdot 5,6 = 22,4$  мс). Тогда передаточная функция объекта управления контура тока примет вид (1.40)

$$W_{\text{OI}}(p) = \frac{1/R_{\text{R}} \cdot T_{\text{M}} \cdot p}{(T_{\text{J}1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\text{J}2} \cdot p + 1)}$$

с параметрами (1.36), (1.37), (1.39)

$$\begin{split} T_{\Pi} &= \sqrt{T_{\mathrm{M}} \cdot T_{\mathrm{H}}} = \sqrt{54, 6 \cdot 10^{-3} \cdot 5, 6 \cdot 10^{-3}} = 17,49 \,\,\mathrm{mc} \,\,, \,\, \xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T_{\mathrm{M}}}{T_{\mathrm{H}}}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{54, 6 \cdot 10^{-3}}{5, 6 \cdot 10^{-3}}} = 1,56 \,, \\ T_{\Pi^{1}} &= T_{\Pi} \cdot \left(\xi + \sqrt{\xi^{2} - 1}\right) = 17,49 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1,56 + \sqrt{1,56^{2} - 1}\right) = 30,74 \,\,\mathrm{mc} \,, \\ T_{\Pi^{2}} &= T_{\Pi} \cdot \left(\xi - \sqrt{\xi^{2} - 1}\right) = 17,49 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1,56 - \sqrt{1,56^{2} - 1}\right) = 23,83 \,\,\mathrm{mc} \,. \end{split}$$

Для настройки на технический оптимум, необходим ПИД-И-регулятор (1.41) – (1.43)

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{(T_{\rm PT1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PT2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PT1} \cdot p^2}, \ T_{\rm PT1} = T_{\rm J1} = 30,74 \text{ Mc}, \ T_{\rm PT2} = T_{\rm J2} = 23,83 \text{ Mc},$$
$$K_{\rm PT} = \frac{R_{\rm R} \cdot T_{\rm PT1}}{K_{\rm TT1} \cdot K_{\rm OT} \cdot T_{\rm MMAX}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu I}} = \frac{1,866 \cdot 30,74 \cdot 10^{-3}}{34,6 \cdot 0,208 \cdot 1,76} \cdot \frac{1}{2 \cdot 4,3 \cdot 10^{-3}} = 0,527.$$

**Пример 8**. Синтез контура регулирования тока двухзонной CAV (условие пренебрежения обратной связью по ЭДС не выполняется,  $T_M < 4 \cdot T_8$ )

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0,002 \, {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ .

Рассчитаем недостающие параметры. Суммарный момент инерции

$$J = J_{\Pi} + J_{M} = 0,047 + 0,002 = 0,049 \,\mathrm{kg} \cdot \mathrm{m}^{2}$$
.

Минимальное значение произведения конструктивной постоянной на магнитный поток (1.47)

$$k\Phi_{MIN} = k\Phi_{\rm H} \cdot \frac{\omega_{\rm H}}{\omega_{MAX}} = 2,05 \cdot \frac{92,24}{523,6} = 0,361 \,{\rm B6} \,.$$

Электромеханическая постоянная времени (1.35)

$$T_{\rm MMAX} = \frac{J \cdot R_{\rm g}}{\left(k\Phi_{\rm H}\right)^2} = \frac{0.049 \cdot 1.866}{2.05^2} = 21.8 \,\,{\rm mc}\,, \ T_{\rm MMIN} = \frac{J \cdot R_{\rm g}}{\left(k\Phi_{\rm MIN}\right)^2} = \frac{0.049 \cdot 1.866}{0.361^2} = 0.702 \,\,{\rm c}\,.$$

Пренебрегая инерционностью датчика тока определим малую постоянную времени контура тока

$$T_{\mu I} = T_{\mathrm{TII}} + T_{\mathrm{JT}} = 4,3 \cdot 10^{-3} + 0 = 4,3 \, \mathrm{mc}$$
 .

Проверяем условие пренебрежения внутренней обратной связью по ЭДС якоря  $T_{\rm M} > 20 \cdot T_{\mu l}$  (21,8 мс  $< 20 \cdot 4,3 = 86$  мс), значит, внутренней обратной связью по ЭДС якоря пренебречь нельзя. Проверяем соотношение электромеханической постоянной времени и постоянной времени якоря  $T_{\rm M} < 4 \cdot T_{\rm g}$  (21,8 мс  $< 4 \cdot 5,6 = 22,4$  мс). Тогда передаточная функция объекта управления контура тока примет вид (1.38)

$$W_{\text{OI}}(p) = \frac{1/R_{\text{H}} \cdot T_{\text{M}} \cdot p}{(T_{\text{H}} \cdot p + 1)^2}$$

с параметрами (1.36), (1.37)

$$T_{\rm A} = \sqrt{T_{\rm M} \cdot T_{\rm A}} = \sqrt{21.8 \cdot 10^{-3} \cdot 5.6 \cdot 10^{-3}} = 11.05 \,\,\mathrm{mc} \ , \ \xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T_{\rm M}}{T_{\rm A}}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{21.8 \cdot 10^{-3}}{5.6 \cdot 10^{-3}}} = 0.987 \,.$$

Для настройки на технический оптимум, необходим ПИД-И-регулятор (1.41) – (1.43)

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{(T_{\rm PT1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PT2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PT1} \cdot p^2}, \ T_{\rm PT1} = T_{\rm PT2} = T_{\rm II} = 11,05 \text{ Mc},$$
$$K_{\rm PT} = \frac{R_{\rm II} \cdot T_{\rm PT1}}{K_{\rm TTI} \cdot K_{\rm OT} \cdot T_{\rm MMAX}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu I}} = \frac{1,866 \cdot 11,05 \cdot 10^{-3}}{34,6 \cdot 0,208 \cdot 0,702} \cdot \frac{1}{2 \cdot 4,3 \cdot 10^{-3}} = 0,475.$$

**Пример 9.** Синтез контура регулирования скорости двухзонной САУ с двумя контурами в якорном канале

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; синтез контура тока рассмотрен в примере 6; постоянная времени датчика скорости  $T_{\rm AC} = 1 \,\mathrm{mc}$ .

Малая постоянная времени контура скорости

$$T_{\mu\omega} = 2 \cdot T_{\mu I} + T_{\rm AC} = 2 \cdot 4,3 \cdot 10^{-3} + 1 \cdot 10^{-3} = 9,6 \ {\rm mc}$$
 .

Передаточная функция объекта управления контура (1.49)

$$W_{\rm Ow}(p) = \frac{k\Phi_{\rm HAY}}{J \cdot p}$$

и для настройки на технический оптимум необходим П-регулятор (для двухконтурной системы  $k\Phi_{\text{нач}} = k\Phi_{\text{H}}$ ) (1.50)

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} = \frac{K_{\rm OT} \cdot J}{K_{\rm OC} \cdot k\Phi_{\rm HA4}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}} = \frac{0,208 \cdot 0,197}{54,2 \cdot 10^{-3} \cdot 2,05} \cdot \frac{1}{2 \cdot 9,6 \cdot 10^{-3}} = 19,2.$$

Величина ошибки по возмущению (при скачке момента от 0 до номинального) (1.51)

$$\Delta \omega = -\frac{2 \cdot T_{\mu \omega}}{J} \cdot \Delta M_{\rm C} = -\frac{2 \cdot 9, 6 \cdot 10^{-3}}{0,197} \cdot 49, 2 = -4, 8 \frac{\text{pag}}{\text{c}}, \ \frac{\Delta \omega}{\omega_{\rm H}} = \frac{-4, 8}{92,24} = -5, 2 \%.$$

Поскольку величина ошибки превышает допустимую (5 %), то контур скорости необходимо настроить на симметричный оптимум. Тогда необходим ПИ-регулятор

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} \cdot \frac{T_{\rm PC} \cdot p + 1}{T_{\rm PC} \cdot p}, \ K_{\rm PC} = 19,2, \ T_{\rm PC} = 4 \cdot T_{\mu\omega} = 4 \cdot 9,6 \cdot 10^{-3} = 38,4 \,\,\mathrm{Mc}$$

**Пример 10**. Синтез контура регулирования скорости двухзонной САУ с одним контуром в якорном канале ( $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$ ,  $T_{\rm L1} > 4 \cdot T_{\rm uo}$ )

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0,15 \, {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ ; постоянная времени датчика скорости  $T_{\rm AC} = 1 \, {\rm mc}$ .

Рассчитаем недостающие параметры. Суммарный момент инерции

$$J = J_{\Pi} + J_{M} = 0.047 + 0.15 = 0.197 \text{ kg} \cdot \text{m}^{2}$$
.

Минимальное значение произведения конструктивной постоянной на магнитный поток (1.47)

$$k\Phi_{MIN} = k\Phi_{\rm H} \cdot \frac{\omega_{\rm H}}{\omega_{MAX}} = 2,05 \cdot \frac{92,24}{523,6} = 0,361\,{\rm B6}$$

Электромеханическая постоянная времени (для одноконтурной системы  $k\Phi_{HAY} = k\Phi_{MIN}$ ) (1.35)

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot R_{\rm g}}{(k \Phi_{\rm HAV})^2} = \frac{0.197 \cdot 1.866}{0.361^2} = 2.82 \,\mathrm{c} \,.$$

Проверяем соотношение электромеханической постоянной времени и постоянной времени якоря  $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$  (2,82 с > 4 · 5,6 = 22,4 мс). Тогда передаточная функция объекта управления контура скорости примет вид (1.54)

$$W_{O\omega}(p) = \frac{1/k\Phi_{HAY}}{(T_{J1} \cdot p + 1) \cdot (T_{J2} \cdot p + 1)}$$

с параметрами (1.36), (1.37), (1.39)

$$\begin{split} T_{\Pi} &= \sqrt{T_{\mathrm{M}} \cdot T_{\mathrm{H}}} = \sqrt{2,82 \cdot 5,6 \cdot 10^{-3}} = 0,126 \,\mathrm{c} \,\mathrm{c} \,\mathrm{c} \,\xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T_{\mathrm{M}}}{T_{\mathrm{H}}}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{2,82}{5,6 \cdot 10^{-3}}} = 11,22 \,\mathrm{,} \\ T_{\Pi 1} &= T_{\Pi} \cdot \left(\xi + \sqrt{\xi^{2} - 1}\right) = 0,126 \cdot \left(11,22 + \sqrt{11,22^{2} - 1}\right) = 2,82 \,\mathrm{c} \,\mathrm{,} \\ T_{\Pi 2} &= T_{\Pi} \cdot \left(\xi - \sqrt{\xi^{2} - 1}\right) = 0,126 \cdot \left(11,22 - \sqrt{11,22^{2} - 1}\right) = 5,6 \,\mathrm{Mc} \,\mathrm{.} \end{split}$$

И для настройки на технический оптимум необходим ПИД-регулятор (1.55)

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} \cdot \frac{(T_{\rm PC1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PC2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PC1} \cdot p}$$

Малая постоянная времени контура скорости

 $T_{\mu\omega} = T_{\text{TTI}} + T_{\text{ZC}} = 4,3 \cdot 10^{-3} + 1 \cdot 10^{-3} = 5,3 \text{ Mc}$  .

Поскольку  $T_{\rm Д1} = 2,82$  с достаточно велика, и выполняется условие  $T_{\rm Д1} > 4 \cdot T_{\mu\omega}$ (  $T_{\rm Д1} = 2,82$  с  $> 4 \cdot T_{\mu\omega} = 4 \cdot 5,3 \cdot 10^{-3} = 21,2$  мс ), то синтез регулятора произведем следующим образом (1.58)

$$T_{\rm PC1} = T_{\rm J2} = 5.6 \,\,\mathrm{Mc} \,, \ T_{\rm PC2} = 4 \cdot T_{\mu\omega} = 4 \cdot 5.3 \cdot 10^{-3} = 21.2 \,\,\mathrm{Mc} \,, \\ K_{\rm PC} = \frac{k\Phi_{\rm HA4} \cdot T_{\rm PC1}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}} \cdot \frac{T_{\rm J1}}{4 \cdot T_{\mu\omega}} = \frac{0.361 \cdot 5.6 \cdot 10^{-3}}{34.6 \cdot 54.2 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1}{2 \cdot 5.3 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{2.82}{4 \cdot 5.3 \cdot 10^{-3}} = 13.53 \,.$$

Либо (поскольку  $T_{d2} = 5,6$  мс соизмерима с  $T_{TTI} = 4,3$  мс), если позволяют требования по быстродействию можно за счет его снижения использовать более простой регулятор – ПИ. Тогда (1.59)

$$T_{\mu\omega} = T_{\Pi\Pi} + T_{\mu C} + T_{\mu 2} = 4,3 \cdot 10^{-3} + 1 \cdot 10^{-3} + 5,6 \cdot 10^{-3} = 10,9 \text{ Mc}, W_{PC}(p) = K_{PC} \cdot \frac{T_{PC} \cdot p + 1}{T_{PC} \cdot p}$$
$$T_{PC} = T_{\mu 1} = 2,82 \text{ c}, K_{PC} = \frac{k\Phi_{HA\Psi} \cdot T_{PC}}{K_{\Pi\Pi} \cdot K_{OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}} = \frac{0,361 \cdot 2,82}{34,6 \cdot 54,2 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1}{2 \cdot 10,9 \cdot 10^{-3}} = 24,9.$$

**Пример 11**. Синтез контура регулирования скорости однозонной САУ с одним контуром в якорном канале  $(T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm g})$ 

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователя и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0,02 \ {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ ; постоянная времени датчика скорости  $T_{\rm AC} = 1 \, {\rm mc}$ .

Рассчитаем недостающие параметры. Суммарный момент инерции

 $J = J_{\mu} + J_{m} = 0,047 + 0,02 = 0,067 \,\mathrm{kg} \cdot \mathrm{m}^{2}$ .

Электромеханическая постоянная времени (для однозонной системы  $k\Phi_{\rm HA4} = k\Phi_{\rm H}$ ) (1.35)

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot R_{\rm R}}{(k\Phi_{\rm HAY})^2} = \frac{0,067 \cdot 1,866}{2,05^2} = 29,7 \,\,{\rm mc} \,\,.$$

Проверяем соотношение электромеханической постоянной времени и постоянной времени якоря  $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm g}$  (29,7 мс > 4 · 5,6 = 22,4 мс). Тогда передаточная функция объекта управления контура скорости примет вид (1.54)

$$W_{\rm Ow}(p) = \frac{1/k\Phi_{\rm HAH}}{(T_{\rm J1}\cdot p+1)\cdot(T_{\rm J2}\cdot p+1)}$$

с параметрами (1.36), (1.37), (1.39)

$$\begin{split} T_{\mathrm{II}} &= \sqrt{T_{\mathrm{M}} \cdot T_{\mathrm{R}}} = \sqrt{29, 7 \cdot 10^{-3} \cdot 5, 6 \cdot 10^{-3}} = 12,9 \text{ mc}, \ \xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T_{\mathrm{M}}}{T_{\mathrm{R}}}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{29, 7 \cdot 10^{-3}}{5, 6 \cdot 10^{-3}}} = 1,15, \\ T_{\mathrm{II}} &= T_{\mathrm{II}} \cdot \left(\xi + \sqrt{\xi^2 - 1}\right) = 12,9 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1,15 + \sqrt{1,15^2 - 1}\right) = 22,16 \text{ mc}, \\ T_{\mathrm{II}} &= T_{\mathrm{II}} \cdot \left(\xi - \sqrt{\xi^2 - 1}\right) = 12,9 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1,15 - \sqrt{1,15^2 - 1}\right) = 7,5 \text{ mc}. \end{split}$$

И для настройки на технический оптимум необходим ПИД-регулятор (1.55)

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} \cdot \frac{(T_{\rm PC1} \cdot p + 1) \cdot (T_{\rm PC2} \cdot p + 1)}{T_{\rm PC1} \cdot p}$$

Малая постоянная времени контура скорости

$$T_{\mu\omega} = T_{\Pi\Pi} + T_{DC} = 4.3 \cdot 10^{-3} + 1 \cdot 10^{-3} = 5.3 \text{ Mc}$$

Параметры регулятора (1.56), (1.57)

$$T_{\rm PC1} = T_{\rm J1} = 22,16 \text{ mc}, \ T_{\rm PC2} = T_{\rm J2} = 7,5 \text{ mc},$$
$$K_{\rm PC} = \frac{k\Phi_{\rm HA4} \cdot T_{\rm PC1}}{K_{\rm TII} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu \omega}} = \frac{2,05 \cdot 22,16 \cdot 10^{-3}}{34,6 \cdot 54,2 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1}{2 \cdot 5,3 \cdot 10^{-3}} = 2,285.$$

**Пример 12.** Синтез контура регулирования тока возбуждения двухзонной САУ

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5.

Объектом регулирования данного контура является комбинация апериодического и форсирующего звеньев (1.60)

$$W_{\text{O/B}}(p) = \frac{1/R_{\text{B}} \cdot (T_{\text{BT}} \cdot p + 1)}{(T_{\text{B}} + T_{\text{BT}}) \cdot p + 1}$$

Параметры фильтра для компенсации форсирующей части объекта (1.61)

$$K_{\Phi \text{TB}} = 1, \ T_{\Phi \text{TB}} = T_{\text{BT}} = 0,028 \,\text{c}.$$

Пренебрегая инерционностью датчика определим малую постоянную времени контура

$$T_{\mu J \mathrm{B}} = T_{\mathrm{THB}} + T_{\mathrm{JTB}} = 10 \cdot 10^{-3} = 10 \,\mathrm{Mc}$$
 .

Для настройки на технический оптимум необходим ПИ-регулятор (1.63)

$$W_{\rm PTB}(p) = K_{\rm PTB} \cdot \frac{T_{\rm PTB} \cdot p + 1}{T_{\rm PTB} \cdot p}$$

с параметрами (1.64)

$$T_{\rm PTB} = T_{\rm B} + T_{\rm BT} = 0,28 + 0,028 = 0,308,$$
  
$$K_{\rm PTB} = \frac{R_{\rm B} \cdot T_{\rm PTB}}{K_{\rm THB} \cdot K_{\rm OTB}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\rm u/B}} = \frac{192 \cdot 0,308}{42,75 \cdot 8,73} \cdot \frac{1}{2 \cdot 10 \cdot 10^{-3}} = 7,92.$$

Пример 13. Синтез контура регулирования ЭДС двухзонной САУ

Двигатель 4ПФ112S, рассмотренный в примере 2; трансформатор ТСП-10/0,7-УХЛ4, рассмотренный в примере 3; расчет параметров преобразователей и структурной схемы рассмотрены в примерах 4 и 5; синтез контура тока возбуждения рассмотрен в примере 12.

Постоянная времени датчика напряжения, используемого для вычисления обратной связи по ЭДС

$$T_{\rm JH} = T_{\rm g} = 5,6 \, {\rm mc}$$
.

Объектом регулирования данного контура, с учетом фильтра в обратной связи по току возбуждения является безинерционное звено. Для настройки на технический оптимум необходим И-регулятор ( $\Omega_{\text{нач}} = \omega_{\text{мах}}$ ) (1.67), (1.68)

$$W_{\rm PE}(p) = \frac{1}{T_{\rm PE} \cdot p}, \ T_{\rm \mu E} = 2 \cdot T_{\rm \mu JB} + T_{\rm ZH} = 2 \cdot 10 \cdot 10^{-3} + 5.6 \cdot 10^{-3} = 25.6 \,\,\mathrm{mc} \,,$$
$$T_{\rm PE} = \frac{k \cdot k_{\Phi} \cdot w_{\rm B} \cdot \Omega_{\rm HA\Psi} \cdot K_{\rm OE}}{K_{\rm OTB}} \cdot 2 \cdot T_{\rm \mu E} = \frac{1.79 \cdot 523.6 \cdot 52.9 \cdot 10^{-3}}{8.73} \cdot 2 \cdot 25.6 \cdot 10^{-3} = 0.29 \,\,\mathrm{c} \,.$$

### 1.6. Синтез контуров регулирования методом желаемых частотных характеристик

Данный метод синтеза обычно применяется когда метод стандартных настроек контуров дает достаточно сложную структуру регуляторов, либо при сложной структуре объекта управления (например при двухмассовой схеме механической части). При этом по передаточной функции некомпенсированного разомкнутого контура (без регулятора) строится асимптотическая логарифмическая учета амплитудная характеристика контура. Затем по желаемым динамическим и статическим показателям желаемая логарифмическая амплитудная строится характеристика контура. Логарифмическая характеристика регулятора определяется путем геометрического вычитания характеристики некомпенсированного контура из желаемой. Вид полученной характеристики однозначно определяет передаточную функцию регулятора, а частоты сопряжения – его параметры.

При определении вида желаемых характеристик контуров необходимо исходить из следующего:

- 1. Частоты среза подчиненных контуров должны отличаться как минимум в 2 раза.
- 2. Контур скорости должен иметь частоту среза  $10...20 c^{-1}$ .
- 3. Среднечастотная область характеристики (в области частоты среза) должна иметь наклон 20 db/дек .
- 4. Низкочастотная область должна иметь наклон от 0 db/дек до −40 db/дек (причем, при наклоне 0 db/дек значение коэффициента передачи контура должно быть достаточно велико, чтобы быстродействие контура определялось частотой среза контура и можно было пренебречь ошибкой контура по управлению).
- 5. Высокочастотная область характеристики должна выбираться так, чтобы характеристика регулятора получилась как можно более простая (т.е. по возможности должна иметь изломы там, где они есть у характеристики некомпенсированного контура).
- 6. Для обеспечения достаточного запаса устойчивости по фазе соотношение частоты среза контура к частотам ближайших к ней точек излома характеристики должно быть не менее, чем 2.

При соблюдении указанных условий для синтеза внешнего контура внутренний можно представить эквивалентным апериодическим звеном

$$\Phi(p) = \frac{1/K_0}{T_2 \cdot p + 1} \tag{1.72}$$

где: *K*<sub>0</sub> – коэффициент передачи обратной связи контура,

 $T_{2}$  – эквивалентная постоянная времени контура, равная

$$T_{\Im} = \frac{1}{\omega_{\rm CP}} \tag{1.73}$$

где  $\omega_{\rm CP}$  – частота среза контура.

### 1.7. Оптимизация контуров регулирования по критерию Баттерворта

Суть данного способа оптимизации состоит в приведении характеристического уравнения замкнутого контура к стандартному виду. Вначале выполняется нормирование уравнения. Пусть общий вид уравнения

$$a_n \cdot p^n + a_{n-1} \cdot p^{n-1} + \ldots + a_1 \cdot p + a_0 = 0.$$

Для нормирования вводится оператор *s* 

$$s = p \cdot \sqrt[n]{\frac{a_n}{a_0}}, \ p = s \cdot \sqrt[n]{\frac{a_0}{a_n}}$$
(1.74)

и подставляется в уравнение

$$a_{n} \cdot \left(\frac{a_{0}}{a_{n}}\right)^{\frac{n}{n}} \cdot s^{n} + a_{n-1} \cdot \left(\frac{a_{0}}{a_{n}}\right)^{\frac{n-1}{n}} \cdot s^{n-1} + \dots + a_{1} \cdot \left(\frac{a_{0}}{a_{n}}\right)^{\frac{1}{n}} \cdot s + a_{0} = 0.$$

После деления на  $a_0$ , получим уравнение в нормированном виде

$$s^{n} + \frac{a_{n-1}}{a_{0}} \cdot \left(\frac{a_{0}}{a_{n}}\right)^{\frac{n-1}{n}} \cdot s^{n-1} + \dots + \frac{a_{1}}{a_{0}} \cdot \left(\frac{a_{0}}{a_{n}}\right)^{\frac{1}{n}} \cdot s + 1 = 0,$$
  

$$s^{n} + b_{n-1} \cdot s^{n-1} + \dots + b_{1} \cdot s + 1 = 0.$$
(1.75)

Коэффициенты нормированного характеристического уравнения приравниваются к коэффициентам стандартного уравнения в соответствии с выбранным критерием оптимизации. В результате решения полученной системы уравнений определяются параметры регулятора. В таблице 1.3 приведен вид уравнений для разложения по Баттерворту.

Таблица 1.3.

Нормированные характеристические уравнения.

	1			
Название способа оптимизации	Порядок уравнения п	Нормированное уравнение	σ, %	Длительность переходного процесса т <sub>пп</sub>
Разпожение по	2	$s^2 + \sqrt{2} \cdot s + 1$	4,3	2,8
Баттерворту	3	$s^3 + 2 \cdot s^2 + 2 \cdot s + 1$	7,1	5,9
(максимально	4	$s^4 + 2,6 \cdot s^3 + 3,4 \cdot s^2 + 2,6 \cdot s + 1$	12	6,9
гладкая АЧХ)	5	$s^{5} + 3,24 \cdot s^{4} + 5,24 \cdot s^{3} + 5,24 \cdot s^{2} + 3,24 \cdot s + 1$	9,5	7,8

Нормирование подобным образом характеристического уравнения равносильно применению нормирующей базовой частоты

$$\omega_{\rm b} = \sqrt[n]{\frac{a_0}{a_n}} \,. \tag{1.76}$$

Относительное время при этом  $\tau = \omega_{\rm F} \cdot t$ .

Порядок работы рассмотрим на примере оптимизации контура тока якоря. При точной настройке контура на технический оптимум необходим ПИД-И-регулятор. Однако при этом сильно усложняется наладка электропривода за счет большого количества регулируемых параметров регулятора. Применив ПИ-регулятор, с помощью данного критерия оптимизации можно получить достаточно удовлетворительные показатели.

Запишем передаточную функцию регулятора тока

$$W_{\rm PT}(p) = K_{\rm PT} \cdot \frac{T_{\rm PT} \cdot p + 1}{T_{\rm PT} \cdot p}$$

и передаточную функцию всего контура (пренебрегая инерционностью обратной связи по току)

$$\Phi_{\mathrm{T}}(p) = \frac{W_{\mathrm{T}}(p)}{W_{\mathrm{T}}(p) \cdot W_{\mathrm{OT}}(p) + 1} = \frac{K_{\mathrm{PT}} \cdot \frac{T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PT}} \cdot p} \cdot \frac{K_{\mathrm{TII}}}{T_{\mathrm{TII}} \cdot p + 1} \cdot \frac{1/R_{\mathrm{H}} \cdot T_{\mathrm{M}} \cdot p}{T_{\mathrm{M}} \cdot p \cdot (T_{\mathrm{H}} \cdot p + 1) + 1}}$$
$$= \frac{K_{\mathrm{PT}} \cdot \frac{T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PT}} \cdot p} \cdot \frac{K_{\mathrm{TII}}}{T_{\mathrm{TII}} \cdot p + 1} \cdot \frac{1/R_{\mathrm{H}} \cdot T_{\mathrm{M}} \cdot p}{T_{\mathrm{M}} \cdot p \cdot (T_{\mathrm{H}} \cdot p + 1) + 1} \cdot K_{\mathrm{OT}} + 1}$$

Для упрощения работы подставим все известные параметры в числовом виде. Пусть  $R_{\rm g} = 0,383 \,\text{Om}, T_{\rm g} = 28,7 \,\text{мc}, T_{\rm M} = 37,7 \,\text{мc}, K_{\rm TII} = 55,4, T_{\rm TII} = 3,33 \,\text{мc}, K_{\rm OT} = 0,058 \,\text{B/A}.$ 

$$\Phi_{\mathrm{T}}(p) = \frac{K_{\mathrm{PT}} \cdot \frac{T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PT}} \cdot p} \cdot \frac{5,453 \cdot p}{(3,33 \cdot 10^{-3} \cdot p + 1) \cdot (1,082 \cdot 10^{-3} \cdot p^{2} + 37,7 \cdot 10^{-3} \cdot p + 1)}}{K_{\mathrm{PT}} \cdot \frac{T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PT}} \cdot p} \cdot \frac{0,316 \cdot p}{(3,33 \cdot 10^{-3} \cdot p + 1) \cdot (1,082 \cdot 10^{-3} \cdot p^{2} + 37,7 \cdot 10^{-3} \cdot p + 1)}}{K_{\mathrm{PT}} \cdot 5,453 \cdot (T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1)} = \frac{K_{\mathrm{PT}} \cdot 5,453 \cdot (T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1)}{K_{\mathrm{PT}} \cdot 5,453 \cdot (T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1) \cdot (1,082 \cdot 10^{-3} \cdot p^{2} + 37,7 \cdot 10^{-3} \cdot p + 1)} = \frac{K_{\mathrm{PT}} \cdot 5,453 \cdot (T_{\mathrm{PT}} \cdot p + 1)}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\mathrm{PT}} \cdot p^{3} + 1,21 \cdot 10^{-3} \cdot T_{\mathrm{PT}} \cdot p^{2} + (0,316 \cdot K_{\mathrm{PT}} + 0,041) \cdot T_{\mathrm{PT}} \cdot p + (0,316 \cdot K_{\mathrm{PT}} + T_{\mathrm{PT}})}{K_{\mathrm{PT}} \cdot p^{2} + (0,316 \cdot K_{\mathrm{PT}} + 0,041) \cdot T_{\mathrm{PT}} \cdot p + (0,316 \cdot K_{\mathrm{PT}} + T_{\mathrm{PT}})}$$

Т.о. получили характеристическое уравнение контура

 $3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\rm PT} \cdot p^3 + 1,21 \cdot 10^{-3} \cdot T_{\rm PT} \cdot p^2 + (0,316 \cdot K_{\rm PT} + 0,041) \cdot T_{\rm PT} \cdot p + (0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}) = 0.$ Теперь, в соответствии с (1.74), сделаем подстановку

$$p = s \cdot \sqrt[3]{\frac{0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\rm PT}}} \cdot .$$
  
3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T\_{\rm PT} \cdot \frac{0,316 \cdot K\_{\rm PT} + T\_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T\_{\rm PT}} \cdot s^3 + 1,21 \cdot 10^{-3} \cdot T\_{\rm PT} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K\_{\rm PT} + T\_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T\_{\rm PT}}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot s^2 + (0,316 \cdot K\_{\rm PT} + 0,041) \cdot T\_{\rm PT} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K\_{\rm PT} + T\_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T\_{\rm PT}}\right)^{\frac{1}{3}} \cdot s + (0,316 \cdot K\_{\rm PT} + T\_{\rm PT}) = 0,  

$$(0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}) \cdot s^3 + 1,21 \cdot 10^{-3} \cdot T_{\rm PT} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\rm PT}}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot s^2 + (0,316 \cdot K_{\rm PT} + 0,041) \cdot T_{\rm PT} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\rm PT}}\right)^{\frac{1}{3}} \cdot s + (0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}) = 0.$$

Разделим на  $a_0 = 0,316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}$ 

$$s^{3} + \frac{1,21 \cdot 10^{-3} \cdot T_{\text{PT}}}{0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\text{PT}}}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot s^{2} + \frac{(0,316 \cdot K_{\text{PT}} + 0,041) \cdot T_{\text{PT}}}{0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}} \cdot \left(\frac{0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}}{3,6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\text{PT}}}\right)^{\frac{1}{3}} \cdot s + 1 = 0,$$

$$s^{3} + \frac{5,151 \cdot \sqrt[3]{T_{\text{PT}}}}{\sqrt[3]{0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}}} \cdot s^{2} + \frac{(0,316 \cdot K_{\text{PT}} + 0,041) \cdot \sqrt[3]{T_{\text{PT}}^{2}}}{0,015 \cdot \sqrt[3]{(0,316 \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}})^{2}}} \cdot s + 1 = 0.$$

Приравняем коэффициенты уравнения к стандартным значениям (табл. 1.3)

$$\begin{cases} \frac{5,151 \cdot \sqrt[3]{T_{\text{PT}}}}{\sqrt[3]{0,316} \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}}} = 2, \\ \frac{(0,316 \cdot K_{\text{PT}} + 0,041) \cdot \sqrt[3]{T_{\text{PT}}}^2}{0,015 \cdot \sqrt[3]{(0,316} \cdot K_{\text{PT}} + T_{\text{PT}})^2} = 2. \end{cases}$$

Решив полученную систему уравнений, найдем

$$K_{\rm PT} = 0.5, T_{\rm PT} = 9.82 \,\mathrm{mc}$$

Для синтеза внешнего контура скорости заменим контур тока эквивалентным апериодическим звеном

$$\Phi_I(p) = \frac{1/K_{\text{OT}}}{T_{\mathcal{H}} \cdot p + 1}.$$
(1.77)

Для нахождения эквивалентной постоянной времени контура тока  $T_{\Im}$  найдем базовую частоту по (1.76) и приведем к абсолютным значениям относительное время переходного процесса (из табл. 1.3)

$$\omega_{\rm E} = \sqrt[n]{\frac{a_0}{a_n}} = \sqrt[3]{\frac{0.316 \cdot K_{\rm PT} + T_{\rm PT}}{3.6 \cdot 10^{-6} \cdot T_{\rm PT}}} = \sqrt[3]{\frac{0.316 \cdot 0.5 + 9.82 \cdot 10^{-3}}{3.6 \cdot 10^{-6} \cdot 9.82 \cdot 10^{-3}}} = 168.1,$$
$$t_{\rm IIII} = \frac{\tau_{\rm IIII}}{\omega_{\rm E}} = \frac{5.9}{168.1} = 35 \,\,{\rm Mc} \,\,.$$

Теперь, приближенно примем

$$T_{\ni I} \approx \frac{t_{\Pi\Pi}}{4} = \frac{35 \cdot 10^{-3}}{4} = 8,75 \text{ Mc}$$

Синтез регулятора скорости производится в том же порядке с учетом замены контура тока якоря эквивалентным звеном (1.77).

### 1.8. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом»

Переходные процессы следует рассчитывать по полной не преобразованной структурной схеме (с учетом ограничения регуляторов), приведенной на рис. 1.5. Переходные процессы, рассчитываемые для однозонного электропривода приведены в табл. 1.4 и 1.5, для двухзонного – в табл. 1.6 и 1.7. Если в переходных процессах «в малом» регуляторы войдут в ограничения, то следует уменьшить величину скачка входного сигнала.

### Таблица 1.4.

Переходные процессы для однозонной системы управления (синтез методом стандартных настроек контуров).

N⁰	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	По управлению «в малом», $u_{\rm 3C} = 0.01 \cdot U_{\rm 3CH}$	
2	По моменту сопротивления «в малом», $M_{\rm C} = 0.01 \cdot M_{\rm H}$	University
3	По напряжению сети «в малом», $U_{\rm C} = 0.01 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	пулевые
4	Пуск на холостом ходу, $u_{3C} = U_{3CH}$ , $M_C = 0,1 \cdot M_H$	
5	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	<b>H</b> 4
6	По напряжению сети, $U_{\rm C} = 0, 1 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	11. 4

Таблица 1.5.

#### Переходные процессы для однозонной системы управления (синтез методом стандартных настроек контуров для режима прерывистого тока, синтез по желаемым характеристикам, синтез по критерию Баттерворта).

N⁰	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	По управлению «в малом», $u_{3C} = 0,01 \cdot U_{3CH}$	
2	По моменту сопротивления «в малом», $M_{\rm C} = 0,01 \cdot M_{\rm H}$	Uuranua
3	По напряжению сети «в малом», $U_{\rm C} = 0.01 \cdot U_{\rm 2H\Phi}$	пулевые
4	Пуск на холостом ходу, $u_{3C} = U_{3CH}$ , $M_C = 0, 1 \cdot M_H$	
5	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	н 4
6	По напряжению сети, $U_{\rm C} = 0,1 \cdot U_{\rm 2H\Phi}$	11. 4

### Таблица 1.6.

# Переходные процессы для двухзонной системы управления (синтез методом стандартных настроек контуров).

N⁰	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	Подача возбуждения, $u_{3E} = U_{3EH}$	Нулевые
2	По заданию скорости «в малом», $u_{\rm 3C} = 0.01 \cdot U_{\rm 3CH}$	
3	По моменту сопротивления «в малом», $M_{\rm C} = 0.01 \cdot M_{\rm H}$	- 1
4	По напряжению сети «в малом», $U_{\rm C} = 0,01 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	11. 1
5	Пуск на холостом ходу, $u_{3C} = 0.9 \cdot U_{3CH}$ , $M_{C} = 0.1 \cdot M_{H}$	
6	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	
7	По напряжению сети, $U_{\rm C} = 0, 1 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	п. 5
8	Переход во 2-ую зону, $u_{3C} = 1, 2 \cdot U_{3CH}$	
9	По заданию скорости «в малом», $u_{3C} = 1,3 \cdot U_{3CH}$	
10	По заданию ЭДС «в малом», $u_{3E} = 0.9 \cdot U_{3EH}$	- 9
11	По моменту сопротивления «в малом», $M_{\rm C} = 0,1 \cdot M_{\rm H}$	11. 0
12	По напряжению сети «в малом», $U_{\rm C} = 0, 1 \cdot U_{\rm 2H\Phi}$	

### Таблица 1.7.

Переходные процессы для двухзонной системы управления (синтез методом стандартных настроек контуров для режима прерывистого тока, синтез по желаемым характеристикам, синтез по критерию Баттерворта).

N⁰	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	Подача возбуждения, $u_{3E} = U_{3EH}$	Нулевые
2	По управлению «в малом», $u_{\rm 3C} = 0.01 \cdot U_{\rm 3CH}$	
3	По моменту сопротивления «в малом», $M_{\rm C} = 0.01 \cdot M_{\rm H}$	<b>m</b> 1
4	По напряжению сети «в малом», $U_{\rm C} = 0,01 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	11. 1
5	Пуск на холостом ходу, $u_{3C} = 0.9 \cdot U_{3CH}$ , $M_{C} = 0.1 \cdot M_{H}$	
6	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	<b>H</b> 5
7	По напряжению сети, $U_{\rm C} = 0, 1 \cdot U_{2{\rm H}\Phi}$	11. 5

### 2. Расчет электроприводов переменного тока

### 2.1. Выбор электродвигателя и расчет его параметров

Выбор электродвигателя осуществляется также по заданным требуемым мощности и частоте вращения. При существенном отличии номинальной частоты вращения также необходимо завышать мощность, пересчитав ее через требуемый момент и номинальную частоту.

Если в справочнике параметры схемы замещения приведены в относительных единицах, то необходимо их привести к абсолютным

$$x = x^{\circ} \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}}, \ R = R^{\circ} \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}}$$
(2.1)

где: *I*<sub>н</sub> – номинальный ток (A)

$$U_{\rm H} = \frac{P_{\rm H}}{3 \cdot U_{\rm H} \cdot \eta_{\rm H} \cdot \cos \varphi_{\rm H}}, \qquad (2.2)$$

 $U_{\rm H}$  – номинальное фазное напряжение (В),

η<sub>н</sub> – номинальный КПД – КПД при нагрузке 100 % (о.е.),

соя  $\phi_{\rm H}$  – номинальный коэффициент мощности – при нагрузке 100 % (о.е.).

Активные сопротивления схемы замещения соответствуют активным сопротивлениям обмотки фазы, а индуктивности статора и ротора следует рассчитывать по соотношениям

$$L_1 = L_{\sigma 1} + L_{12}, \ L_2 = L_{\sigma 2} + L_{12} \tag{2.3}$$

где:  $L_{\sigma_1}, L_{\sigma_2}$  – индуктивности рассеяния статора и ротора, соответственно

$$L_{\sigma 1} = \frac{x_1}{\omega_{\rm C}}, \ L_{\sigma 2} = \frac{x_2}{\omega_{\rm C}},$$
 (2.4)

 $L_{12}$  – взаимоиндуктивность между обмотками статора и ротора

$$L_{12} = \frac{x_{\mu}}{\omega_{\rm C}} \,. \tag{2.5}$$

Индуктивность рассеяния двигателя для моделей скалярного (частотного) и векторного управления, соответственно

$$L'_{\sigma} = \frac{L_1 \cdot L_2 - {L_{12}}^2}{L_1}, \ L''_{\sigma} = \frac{L_1 \cdot L_2 - {L_{12}}^2}{L_2}$$
(2.6)

 $(L'_{\sigma} \approx L''_{\sigma} \approx L_{\sigma 1} + L_{\sigma 2}).$ 

Коэффициенты электромагнитной связи статора и ротора, соответственно

$$K_1 = \frac{L_{12}}{L_1}, \ K_2 = \frac{L_{12}}{L_2}.$$
 (2.7)

Номинальные параметры двигателя определяются следующим образом: - номинальная угловая скорость вращения (<sup>рад</sup>/<sub>с</sub>)

$$\omega_{\rm H} = \omega_{\rm 0H} \cdot (1 - s_{\rm H}), \ \omega_{\rm ЭЛH} = \omega_{\rm 0ЭЛH} \cdot (1 - s_{\rm H}) = \omega_{\rm H} \cdot p_{\rm Д}$$
(2.8)

где:  $s_{\rm H}$  – номинальное скольжение (o.e.),

 $\omega_{0H}$  – синхронная скорость при номинальной частоте напряжения (<sup>рад</sup>/<sub>c</sub>)

$$\omega_{0H} = \frac{\omega_{0\Im\Pi H}}{p_{\Lambda}}, \qquad (2.9)$$

 $\omega_{0 \to \pi H}$  – номинальная синхронная скорость поля статора ( $\omega_{0 \to \pi H} = \omega_C$ );

номинальный момент (Н·м)

$$M_{\rm H} = \frac{P_{\rm H}}{\omega_{\rm H}}; \qquad (2.10)$$

номинальное потокосцепление статора (Вб)

$$\Psi_{\rm 1H} = \sqrt{\frac{\left(\frac{R_2}{s_{\rm H}}\right)^2 + (x_1 + x_2)^2}{\left(R_1 + \frac{R_2}{s_{\rm H}}\right)^2 + \left[\frac{R_1}{x_{\mu}} \cdot \frac{R_2}{s_{\rm H}} - (x_1 + x_2)\right]^2} \cdot \frac{U_{\rm H}}{\omega_{0\Im\Pi}}; \qquad (2.11)$$

номинальное потокосцепление ротора (Вб)

$$\Psi_{2H} = \frac{\frac{R_2}{s_H}}{\sqrt{\left(\frac{R_2}{s_H}\right)^2 + (x_1 + x_2)^2}} \cdot \Psi_{1H}.$$
 (2.12)

Следует также помнить, что номинальные параметры: напряжение, ток, потокосцепление, следует привести от трехфазной к двухфазной модели, используя коэффициент согласования

$$k_{\rm C} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$
 (2.13)

Пример 14. Расчет параметров двигателя 4A100S4У3

Из справочника [6, табл. 2.1, 3.1] выпишем параметры двигателя:

- 1. Мощность  $P_{\rm H} = 3 \, \mathrm{\kappa Br}$ .
- 2. Номинальное фазное напряжение  $U_{\rm H} = 220 \, {\rm B}$ .
- 3. Номинальный КПД  $\eta_{\rm H} = 82 \%$ .
- 4. Номинальный коэффициент мощности  $\cos \varphi_{\rm H} = 0.83$ .
- 5. Синхронная частота вращения  $n_0 = 1500 \frac{\text{об}}{\text{мин}}$ .
- 6. Активное сопротивление статора  $R'_1 = 0,078$  о.е.
- 7. Индуктивное сопротивление статора  $x'_1 = 0,079$  о.е.
- 8. Активное сопротивление ротора  $R_2'' = 0,053$  о.е.
- 9. Индуктивное сопротивление ротора  $x_2'' = 0,13$  о.е.
- 10. Индуктивное сопротивление цепи намагничивания  $x_{\mu} = 2,2$  о.е.
- 11. Номинальное скольжение  $s_{\rm H} = 4,4 \%$ .
- 12. Момент инерции двигателя  $J_{II} = 0,0087 \, \mathrm{kr} \cdot \mathrm{m}^2$ .

Рассчитаем недостающие параметры двигателя. Номинальный ток

$$I_{\rm H} = \frac{P_{\rm H}}{3 \cdot U_{\rm H} \cdot \eta_{\rm H} \cdot \cos \varphi_{\rm H}} = \frac{3 \cdot 10^3}{3 \cdot 220 \cdot 0.82 \cdot 0.83} = 6.68 \, \text{A} \, .$$

Приведем сопротивления к абсолютным единицам

$$\begin{split} R_{\rm I} &= R_{\rm I}' \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}} = 0,078 \cdot \frac{220}{6,68} = 2,57 \,\,{\rm Om}\,, \ R_{\rm 2} = R_{\rm 2}'' \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}} = 0,053 \cdot \frac{220}{6,68} = 1,746 \,\,{\rm Om}\,, \\ x_{\rm 1} &= x_{\rm 1}' \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}} = 0,079 \cdot \frac{220}{6,68} = 2,6 \,\,{\rm Om}\,, \ x_{\rm 2} = x_{\rm 2}'' \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}} = 0,13 \cdot \frac{220}{6,68} = 4,28 \,\,{\rm Om}\,, \\ x_{\mu} &= x_{\mu} \cdot \frac{U_{\rm H}}{I_{\rm H}} = 2,2 \cdot \frac{220}{6,68} = 72,46 \,\,{\rm Om}\,. \end{split}$$

Угловая скорость вращения напряжения сети

$$\omega_{\rm C} = 2 \cdot \pi \cdot f_{\rm C} = 2 \cdot \pi \cdot 50 = 314,16 \frac{\text{pag}}{\text{c}}$$

Индуктивности рассеяния статора и ротора

$$L_{\sigma 1} = \frac{x_1}{\omega_{\rm C}} = \frac{2.6}{314,16} = 8,28 \,{\rm mFH} \,, \ L_{\sigma 2} = \frac{x_2}{\omega_{\rm C}} = \frac{4,28}{314,16} = 13,62 \,{\rm mFH} \,.$$

Взаимоиндуктивность между обмотками статора и ротора

$$L_{12} = \frac{x_{\mu}}{\omega_{\rm C}} = \frac{72,46}{314,16} = 230,64 \,\,{\rm mTH}$$

Индуктивности статора и ротора

$$\begin{split} L_{\rm l} &= L_{\rm gl} + L_{\rm l2} = 8,28 \cdot 10^{-3} + 230,64 \cdot 10^{-3} = 238,92 \, {\rm mGH} \, , \\ L_{\rm 2} &= L_{\rm g2} + L_{\rm l2} = 13,62 \cdot 10^{-3} + 230,64 \cdot 10^{-3} = 244,26 \, {\rm mGH} \, . \end{split}$$

Индуктивность рассеяния двигателя для моделей скалярного (частотного) и векторного управления, соответственно

$$L'_{\sigma} = \frac{L_1 \cdot L_2 - L_{12}^2}{L_1} = \frac{238,92 \cdot 10^{-3} \cdot 244,26 \cdot 10^{-3} - (230,64 \cdot 10^{-3})^2}{238,92 \cdot 10^{-3}} = 21,61 \text{ MFH},$$
  
$$L''_{\sigma} = \frac{L_1 \cdot L_2 - L_{12}^2}{L_2} = \frac{238,92 \cdot 10^{-3} \cdot 244,26 \cdot 10^{-3} - (230,64 \cdot 10^{-3})^2}{244,26 \cdot 10^{-3}} = 21,14 \text{ MFH}.$$

Коэффициенты электромагнитной связи статора и ротора

$$K_1 = \frac{L_{12}}{L_1} = \frac{230,64 \cdot 10^{-3}}{238,92 \cdot 10^{-3}} = 0,965, \ K_2 = \frac{L_{12}}{L_2} = \frac{230,64 \cdot 10^{-3}}{244,26 \cdot 10^{-3}} = 0,944.$$

Синхронная скорость при номинальной частоте напряжения

$$\omega_{0H} = \frac{\omega_{0 \ni \pi H}}{p_{\pi}} = \frac{\omega_{C}}{p_{\pi}} = \frac{314,16}{2} = 157,08 \frac{\text{pag}}{\text{c}}.$$

Номинальная угловая скорость вращения

$$ω_{\rm H} = ω_{\rm 0H} \cdot (1 - s_{\rm H}) = 157,08 \cdot (1 - 0,044) = 150,17 \frac{\rm pag}{\rm c},$$
  
 $ω_{\rm ЭЛH} = ω_{\rm H} \cdot p_{\rm A} = 150,17 \cdot 2 = 300,34 \frac{\rm pag}{\rm c}.$ 

Номинальный момент

$$M_{\rm H} = \frac{P_{\rm H}}{\omega_{\rm H}} = \frac{3000}{150,17} = 19,98 \,{\rm H} \cdot {\rm m} \,.$$

Номинальное потокосцепление статора

$$\Psi_{1H} = \sqrt{\frac{\left(\frac{R_2}{s_H}\right)^2 + (x_1 + x_2)^2}{\left(R_1 + \frac{R_2}{s_H}\right)^2 + \left[\frac{R_1}{x_\mu} \cdot \frac{R_2}{s_H} - (x_1 + x_2)\right]^2} \cdot \frac{U_H}{\omega_{0:3,1}}}{\left(\frac{1,746}{0,044}\right)^2 + (2,6+4,28)^2} = \sqrt{\frac{\left(\frac{1,746}{0,044}\right)^2 + (2,6+4,28)^2}{\left(2,57 + \frac{1,746}{0,044}\right)^2 + \left[\frac{2,57}{72,46} \cdot \frac{1,746}{0,044} - (2,6+4,28)\right]^2} \cdot \frac{220}{314,16}} = 0,662 \text{ B6.}$$

Номинальное потокосцепление ротора

$$\Psi_{2H} = \frac{\frac{R_2}{s_H}}{\sqrt{\left(\frac{R_2}{s_H}\right)^2 + (x_1 + x_2)^2}} \cdot \Psi_{1H} = \frac{\frac{1,746}{0,044}}{\sqrt{\left(\frac{1,746}{0,044}\right)^2 + (2,6+4,28)^2}} \cdot 0,662 = 0,652 \text{ B6}.$$

Коэффициент согласования при пересчете от трехфазной к двухфазной модели

$$k_{\rm C} = \sqrt{\frac{3}{2}} = 1,225$$
.

# 2.2. Расчет параметров модели системы частотного управления

Структурная схема линеаризованной упрощенной модели системы частотного управления асинхронным двигателем представлена на рис. 2.1.

Для определения начальных значений переменных в рабочей точке  $U_1$ ,  $\Omega_0$  необходимо решить систему уравнений, состоящей из выражения электромагнитного момента двигателя и закона частотного управления. Для механизмов с сухим трением требуется постоянство критического момента, что обеспечивается при  $U_1^2/\omega_0 = const$ . Тогда система уравнений будет иметь вид

$$\begin{cases} M_{\rm P} = \frac{3 \cdot U_1^2 \cdot \frac{R_2 \cdot \Omega_0}{\Omega_0 - \omega_{\rm P}}}{\Omega_0 \cdot \left[ \left( R_1 + \frac{R_2 \cdot \Omega_0}{\Omega_0 - \omega_{\rm P}} \right)^2 + \left( \frac{\Omega_0}{\omega_{0\rm H}} \right)^2 \cdot \left( x_1 + x_2 \right)^2 \right]}, \\ \left( \frac{U_1^2}{\Omega_0} = \frac{U_{\rm H}^2}{\omega_{0\rm H}}, \right) \end{cases}$$
(2.14)

где  $\omega_{\rm p}$ ,  $M_{\rm p}$  – значения скорости и момента в рабочем режиме.



Рис. 2.1. Структурная схема линеаризованной упрощенной модели системы частотного управления.

Для механизмов с вентиляторной нагрузкой закон управления  $U_1/\omega_0=const$  . Тогда

$$\begin{cases} M_{\rm P} = \frac{3 \cdot U_1^2 \cdot \frac{R_2 \cdot \Omega_0}{\Omega_0 - \omega_{\rm P}}}{\Omega_0 \cdot \left[ \left( R_1 + \frac{R_2 \cdot \Omega_0}{\Omega_0 - \omega_{\rm P}} \right)^2 + \left( \frac{\Omega_0}{\omega_{\rm 0H}} \right)^2 \cdot \left( x_1 + x_2 \right)^2 \right]}, \quad (2.15) \\ \frac{U_1}{\Omega_0} = \frac{U_{\rm H}}{\omega_{\rm 0H}}. \end{cases}$$

Теперь определим параметры модели двигателя для частотного управления: - электромагнитная постоянная времени ротора двигателя (с)

$$T_{32} = \frac{L'_{\sigma}}{R_2};$$
(2.16)

- величина напряжения по оси х при номинальном напряжении (B)

$$U_{1xH} = \sqrt{2} \cdot k_{\rm C} \cdot U_{\rm H}; \qquad (2.17)$$

- относительное напряжение (o.e.)

$$\gamma = \frac{U_{1x}}{U_{1xH}} = \frac{U_1}{U_H};$$
(2.18)

- относительная частота (о.е.)

$$\nu = \frac{\Omega_{0\Im\Pi}}{\Omega_{0\Im\Pi H}}$$
(2.19)

где  $\Omega_{0 \Im \Pi}$  – начальное значение скорости поля статора в рабочей точке (<sup>рад</sup>/<sub>c</sub>)

$$\Omega_{0 \ni \Pi} = p_{\Pi} \cdot \Omega_0,$$
  
 $\Omega_{0 \ni \Pi H} = \omega_{0 \ni \Pi H};$ 

 фиктивный момент короткого замыкания при номинальных частоте и напряжении (Н·м)

$$M_{\rm K3\Phi H} = \frac{p_{\rm A} \cdot K_1^2 \cdot \left(\sqrt{2} \cdot U_{\rm H} \cdot k_{\rm C}\right)^2}{\Omega_{09\rm JH} \cdot R_2}; \qquad (2.20)$$

- электромеханическая постоянная времени (c)

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot \Omega_{0 \ni J \rm H}}{M_{\rm K3 \Phi \rm H}}; \qquad (2.21)$$

- абсолютное скольжение (о.е.)

$$S_{\rm a} = \frac{\Omega_0 - \Omega}{\Omega_{\rm 0H}} \tag{2.22}$$

где:  $\Omega = \omega_{\rm P}$ ,  $\Omega_{\rm 0H} = \omega_{\rm 0H}$ .

После выбора номинальных значений сигналов управления напряжением  $X_{\gamma H}$ , управления частотой  $X_{\nu H}$  и задания скорости  $X_{3 CH}$  определим:

коэффициент передачи инвертора по каналу управления напряжением (В)

$$K_U = \frac{U_{\rm H}}{X_{_{\rm YH}}};$$
 (2.23)

- коэффициент передачи по каналу управления частотой (<sup>рад</sup>/<sub>с</sub>)

$$K_f = \frac{\omega_{0 \ni \Pi H}}{X_{_{\rm VH}}}; \qquad (2.24)$$

коэффициент обратной связи по скорости (<sup>с</sup>/<sub>рад</sub>)

$$K_{\rm OC} = \frac{X_{\rm 3CH}}{\omega_{\rm H}}.$$
(2.25)

Пример 15. Расчет параметров модели системы частотного управления Двигатель 4A100S4V3, рассмотренный в примере 14; механизм с сухим трением; рабочая частота вращения  $\omega_{\rm p} = 145$  рад/с, рабочий момент  $M_{\rm p} = 18$  H·м; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0.2$  кг·м<sup>2</sup>.

В результате решения системы уравнений (2.14) получим начальные значения переменных в рабочей точке

$$U_1 = 215,6 \,\mathrm{B}, \ \Omega_0 = 150,8 \,\frac{\mathrm{pag}}{\mathrm{c}}.$$

Рассчитаем параметры модели двигателя для частотного управления. Электромагнитная постоянная времени ротора двигателя (2.16)

$$T_{\Im 2} = \frac{L'_{\sigma}}{R_2} = \frac{21,61 \cdot 10^{-3}}{1,746} = 12,4 \text{ Mc}$$

Величина напряжения по оси *х* при номинальном напряжении (2.17)

$$U_{1xH} = \sqrt{2} \cdot k_{\rm C} \cdot U_{\rm H} = \sqrt{2} \cdot 1,225 \cdot 220 = 381 \,\mathrm{B}.$$

Относительное напряжение (2.18)

$$\gamma = \frac{U_{1x}}{U_{1xH}} = \frac{U_1}{U_H} = \frac{215.6}{220} = 0.98$$

Относительная частота (2.19)

$$\Omega_{0 \ni J \Pi H} = \omega_{0 \ni J \Pi H} = \omega_{C} = 314,16 \frac{\text{pag}}{\text{c}}, \ \Omega_{0 \ni J \Pi} = p_{\Pi} \cdot \Omega_{0} = 2 \cdot 150,8 = 301,6 \frac{\text{pag}}{\text{c}},$$
$$v = \frac{\Omega_{0 \ni J \Pi}}{\Omega_{0 \ni J \Pi H}} = \frac{301,6}{314,16} = 0,96.$$

Фиктивный момент короткого замыкания (2.20)

$$M_{\text{K3}\Phi\text{H}} = \frac{p_{\text{A}} \cdot K_{1}^{2} \cdot (\sqrt{2} \cdot U_{\text{H}} \cdot k_{\text{C}})^{2}}{\Omega_{0 \ni \text{J}\text{H}} \cdot R_{2}} = \frac{2 \cdot 0.965^{2} \cdot (\sqrt{2} \cdot 220 \cdot 1.225)^{2}}{314.16 \cdot 1.746} = 493.2 \text{ H} \cdot \text{M}$$

Суммарный момент инерции

$$J = J_{\rm A} + J_{\rm M} = 0,2 + 0,0087 = 0,209 \,\mathrm{kr} \cdot \mathrm{m}^2.$$

Электромеханическая постоянная времени (2.21)

$$T_{\rm M} = \frac{J \cdot \Omega_{0\Im \Pi H}}{M_{\rm K3\Phi H}} = \frac{0.209 \cdot 314.16}{493.2} = 0.133 \,\mathrm{c}.$$

Абсолютное скольжение (2.22)

$$S_{\rm a} = \frac{\Omega_{\rm 0} - \Omega}{\Omega_{\rm 0H}} = \frac{\Omega_{\rm 0} - \omega_{\rm P}}{\omega_{\rm 0H}} = \frac{150, 8 - 145}{157, 08} = 0,037 \,.$$

Выбрав номинальные значения сигналов управления и задания  $X_{\gamma H} = 1$  о.е.  $X_{\gamma H} = 1$  о.е. определим коэффициенты передачи инвертора и обратной связи по скорости (2.23) – (2.25)

$$K_{U} = \frac{U_{H}}{X_{\gamma H}} = \frac{220}{1} = 220 \text{ B}, \ K_{f} = \frac{\omega_{0 \ni \pi H}}{X_{\nu H}} = \frac{314,16}{1} = 314,16 \frac{\text{pag}}{\text{c}},$$
$$K_{OC} = \frac{X_{3CH}}{\omega_{H}} = \frac{1}{150,17} = 6,66 \cdot 10^{-3} \frac{\text{c}}{\text{pag}}.$$

### 2.3. Синтез системы частотного управления

При синтезе системы частотного управления следует выбирать быстродействие контура меньше длительности электромагнитных переходных процессов в двигателе. Только в этом случае обеспечивается допущение о постоянстве потокосцепления, на основании которого получена упрощенная модель двигателя для частотного управления. Следствием этого допущения является то, что двигатель постоянно работает на устойчивой части механической характеристики. Попытка реализовать высокое быстродействие приводит к неустойчивым колебаниям системы и опрокидыванию двигателя. Кроме того, в электроприводах с частотным управлением обязательно используется задатчик интенсивности. С учетом сказанного влиянием канала управления на процессы в контуре скорости пренебрегают. Тогда структурная схема контура скорости примет вид, показанный на рис. 2.2.



Рис. 2.2. Структурная схема контура регулирования скорости.

Передаточная функция объекта управления контура имеет вид

$$W_{\rm Oo}(p) = \frac{1/p_{\rm A}}{\frac{\mathbf{v}^2}{\gamma^2} \cdot T_{\rm M} \cdot p \cdot (T_{\Im 2} \cdot p + 1) + 1}.$$

Обозначим

$$T'_{\rm M} = \frac{v^2}{\gamma^2} \cdot T_{\rm M} \,. \tag{2.26}$$

Тогда

$$W_{\rm Om}(p) = \frac{1/p_{\rm A}}{T'_{\rm M} \cdot p \cdot (T_{\rm 32} \cdot p + 1) + 1}.$$
 (2.27)

В зависимости от соотношения  $T'_{\rm M}$  и  $T_{
m 32}$  объект управления представляется одним апериодическим звеном второго порядка или двумя апериодическими звеньями первого порядка, параметры которых  $T_{\rm A}$ ,  $\xi$  или  $T_{\rm A1}$ ,  $T_{\rm A2}$  рассчитываются по формулам

(1.36), (1.37), (1.39) при замене  $T_{\rm M}$  на  $T'_{\rm M}$  и  $T_{\rm g}$  на  $T_{32}$ . При настройке на технический оптимум с выбором малой постоянной времени контура  $T_{\mu\omega} = T_{\rm d2}$  (или  $T_{\mu\omega} = T_{\rm d}$  при  $\xi \leq 1$ ) быстродействие контура оказывается слишком высоким по отношению к электромагнитным процессам в двигателе. Поэтому необходимо снизить частоту среза контура  $\omega_{\rm CP}$ . При  $\omega_{\rm CP} = 1/(8 \cdot T_{\mu\omega})$  переходные процессы в системе оказываются достаточно удовлетворительными при широком диапазоне соотношения  $T'_{\rm M}$  и  $T_{32}$  (см. рис. 2.3). Тогда при выборе ПИ-регулятора

$$W_{\rm PC}(\mathbf{p}) = K_{\rm PC} \cdot \frac{T_{\rm PC} \cdot p + 1}{T_{\rm PC} \cdot p}$$
(2.28)

его параметры должны быть выбраны следующим образом

$$T_{\rm PC} = T_{\rm Д1} \ (\text{или} \ T_{\rm PC} = T_{\rm Д} \ \text{при} \ \xi \le 1), \ K_{\rm PC} = \frac{p_{\rm L} \cdot T_{\rm PC}}{K_f \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{8 \cdot T_{\mu\omega}}$$
(2.29)

### Пример 16. Синтез системы частотного управления

Двигатель 4A100S4У3, рассмотренный в примере 14; расчет параметров системы рассмотрен в примере 15.

Передаточная функция объекта управления контура скорости (2.27)

$$W_{\mathrm{O}\omega}(p) = \frac{1/p_{\mathrm{A}}}{T'_{\mathrm{M}} \cdot p \cdot (T_{\mathrm{32}} \cdot p + 1) + 1}.$$

Рассчитаем ее параметры (2.26), (1.36), (1.37), (1.39)

$$\begin{split} T'_{\rm M} &= \frac{{\rm v}^2}{\gamma^2} \cdot T_{\rm M} = \frac{0.96^2}{0.98^2} \cdot 0.133 = 0.128 \, {\rm c} \, , \, T_{\rm H} = \sqrt{T'_{\rm M} \cdot T_{32}} = \sqrt{0.128 \cdot 12.4 \cdot 10^{-3}} = 39.8 \, {\rm mc} \, , \\ & \xi = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{T'_{\rm M}}{T_{32}}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\frac{0.128}{12.4 \cdot 10^{-3}}} = 1.6 \, , \\ & T_{\rm H1} = T_{\rm H} \cdot \left(\xi + \sqrt{\xi^2 - 1}\right) = 39.8 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1.6 + \sqrt{1.6^2 - 1}\right) = 0.113 \, {\rm c} \, , \\ & T_{\rm H2} = T_{\rm H} \cdot \left(\xi - \sqrt{\xi^2 - 1}\right) = 39.8 \cdot 10^{-3} \cdot \left(1.6 - \sqrt{1.6^2 - 1}\right) = 14 \, {\rm mc} \, . \end{split}$$

Т.к.  $T_{\mu\omega}$  на порядок меньше  $T_{\mu\omega}$ , то  $T_{\mu\omega} = T_{\mu\omega}$ . Выберем частоту среза контура равной

$$\omega_{\rm CP} = \frac{1}{8 \cdot T_{\mu\omega}} = \frac{1}{8 \cdot 14 \cdot 10^{-3}} = 8,9 \,\,{\rm Mc}$$

Тогда, при выборе ПИ-регулятора (2.28)

$$W_{\rm PC}(\mathbf{p}) = K_{\rm PC} \cdot \frac{T_{\rm PC} \cdot p + 1}{T_{\rm PC} \cdot p}$$

его параметры (2.29)

$$T_{\rm PC} = T_{\rm A1} = 0.113 \,\mathrm{c}, \ K_{\rm PC} = \frac{p_{\rm A} \cdot T_{\rm PC}}{K_f \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{8 \cdot T_{\rm \mu\omega}} = \frac{2 \cdot 0.113}{314.16 \cdot 6.66 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1}{8 \cdot 14 \cdot 10^{-3}} = 0.964 \,\mathrm{.}$$

### 2.4. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе частотного управления

Рассчитывать переходные процессы в системе частотного управления следует по системе уравнений



Рис. 2.3. Переходные процессы в системе частотного регулирования асинхронного электродвигателя: а) пуск под нагрузкой с учетом задатчика интенсивности, б) по заданию, в) по моменту сопротивления. 1 – при соотношении T'<sub>M</sub> / T<sub>Э2</sub> = 6,8; 2 – при T'<sub>M</sub> / T<sub>Э2</sub> = 0,68.

$$\begin{cases} \frac{dx_{v}}{dt} = \frac{K_{PC}}{T_{PC}} \cdot \left( T_{PC} \cdot \frac{dx_{3C}}{dt} + x_{3C} - T_{PC} \cdot K_{OC} \cdot \frac{d\omega}{dt} - K_{OC} \cdot \omega \right), \\ x_{\gamma} = f(x_{\gamma}), \\ \omega_{03,\Pi} = K_{f} \cdot x_{\gamma}, \\ u_{1x} = \sqrt{2} \cdot k_{C} \cdot K_{U} \cdot x_{\gamma}, \\ \frac{d\psi_{1x}}{dt} = u_{1x} - R_{1} \cdot i_{1x} + \omega_{03,\Pi} \cdot \psi_{1y}, \\ \frac{d\psi_{1y}}{dt} = -R_{1} \cdot i_{1y} - \omega_{03,\Pi} \cdot \psi_{1x}, \\ \frac{d\psi_{2x}}{dt} = -R_{2} \cdot i_{2x} + \left(\omega_{03,\Pi} - \omega_{3,\Pi}\right) \cdot \psi_{2y}, \\ \frac{d\psi_{2x}}{dt} = -R_{2} \cdot i_{2y} - \left(\omega_{03,\Pi} - \omega_{3,\Pi}\right) \cdot \psi_{2x}, \\ i_{1x} = \frac{L_{2} \cdot \psi_{1x} - L_{12} \cdot \psi_{2x}}{L_{1} \cdot L_{2} - L_{12}^{2}}, \\ i_{2x} = \frac{L_{1} \cdot \psi_{2x} - L_{12} \cdot \psi_{2y}}{L_{1} \cdot L_{2} - L_{12}^{2}}, \\ i_{2y} = \frac{L_{1} \cdot \psi_{2y} - L_{12} \cdot \psi_{1y}}{L_{1} \cdot L_{2} - L_{12}^{2}}, \\ M = \frac{P_{\Pi} \cdot L_{12}}{L_{1} \cdot L_{2} - L_{12}^{2}} \cdot \left(\psi_{1y} \cdot \psi_{2x} - \psi_{1x} \cdot \psi_{2y}\right), \\ \omega = \frac{\omega_{3,\Pi}}{P_{\Pi}}. \end{cases}$$
(2.30)

При этом, поскольку система – смешанная система алгебраических и дифференциальных уравнений, то удобнее всего воспользоваться средствами программирования в MathCAD.

Рассчитываемые переходные процессы приведены в табл. 2.1. Причем функцию для определения сигнала задания скорости для переходного процесса пуска следует задать с учетом задатчика интенсивности. Задатчик интенсивности в электроприводах с частотным управлением работает следующим образом: вначале сигнал задания скачком увеличивается до 10 % от номинального (величина скачка регулируется), а затем линейно возрастает за заданный интервал времени до номинального значения.

Таблица 2.1.

N⁰	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	Пуск под нагрузкой, $x_{3C} = f(t), M_C = 0,5 \cdot M_H$	Нулевые
2	По заданию, $x_{3C} = 1,01 \cdot X_{3CH}$	п. 1
3	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	п. 2

Переходные процессы для системы частотного управления.

### 2.5. Расчет параметров модели системы векторного управления

Структурная схема упрощенной модели системы векторного управления асинхронным двигателем представлена на рис. 2.4.

Недостающие параметры модели двигателя:

– электромагнитная постоянная времени статора (c)

$$T_{1} = \frac{L_{\sigma}''}{R_{1}}; \qquad (2.31)$$

постоянная времени ротора (с)

$$T_2 = \frac{L_2}{R_2};$$
 (2.32)

Постоянная времени преобразователя (инвертора) определяется частотой модуляции транзисторов. Ее можно принять равной  $T_{\Pi} = 1...2$  мс.

После выбора номинальных значений сигналов задания потокосцепления  $X_{3\Pi H}$ , скорости  $X_{3CH}$ , токов  $X_{3TH}$  и сигнала управления напряжением  $X_{YH}$  определим коэффициенты передачи:

- коэффициент передачи обратной связи по потокосцеплению (Вб<sup>-1</sup>)

$$K_{\rm OII} = \frac{X_{\rm 3IIH}}{\Psi_{\rm 2H}};$$
 (2.33)

коэффициент передачи обратной связи по скорости (с/рад)

$$K_{\rm OC} = \frac{X_{\rm 3CH}}{\omega_{\rm 3HH}}; \qquad (2.34)$$

- коэффициент передачи обратной связи по току (A<sup>-1</sup>)

$$K_{\rm OT} = \frac{X_{\rm 3TH}}{I_{\rm H}};$$
 (2.35)

- коэффициент передачи инвертора по напряжению (B)

$$K_U = \frac{U_{\rm H}}{X_{\rm VH}}.$$
(2.36)

Пример 17. Расчет параметров модели системы векторного управления Двигатель 4A100S4У3, рассмотренный в примере 14; момент инерции механизма  $J_{\rm M} = 0.2 \, {\rm kr} \cdot {\rm m}^2$ .

Рассчитаем недостающие параметры модели двигателя. Электромагнитная постоянная времени статора (2.31)

$$T_1 = \frac{L_{\sigma}''}{R_1} = \frac{21,14 \cdot 10^{-3}}{2,57} = 8,23 \,\mathrm{Mc} \,.$$

Постоянная времени ротора (2.32)

$$T_2 = \frac{L_2}{R_2} = \frac{244,26 \cdot 10^{-3}}{1,746} = 0,14 \,\mathrm{c}.$$

Выберем постоянную времени преобразователя (инвертора)  $T_{\Pi} = 1 \,\mathrm{mc}$ .



Выбрав номинальные значения сигналов задания и сигнала управления напряжением  $X_{3\Pi H} = 1$  о.е.  $X_{3CH} = 1$  о.е.  $X_{3TH} = 1$  о.е.  $X_{yH} = 1$  о.е. определим коэффициенты передачи обратных связей и инвертора по напряжению (2.33) – (2.36)

$$K_{\text{OT}} = \frac{X_{3\text{TH}}}{\Psi_{2\text{H}}} = \frac{1}{0,652} = 1,53 \text{ B6}^{-1}, \ K_{\text{OC}} = \frac{X_{3\text{CH}}}{\omega_{3\text{JH}}} = \frac{1}{300,34} = 3,33 \cdot 10^{-3} \frac{\text{c}}{\text{pag}},$$
$$K_{\text{OT}} = \frac{X_{3\text{TH}}}{I_{\text{H}}} = \frac{1}{6,68} = 0,1497 \text{ A}^{-1}, \ K_{U} = \frac{U_{\text{H}}}{X_{\text{YH}}} = \frac{220}{1} = 220 \text{ B}.$$

### 2.6. Синтез системы векторного управления

При рассмотрении контура тока  $i_{1x}$  учтем компенсацию обратной связи по производной потокосцепления и компенсацию перекрестной связи между каналами регулирования ( $L''_{\sigma} \cdot \omega_{0 \supset \Pi} \cdot i_{1y}$ ). Тогда структурная схема контура тока  $i_{1x}$  будет иметь вид, представленный на рис. 2.5.



Рис. 2.5. Структурная схема контура регулирования тока *i*<sub>1x</sub>.

Объектом регулирования контура тока  $i_{1x}$  является апериодическое звено

$$W_{Olx}(p) = \frac{1/R_1}{T_1 \cdot p + 1}.$$
 (2.37)

И для настройки на технический оптимум необходим ПИ-регулятор

$$W_{\text{PT}x}(p) = K_{\text{PT}x} \cdot \frac{T_{\text{PT}x} \cdot p + 1}{T_{\text{PT}x} \cdot p}.$$
(2.38)

Выбрав в качестве малой постоянной времени контура постоянную времени инвертора  $T_{\mu lx} = T_{\Pi}$  определим параметры регулятора

$$T_{\text{PT}_{x}} = T_{1}, \ K_{\text{PT}_{x}} = \frac{R_{1} \cdot T_{\text{PT}_{x}}}{K_{U} \cdot K_{\text{OT}}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu l x}}.$$
 (2.39)

Для синтеза внешнего контура регулирования потокосцепления представим передаточную функцию замкнутого контура регулирования тока  $i_{1x}$  в виде

$$\Phi_{lx}(p) \approx \frac{\sqrt{2} \cdot k_{\rm C}/K_{\rm OT}}{2 \cdot T_{\rm ulx} \cdot p + 1}.$$
(2.40)

Тогда структурная схема контура потокосцепления ротора примет вид, представленный на рис. 2.6.

Объектом регулирования контура потокосцепления является апериодическое звено

$$W_{\rm OII}(p) = \frac{L_{12}}{T_2 \cdot p + 1}.$$
(2.41)



Рис. 2.6. Структурная схема контура регулирования потокосцепления.

При таком объекте регулирования для настройки на технический оптимум необходим ПИ-регулятор

$$W_{\mathrm{P\Pi}}(p) = K_{\mathrm{P\Pi}} \cdot \frac{T_{\mathrm{P\Pi}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{P\Pi}} \cdot p}.$$
(2.42)

При выборе малой постоянной времени контура  $T_{\mu\Pi} = 2 \cdot T_{\mu l x}$  параметры регулятора

$$T_{\rm P\Pi} = T_2, \ K_{\rm P\Pi} = \frac{K_{\rm OT} \cdot T_{\rm P\Pi}}{L_{12} \cdot K_{\rm O\Pi}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\Pi}}$$
(2.43)

В контуре регулирования тока  $i_{1y}$  вводится компенсирующая положительная обратная связь перекрестной связи между каналами управления ( $L''_{\sigma} \cdot \omega_{0 \ni \Pi} \cdot i_{1x}$ ) и по ЭДС. С учетом этого структурная схема контура имеет вид, показанный на рис. 2.7. Поскольку контур с учетом компенсационных связей полностью идентичен контуру  $i_{1x}$ , то и выбор регулятора и его параметров производится так же, по выражениям (2.38) и (2.39).



Рис. 2.7. Структурная схема контура регулирования тока і<sub>1у</sub>.

Заменим контур регулирования тока  $i_{1y}$  эквивалентным апериодическим звеном, аналогично контуру  $i_{1x}$  (2.40). Получим структурную схему контура регулирования скорости, показанную на рис. 2.8. На ней учтено, что для компенсации изменения потока на выходе регулятора скорости стоит делитель. Объект регулирования контура – интегрирующий



Рис. 2.8. Структурная схема контура регулирования скорости.

$$W_{O\omega}(\mathbf{p}) = \frac{p_{\mathcal{A}}^2 \cdot K_2}{J \cdot p} \,. \tag{2.44}$$

И для настройки на технический оптимум необходим П-регулятор

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} = \frac{K_{\rm OT} \cdot J}{\sqrt{2} \cdot k_{\rm C} \cdot p_{\rm A}^{2} \cdot K_{2} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}}$$
(2.45)

где малая постоянная времени контура скорости определяется эквивалентной постоянной времени контура тока  $T_{uw} = 2 \cdot T_{ulv}$ .

Для получения значения статической ошибки контура по моменту сопротивления запишем передаточную функцию замкнутого контура скорости по возмущению

$$\Phi_{\rm B}(p) = -\frac{\frac{p_{\rm A}}{J \cdot p}}{1 + W_{\omega}(p)} = -\frac{\frac{2 \cdot T_{\mu\omega} \cdot p_{\rm A}}{J} \cdot (T_{\mu\omega} \cdot p + 1)}{2 \cdot T_{\mu\omega} \cdot p \cdot (T_{\mu\omega} \cdot p + 1) + 1}.$$

Тогда величина ошибки составит

$$\Delta \omega = \frac{\Delta \omega_{\Im \Pi}}{p_{\Pi}} = \frac{\Phi_{\rm B}(p) \Big|_{p=0} \cdot \Delta M_{\rm C}}{p_{\Pi}} = -\frac{2 \cdot T_{\mu \omega}}{J} \cdot \Delta M_{\rm C} \,. \tag{2.46}$$

Если полученное значение Δω превышает допустимое, то следует перейти к настройке на симметричный оптимум.

Пример 18. Синтез контуров тока системы векторного управления

Двигатель 4A100S4У3, рассмотренный в примере 14; расчет параметров системы векторного управления рассмотрен в примере 17.

Объект управления контура тока  $i_{1x}$  – апериодическое звено (2.37)

$$W_{\mathrm{O}k}(p) = \frac{1/R_1}{T_1 \cdot p + 1}.$$

Для настройки контура на технический оптимум необходим ПИ-регулятор (2.38)

$$W_{\mathrm{PT}x}(p) = K_{\mathrm{PT}x} \cdot \frac{T_{\mathrm{PT}x} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PT}x} \cdot p}.$$

Выбрав в качестве малой постоянной времени контура постоянную времени инвертора  $T_{\mu\nu} = T_{\Pi} = 1 \,\mathrm{mc}$  определим параметры регулятора (2.39)

$$T_{\text{PT}x} = T_1 = 8,23 \text{ Mc}, \quad K_{\text{PT}x} = \frac{R_1 \cdot T_{\text{PT}x}}{K_U \cdot K_{\text{OT}}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\mu x}} = \frac{2,57 \cdot 8,23 \cdot 10^{-3}}{220 \cdot 0,1497} \cdot \frac{1}{2 \cdot 1 \cdot 10^{-3}} = 0,321.$$

Поскольку, контур тока  $i_{1y}$ , с учетом компенсационных связей в системе управления идентичен контору  $i_{1x}$ , то малая постоянная времени контура, регулятор и его параметры будут такими же

$$T_{\mu ly} = 1 \text{ Mc}, W_{\text{PTy}}(p) = K_{\text{PTy}} \cdot \frac{T_{\text{PTy}} \cdot p + 1}{T_{\text{PTy}} \cdot p}, T_{\text{PTy}} = 8,23 \text{ Mc}, K_{\text{PTx}} = 0,321.$$

#### Пример 19. Синтез контура регулирования потокосцепления

Двигатель 4A100S4У3, рассмотренный в примере 14; расчет параметров системы векторного управления рассмотрен в примере 17; синтез контуров тока рассмотрен в примере 18.

Объектом регулирования контура потокосцепления является апериодическое звено (2.41)

$$W_{\rm OII}(p) = \frac{L_{12}}{T_2 \cdot p + 1}.$$

Для настройки контура потокосцепления на технический оптимум необходим ПИ-регулятор (2.42)

$$W_{\mathrm{PII}}(p) = K_{\mathrm{PII}} \cdot \frac{T_{\mathrm{PII}} \cdot p + 1}{T_{\mathrm{PII}} \cdot p}.$$

Выбрав в качестве малой постоянной времени контура эквивалентную постоянную времени подчиненного контура тока  $T_{\mu\Pi} = 2 \cdot T_{\mu lx} = 2 \cdot 1 \cdot 10^{-3} = 2 \text{ мс}$  определим параметры регулятора (2.43)

$$T_{\rm PII} = T_2 = 0.14 \,\mathrm{c} \,, \ K_{\rm PII} = \frac{K_{\rm OT} \cdot T_{\rm PII}}{L_{12} \cdot K_{\rm OII}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu \rm II}} = \frac{0.1497 \cdot 0.14}{230.64 \cdot 10^{-3} \cdot 1.53} \cdot \frac{1}{2 \cdot 2 \cdot 10^{-3}} = 14.85 \,.$$

Пример 20. Синтез контура скорости системы векторного управления

Двигатель 4A100S4У3, рассмотренный в примере 14; расчет параметров системы векторного управления рассмотрен в примере 17; синтез контуров тока рассмотрен в примере 18.

Суммарный момент инерции

$$J = J_{\Pi} + J_{M} = 0,2 + 0,0087 = 0,209 \text{ kg} \cdot \text{m}^{2}.$$

Объектом регулирования контура скорости является интегрирующее звено (2.44)

$$W_{\mathrm{O}\omega}(\mathbf{p}) = \frac{p_{\mathrm{A}}^{2} \cdot K_{2}}{J \cdot p} \,.$$

В малую постоянную времени контура включается эквивалентная постоянная времени подчиненного контура тока  $T_{\mu\omega} = 2 \cdot T_{\mu/y} = 2 \cdot 1 \cdot 10^{-3} = 2 \text{ мс}$ . Для настройки контура скорости на технический оптимум необходим П-регулятор (2.45)

$$W_{\rm PC}(p) = K_{\rm PC} = \frac{K_{\rm OT} \cdot J}{\sqrt{2} \cdot k_{\rm C} \cdot p_{\rm A}^{2} \cdot K_{2} \cdot K_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{2 \cdot T_{\mu\omega}} = \frac{0,1497 \cdot 0,209}{\sqrt{2} \cdot 1,225 \cdot 2^{2} \cdot 0,944 \cdot 3,33 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1}{2 \cdot 2 \cdot 10^{-3}} = 359.$$

Величина ошибки по возмущению (при скачке момента от 0 до номинального) (2.46)

$$\Delta \omega = -\frac{2 \cdot T_{\mu \omega}}{J} \cdot \Delta M_{\rm C} = -\frac{2 \cdot 2 \cdot 10^{-3}}{0,209} \cdot 19,98 = -0,382 \frac{\text{pag}}{\text{c}}, \ \frac{\Delta \omega}{\omega_{\Im \Pi \rm H}} = \frac{-0,382}{300,34} = 0,13 \% \ .$$

Переход к синтезу на симметричный оптимум не требуется, поскольку величина ошибки не превышает допустимую (5 %).

### 2.7. Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе векторного управления

Для данной системы управления, как показывают расчеты, переходные процессы в упрощенной и точной моделях различаются только в начальный момент времени в переходном процессе подачи сигнала задания потокосцепления. Поэтому допустимо рассчитывать переходные процессы по упрощенной модели, представленной на рис. 2.4. При расчетах в Matlab Simulink делители для исключения деления на ноль следует реализовывать в виде подсистемы, как показано на рис. 2.9. Также следует учесть ограничение регуляторов. При переходе во 2-ую зону необходимо снижать сигнал задания потокосцепления. Для учета этого можно использовать подсистему, аналогичную показанной на рис. 2.10, и подав на ее вход сигнал обратной связи по скорости.



Рис. 2.10. Реализация формирователя сигнала задания потокосцепления.

Рассчитываемые переходные процессы приведены в табл. 2.2. В первом переходном процессе, если выбранный электропривод не имеет функции предварительного подмагничивания двигателя постоянным током, то при подаче сигнала задания потокосцепления необходимо одновременно подать сигнал задания скорости 1...5% от  $X_{3CH}$  (стартовая скорость электроприводов с векторным управлением в зависимости от изготовителя составляет 0,5...2 Гц). Для процесса пуска сигнал задания скорости необходимо формировать с учетом задатчика интенсивности.

Таблица 2.2.

№	Процесс, величина изменяемого сигнала	Начальные условия
1	Подача сигнала задания потокосцепления, $x_{3\Pi} = X_{3\Pi H}, x_{3C} = 0,01 \cdot X_{3CH},$ либо $x_{3\Pi} = X_{3\Pi H}$	Нулевые
2	$X_{3\Pi} - X_{3\Pi H}$ Пуск, $x_{2C} = 0.9 \cdot X_{2CH}, M_{C} = 0.1 \cdot M_{H}$	п. 1
3	По заданию скорости «в малом», $x_{3C} = 0.91 \cdot X_{3CH}$	
4	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	п. 2
5	Переход во 2-ую зону, $x_{3C} = 1,2 \cdot X_{3CH}$	
6	По заданию скорости «в малом», $x_{3C} = 1,21 \cdot X_{3CH}$	H 5
7	По моменту сопротивления, $M_{\rm C} = M_{\rm H}$	11. 5

### Литература

- 1. Башарин А.В., Новиков В.А., Соколовский Г.Г. Управление электроприводами: Учебное пособие для вузов. – Л.: Энергоиздат. Ленингр. отд-ние, 1982. – 392 с.
- 2. Чиликин М.Г., Ключев В.И., Сандлер А.С. Теория автоматизированного электропривода: Учебное пособие для вузов. М.: Энергия, 1979. 616 с.
- 3. Справочник по электрическим машинам: В 2 т. / Под общ. ред. И.П. Копылова и Б.К. Клокова. Т. 1. М.: Энергоатомиздат, 1988. 456 с.
- 4. Яуре А.Г., Певзнер Е.М. Крановый электропривод: Справочник. М.: Энергоатомиздат, 1988. 344 с.
- 5. Комплектные тиристорные электроприводы: Справочник / И.Х. Евзеров, А.С. Горобец, Б.И. Мошкович и др.; Под ред. канд. техн. наук В.М. Перельмутера. М.: Энергоатомиздат, 1988. 320 с.
- 6. Асинхронные двигатели серии 4А: Справочник / А.Э. Кравчик, М.М. Шлаф, В.И. Афонин, Е.А. Соболенская. М.: Энергоатомиздат, 1982. 504 с.

### Содержание

		3
. Расч	ет электропривола постоянного тока	
1.1.	Выбор электродвигателя и расчет его параметров	4
	Пример 1. Расчет параметров двигателя 2ПБ90МУХЛ4	5
	Пример 2. Расчет параметров двигателя 4ПФ112S	7
1.2.	Выбор комплектного электропривода. Выбор трансформатора.	
	Расчет параметров якорной цепи двигателя	
	Пример 3. Расчет параметров якорной цепи электропривода	9
1.3.	Расчет параметров и характеристик тиристорных преобразователей	
	для режимов непрерывного и прерывистого тока	10
	Пример 4. Расчет параметров преобразователей (режим	
	непрерывного тока) для двухзонной САУ	14
1.4.	Выбор структуры системы управления. Расчет параметров	
	структурной схемы	14
	Пример 5. Расчет параметров структурной схемы двухзонной	1.5
1 5	САУ с двумя контурами регулирования в якорном канале	17
1.5.	Синтез контуров регулирования методом стандартных настроек	10
	контуров. Расчет ограничения регуляторов	18
	пример 0. Синтез контура регулирования тока двухзонной САУ	26
	(условие пренеорежения обратной связые по Эде выполняется) Пример 7 Синтез контура регулирования тока двухзонной САV	20
	(условие пренебрежения обратной связью по ЭЛС не выполняется	
	(jenome hpencopencium copumer emission to object to be better $T > 4 \cdot T$ )	26
	$T_{\rm M} = T_{\rm M}$	20
	(условие пренебрежения обратной связью по ЭЛС не выполняется	
	$T < A \cdot T$ )	27
	$\mathbf{I}_{\mathbf{M}} < \mathbf{+} \mathbf{I}_{\mathbf{g}} $	27
	Пример 9. Синтез контура регулирования скорости двухзонной	28
	Пример 10. Синтер контура регулирования скорости пруходной	20
	CAV c only a control of group and $CAV$ c only a control of $T$ and $T$ and $T$ and $T$ and $T$	20
	CAS C Odhum Kontypom B skopnom Kanalic $(I_{\rm M} \ge 4 \cdot I_{\rm S}, I_{\rm Al} > 4 \cdot I_{\mu \omega})$	
	Пример П. Синтез контура регулирования скорости однозонной	20
	САУ с одним контуром в якорном канале ( $T_{\rm M} \ge 4 \cdot T_{\rm R}$ )	30
	Пример 12. Синтез контура регулирования тока возбуждения	
	двухзонной САУ	31
1.0	Пример 13. Синтез контура регулирования ЭДС двухзонной САУ	31
1.0.	Синтез контуров регулирования методом желаемых частотных	20
17		32
1.7.	Оптимизация контуров регулирования по критерию ваттерворта	32
1.0. Pact	а счет переходных процессов в «малом» и «обльшом»	32
21	Выбор электролвигателя и расчет его параметров	38
2.1.	Плимер 14 Расчет параметров двигателя 4А100S4V3	30
2.2.	Расчет параметров молели системы частотного управления	3) 41
	Пример 15. Расчет параметров модели системы частотного	11
	управления	44
2.3.	Синтез системы частотного управления	45
5	Пример 16. Синтез системы частотного управления	46
	58	

2.4.	Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе	
	частотного управления	46
2.5.	Расчет параметров модели системы векторного управления	49
	Пример 17. Расчет параметров модели системы векторного	
	управления	49
2.6.	Синтез системы векторного управления	51
	Пример 18. Синтез контуров тока системы векторного управления	53
	Пример 19. Синтез контура регулирования потокосцепления	53
	Пример 20. Синтез контура скорости системы векторного	
	управления	54
2.7.	Расчет переходных процессов в «малом» и «большом» в системе	
	векторного управления	54
Литература		57
Содержание		58

### СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ ЭЛЕКТРОПРИВОДАМИ

### пособие

### по одноименной дисциплине для студентов специальности 1-53 01 05 «Автоматизированные электроприводы» дневной и заочной форм обучения

Составители: Захаренко Владимир Сергеевич Дорощенко Игорь Васильевич

Подписано к размещению в электронную библиотеку ГГТУ им. П. О. Сухого в качестве электронного учебно-методического документа 13.11.15. Рег. № 4Е. http://www.gstu.by