Vol. 31, No. 4

FRICTION AND WEAR

July-August 2010

УДК 536.24:621.838

ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ТЕПЛОВОГО РЕЖИМА МНОГОДИСКОВОЙ МАСЛООХЛАЖДАЕМОЙ ФРИКЦИОННОЙ МУФТЫ ЭНЕРГОНАСЫЩЕННОГО КОЛЕСНОГО ТРАКТОРА. ЧАСТЬ 1. ФОРМУЛИРОВКА ЗАДАЧИ

В. П. СЕРГИЕНКО⁺, М. Ю. ЦЕЛУЕВ, А. В. КУПРЕЕВ

Выполнено численное исследование влияния инерционно-силовых параметров механизма агрегатируемой машины на тепловой режим многодисковой маслоохлаждаемой фрикционной муфты привода заднего вала отбора мощности энергонасыщенного колесного трактора. Приведена система дифференциальных уравнений динамики буксования ведомых и ведущих дисков в процессе включения муфты и выполнено ее численное решение методом Рунге-Кутта. Сформулирована начально-краевая задача, описывающая тепловые процессы в пакете дисков при фрикционном нагреве муфты и осуществлено ее численное решение методом конечных элементов.

Ключевые слова: фрикционный нагрев, маслоохлаждаемая фрикционная муфта, теплоперенос, температурное поле, фрикционный материал, динамика буксования.

Введение. Повышение энергонасыщенности современных колесных тракторов, увеличение инерционно-силовых параметров механизмов агрегатируемых с трактором машин ведет к росту энерго- и теплонагруженности их фрикционных узлов. Высокие температуры и температурные градиенты на контактных поверхностях и в объеме трущихся тел являются причиной интенсивно-го изнашивания и тепловой деформации элементов пар трения [1, 2], что снижает эффективность и надежность работы колесных тракторов.

Одним из наиболее ответственных и энергонагруженных механизмов колесных тракторов, передающих до 100% номинальной мощности двигателя, является привод заднего вала отбора мощности (BOM), который предназначен для приведения в действие рабочих органов мобильных или стационарных машин, агрегатируемых с трактором. В современных энергонасыщенных колесных тракторах "Беларус" применяется независимый от поступательного движения машиннотракторного агрегата (МТА) двухскоростной задний ВОМ с постоянной номинальной частотой вращения, который приводится во вращательное движение от коленчатого вала дизельного двигателя через многодисковую маслоохлаждаемую фрикционную муфту (ММФМ) управления ВОМ и понижающую двухступенчатую коробку передач. Применение ММФМ в приводе ВОМ обусловлено стремлением конструкторов снизить тепловую нагруженность фрикционного узла, а следовательно, повысить эффективность и надежность работы колесных тракторов [3]. Снижение тепловой нагруженности ММФМ осуществляется за счет уменьшения удельной силы трения путем реализации на фрикционном контакте граничного режима трения, при этом требуемое значение момента сил трения в узле обеспечивается за счет увеличения количества трущихся пар. Использование пакета, состоящего из нескольких фрикционных и промежуточных дисков, взаимодействующих в среде масла, позволяет реализовать эту идею на практике [4-6]. Совершенствование конструкции ММФМ неразрывно связано с решением проблемы повышения эффективности отвода маслом тепла от поверхностей трения. С этой целью, в частности, фрикционный диск имеет специальные канавки, через которые осуществляется принудительная прокачка охлаждающего масла.

Институт механики металлополимерных систем им. В. А. Белого НАН Беларуси. Беларусь, 246050, г. Гомель, ул. Кирова, 32а.

⁺ Автор, с которым следует вести переписку. e-mail: sergienko_vp@mail.ru.

В. П. СЕРГИЕНКО, М. Ю. ЦЕЛУЕВ, А. В. КУПРЕЕВ

Схема ММФМ с гидравлическим управлением энергонасыщенного колесного трактора представлена на рис. 1. Пакет, состоящий из ведущих 1 (фрикционных) и ведомых 2 (промежуточных) дисков, расположен между жестко закрепленным упорным диском 3 и поршнем 4 гидроцилиндра управления. Ведомые диски установлены на шлицах быстроходного вала 5 двухскоростной коробки передач, а ведущие диски, состоящие из стальной основы с адгезионно закрепленным фрикционным материалом, установлены на шлицах шлицевой муфты 6. В момент включения ММФМ под действием усилия, передаваемого от гидравлического поршня, происходит осевое сжатие пакета, в результате чего осуществляется трение фрикционного материала вращающихся ведущих дисков по поверхности первоначально неподвижных ведомых дисков. В результате возникает момент сил трения, который увеличивает угловую скорость вращения ведомой части муфты. В период буксования в зоне фрикционного контакта ведущих и ведомых дисков происходит диссипация механической энергии, сопровождающаяся нагревом пар трения муфты. Характер нагрева, определяющийся температурным полем в пакете дисков, зависит от интенсивности фрикци-



Рис. 1. Схема ММФМ привода заднего ВОМ энергонасыщенного колесного трактора "Беларус": *1* — ведущий диск; *2* — ведомый диск; *3* — упорный диск; *4* — поршень; *5* — вал; *6* — шлицевая муфта

онного тепловыделения, теплофизических свойств материалов пар трения, особенностей их теплообмена с окружающей средой и других факторов [7]. Значительный нагрев пар трения муфты ускоряет изнашивание их элементов, а в ряде случаев может привести к недопустимой тепловой деформации дисков, вызывающей заклинивание ММФМ. Поэтому прогнозирование теплового режима работы ММФМ привода заднего ВОМ в зависимости от режимов эксплуатации МТА на этапе проектирования и постановки на производство колесных тракторов является актуальной научно-технической задачей.

Цель работы — моделирование и оценка тепловых режимов работы ММФМ привода заднего ВОМ колесного трактора в зависимости от инерционно-силовых параметров механизма агрегатируемой машины.

Формулировка задачи. Рассмотрим задачу о фрикционном нагреве пакета дисков ММФМ при включении заднего ВОМ на примере энергонасыщенного колесного трактора номинальной мощностью 224 кВт (300 л.с.). Расчетную схему (рис. 2) рассматриваемой тепловой задачи составим в предположении того, что температурное поле $T_i = T_i(r, z, t)$ (i = 1, 2, ..., 15) в *i*-м элементе пакета дисков муфты имеет осевую симметрию и зависит от координат *r* и *z* цилиндрической координатной системы, а также от текущего времении *t*. Кроме того, будем считать, что процессы фрикционного тепловыделения у поверхностей трения, теплопередачи в дисках муфты и теплообмена поверхностей дисков с окружающей средой приводят к формированию температурного поля, симметричного относительно плоскости геометрической симметрии (z = 0) пакета дисков.

Температурное поле для *i*-го элемента пакета дисков муфты будем искать в области V_i:

$$V_1 = \left\{ (r, z) | r_3 \le r \le R_2, \ 0 \le z \le \frac{h_3}{2} \right\};$$
(1)

$$V_{4i-3} = \left\{ \left(r, z\right) \mid r_3 \le r \le R_2, \ -\frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + (i-1)h \right\}, \ i = 2, 3, 4;$$
(2)



Рис. 2. Расчетная схема тепловой задачи для пакета дисков ММФМ: *1* — ведомый диск; *2* — фрикционный слой; *3* — основа ведущего диска

$$V_{4i-2} = \left\{ (r,z) \mid r_2 \le r \le R_2, \ \frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h \right\}, \ i = 1, 2, ..., 4;$$
(3)

$$V_{4i-1} = \left\{ \left(r, z\right) \mid r_1 \le r \le R_1, \ \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h \le z \le -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih \right\}, \ i = 1, 2, ..., 4 ;$$
(4)

$$V_{4i} = \left\{ \left(r, z\right) \mid r_2 \le r \le R_2, \ -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih \le z \le -\frac{h_3}{2} + ih \right\}, \ i = 1, 2, 3,$$
(5)

где R_1 , r_1 — наружный и внутренний радиусы ведомого диска; R_2 , r_2 — наружный и внутренний радиусы фрикционной накладки; r_3 — внутренний радиус основы ведущего диска; h_1 , h_2 , h_3 — толщина ведомого диска, фрикционной накладки и основы ведущего диска, соответственно; $h = h_1 + 2h_2 + h_3$ — суммарная толщина ведомого и ведущего дисков.

С учетом температурной зависимости теплофизических свойств материалов дисков и сделанных выше предположений нестационарное температурное поле в пакете дисков муфты описывается следующей системой нелинейных уравнений теплопередачи:

$$c_i \rho_i \frac{\partial T_i}{\partial t} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \lambda_i \frac{\partial T_i}{\partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(\lambda_i \frac{\partial T_i}{\partial z} \right), \quad (r, z) \in V_i, \quad i = 1, 2, ..., 15, \quad t > 0 ,$$
(6)

где c_i , ρ_i , λ_i — удельная теплоемкость, плотность и коэффициент теплопроводности *i*-го элемента пакета дисков, соответственно.

При формулировке начальных условий рассматриваемой тепловой задачи примем предположение об однородности температурного поля в пакете дисков в начальный момент времени. При этом будем считать, что температура в произвольном диске муфты в начальный момент времени равна температуре T_0 окружающей среды. Тогда начальные условия рассматриваемой тепловой задачи примут вид

$$T_i = T_0, \ (r, z) \in V_i, \ i = 1, 2, ..., 15, \ t = 0.$$
 (7)

Краевое условие на плоскости геометрической симметрии пакета дисков с учетом принятого ранее предположения о симметрии температурного поля имеет вид

$$\frac{\partial T_1}{\partial z} = 0, \quad r_3 \le r \le R_2, \quad z = 0, \quad t > 0.$$
(8)

Будем считать, что теплообмен свободных поверхностей ведущих и ведомых дисков с охлаждающим маслом осуществляется по закону Ньютона [8] с коэффициентом теплообмена α_1 . Поскольку работа муфты осуществляется в условиях непрерывной прокачки охлаждающего масла через канавки, расположенные во фрикционной накладке, то его температуру T_0 можно считать постоянной и равной средней температуре смешения масла. Тогда краевые условия на свободных поверхностях пар трения муфты примут следующий вид:

$$-\lambda_1 \frac{\partial T_1}{\partial r} = \alpha_1 (T_1 - T_0), \quad r = R_2, \quad 0 \le z \le \frac{h_3}{2}, \quad t > 0 ;$$
(9)

$$-\lambda_{4i-3}\frac{\partial T_{4i-3}}{\partial r} = \alpha_1 (T_{4i-3} - T_0), \quad r = R_2, \quad -\frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + (i-1)h, \quad i = 2, 3, 4, \quad t > 0; \quad (10)$$

$$-\lambda_{4i-2}\frac{\partial T_{4i-2}}{\partial r} = \alpha_1 \left(T_{4i-2} - T_0 \right), \quad r = R_2, \quad \frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h, \quad i = 1, 2, ..., 4, \quad t > 0; \quad (11)$$

$$\lambda_{4i} \frac{\partial T_{4i}}{\partial r} = \alpha_1 (T_{4i} - T_0), \quad r = R_2, \quad -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih \le z \le -\frac{h_3}{2} + ih, \quad i = 1, 2, 3, \quad t > 0; \quad (12)$$

$$\lambda_{4i-2}\frac{\partial T_{4i-2}}{\partial r} = \alpha_1 \left(T_{4i-2} - T_0 \right), \ r = r_2, \ \frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h, \ i = 1, 2, ..., 4, \ t > 0;$$
(13)

$$\lambda_{4i} \frac{\partial T_{4i}}{\partial r} = \alpha_1 (T_{4i} - T_0), \quad r = r_2, \quad -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih \le z \le -\frac{h_3}{2} + ih, \quad i = 1, 2, 3, \quad t > 0; \quad (14)$$

$$\lambda_{4i-1}\frac{\partial T_{4i-1}}{\partial r} = \alpha_1 \left(T_{4i-1} - T_0 \right), \quad r = r_1, \quad \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h \le z \le -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih, \quad i = 1, 2, ..., 4, \quad t > 0 ;$$
(15)

$$-\lambda_{4i-3} \frac{\partial T_{4i-3}}{\partial z} = \alpha_1 \left(T_{4i-3} - T_0 \right), \quad r_3 \le r < r_2, \quad z = \frac{h_3}{2} + (i-1)h, \quad i = 1, 2, \dots, 4, \quad t > 0; \quad (16)$$

$$\lambda_{4i-3} \frac{\partial T_{4i-3}}{\partial z} = \alpha_1 \left(T_{4i-3} - T_0 \right), \quad r_3 \le r < r_2, \quad z = -\frac{h_3}{2} + (i-1)h, \quad i = 2, 3, 4, \quad t > 0; \quad (17)$$

$$\lambda_{4i-1} \frac{\partial T_{4i-1}}{\partial z} = \alpha_1 \left(T_{4i-1} - T_0 \right), \quad r_1 \le r < r_2 \cup R_2 < r \le R_1, \quad z = \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h, \quad i = 1, 2, 3, \quad t > 0;$$
(18)

$$-\lambda_{4i-1}\frac{\partial T_{4i-1}}{\partial z} = \alpha_1 (T_{4i-1} - T_0), \quad r_1 \le r < r_2 \bigcup R_2 < r \le R_1, \quad z = -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih, \quad i = 1, 2, 3, \quad t > 0.$$
(19)

Допустим, что теплообмен посадочных поверхностей ведущих и ведомых дисков с валом и шлицевой муфтой, соответственно, а также торцевой поверхности крайнего ведомого диска с поршнем (упорным диском) муфты осуществляется по закону Ньютона с коэффициентом теплообмена α_2 . Если температуру вала, шлицевой муфты и поршня (упорного диска) считать равной температуре охлаждающего масла, то краевые условия на посадочных поверхностях ведомых и ведицих дисков, а также на торцевой поверхности крайнего ведомого диска запишутся в виде

$$\lambda_1 \frac{\partial T_1}{\partial r} = \alpha_2 (T_1 - T_0), \ r = r_3, \ 0 \le z \le \frac{h_3}{2}, \ t > 0;$$
⁽²⁰⁾

$$\lambda_{4i-3} \frac{\partial T_{4i-3}}{\partial r} = \alpha_2 (T_{4i-3} - T_0), \quad r = r_3, \quad -\frac{h_3}{2} + (i-1)h \le z \le \frac{h_3}{2} + (i-1)h, \quad i = 2, 3, 4, \quad t > 0; \quad (21)$$

ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ТЕПЛОВОГО РЕЖИМА

$$\lambda_{4i-1}\frac{\partial T_{4i-1}}{\partial r} = \alpha_2 \left(T_{4i-1} - T_0 \right), \quad r = R_1, \quad \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h \le z \le -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih, \quad i = 1, 2, ..., 4, \quad t > 0; \quad (22)$$

$$-\lambda_{15}\frac{\partial T_{15}}{\partial z} = \alpha_2 (T_{15} - T_0), \quad r_1 \le r \le R_1, \quad z = 4h_1 + 7h_2 + 35h_3, \quad t > 0.$$
⁽²³⁾

Будем считать, что на каждой поверхности адгезионного контакта основы ведущего диска и фрикционной накладки выполняются условия идеального теплового контакта [9], т. е. при переходе через границу контакта отсутствует скачок температуры и теплового потока. Тогда условия сопряжения на границах раздела для каждой основы ведущего диска и фрикционной накладки примут следующий вид:

$$T_{4i-3} = T_{4i-2}, \ r_2 \le r \le R_2, \ z = \frac{h_3}{2} + (i-1)h, \ i = 1, 2, ..., 4, \ t > 0;$$
 (24)

$$\lambda_{4i-3} \frac{\partial T_{4i-3}}{\partial z} = \lambda_{4i-2} \frac{\partial T_{4i-2}}{\partial z}, \quad r_2 \le r \le R_2, \quad z = \frac{h_3}{2} + (i-1)h, \quad i = 1, 2, ..., 4, \quad t > 0; \quad (25)$$

$$T_{4i} = T_{4i+1}, \ r_2 \le r \le R_2, \ z = -\frac{h_3}{2} + ih, \ i = 1, 2, 3, \ t > 0;$$
 (26)

$$\lambda_{4i} \frac{\partial T_{4i}}{\partial z} = \lambda_{4i+1} \frac{\partial T_{4i+1}}{\partial z}, \quad r_2 \le r \le R_2, \quad z = -\frac{h_3}{2} + ih, \quad i = 1, 2, 3, \quad t > 0.$$
(27)

Примем, что процессы фрикционного тепловыделения у каждой поверхности трения идентичны, каждая фрикционная накладка взаимодействует с ведомым диском по номинальной поверхности контакта, а при переходе через поверхность контакта отсутствует скачок температуры. Предположим, что теплообмен поверхностей контакта с охлаждающим маслом, находящимся в канавках фрикционной накладки, происходит по закону Ньютона с коэффициентом теплообмена α_3 , а температура масла постоянна и равна средней температуре смешения. С учетом принятых предположений условия сопряжения на поверхностях контакта каждой пары трения примут вид:

$$T_{4i-2} = T_{4i-1}, \ r_2 \le r \le R_2, \ z = \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h, \ i = 1, 2, ..., 4, \ t > 0;$$
(28)

$$\lambda_{4i-2} \frac{\partial T_{4i-2}}{\partial z} - \lambda_{4i-1} \frac{\partial T_{4i-1}}{\partial z} = q - \alpha_3 (T_{4i-1} - T_0), \quad r_2 \le r \le R_2, \quad z = \frac{h_3}{2} + h_2 + (i-1)h, \quad i = 1, 2, ..., 4, \quad t > 0; \quad (29)$$

$$T_{4i-1} = T_{4i}, \ r_2 \le r \le R_2, \ z = -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih, \ i = 1, 2, 3, \ t > 0;$$
(30)

$$\lambda_{4i-1} \frac{\partial T_{4i-1}}{\partial z} - \lambda_{4i} \frac{\partial T_{4i}}{\partial z} = q - \alpha_3 (T_{4i-1} - T_0), \ r_2 \le r \le R_2, \ z = -\frac{h_3}{2} - h_2 + ih, \ i = 1, 2, 3, \ t > 0,$$
(31)

где *q* — плотность мощности источника фрикционного тепловыделения.

Система дифференциальных уравнений (6)—(31) описывает температурное поле в пакете дисков муфты с учетом конструктивных особенностей пар трения, температурной зависимости коэффициентов теплопереноса внутри твердых тел и теплообмена пар трения с окружающей средой, зависимости плотности мощности источника фрикционного тепловыделения от положения в пространстве и текущего времени, а также других факторов.

Мощность источника фрикционного тепловыделения, действующего на площадке контакта между фрикционным материалом и ведомым диском, зависит от динамики буксования ведущих и ведомых дисков муфты, коэффициента трения, давления в контакте трущихся тел и других факторов [7]. Плотность мощности источника фрикционного тепловыделения определяется выражением

$$q = fp\omega r , \qquad (32)$$

где f — коэффициент трения; p — давление на поверхности фрикционного контакта; ω — угловая скорость буксования ведущих и ведомых дисков муфты.

Динамику буксования ведущих и ведомых дисков рассмотрим на двухмассовой механической модели муфты [4, 5], представленной на рис. 3. Согласно принятой двухмассовой модели муфты, вращательное движение ведущей и ведомой частей в процессе буксования муфты описывается следующими дифференциальными уравнениями:

$$J_1 \frac{d\omega_1}{dt} = M_1 - M_{\rm T}, \ t > 0 ;$$
(33)

$$J_2 \frac{d\omega_2}{dt} = M_{\rm T} - M_2, \ t > 0 , \qquad (34)$$

где J_1 , J_2 — приведенные к оси вращения дисков моменты инерции движущихся масс со стороны ведущей и ведомой частей муфты, соответственно; ω_1 , ω_2 — угловые скорости вращения ведущих и ведомых дисков муфты, соответственно; M_1 — приведенный к оси вращения дисков крутящий момент со стороны ведущей части муфты; M_2 — приведенный к оси вращения дисков момент сил сопротивления движению со стороны ведомой части муфты; $M_{\rm T}$ — момент сил трения, развивае-мый муфтой.



Рис. 3. Двухмассовая механическая модель ММФМ: *1* – движущиеся массы со стороны ведущей части муфты; *2* – движущиеся массы со стороны ведомой части муфты; *3* – фрикционная муфта; *4* – подшипник

Поскольку одним из требований, предъявляемых к конструкции привода заднего ВОМ трактора, является возможность последовательного разгона сначала рабочих органов агрегатируемой машины, а затем всего МТА, определение динамики буксования муфты выполним для случая разгона рабочих органов агрегатируемой машины при стационарном МТА. В этом случае работа двигателя в начальный момент времени осуществляется без нагрузки, а начальные условия для системы уравнений (33) и (34) примут вид

$$\omega_1 = \omega_x, \ t = 0; \tag{35}$$

$$\omega_2 = 0, \ t = 0,$$
 (36)

где ω_x — угловая скорость вращения коленчатого вала двигателя на холостом ходу.

Момент сил трения, развиваемый ММФМ, в предположении равномерного распределения давления и коэффициента трения по каждой поверхности трения, определяется из выражения

$$M_{\tau} = n \int_{S} fprdS = \frac{2}{3} \pi n fp \left(R_{2}^{3} - r_{2}^{3} \right), \tag{37}$$

где *S* — номинальная площадь контакта для одной пары трения; *n* — число пар трения в пакете муфты.

Давление на поверхности контакта зависит от усилия сжатия пакета дисков поршнем гидроцилиндра управления муфтой и номинальной площади контакта для одной пары трения:

$$p = \frac{p_{\rm u} S_{\rm u}}{S},\tag{38}$$

где *p*_и, *S*_и — давление масла и площадь поперечного сечения гидроцилиндра.

Методы исследования и исходные данные. Определение динамики буксования ММФМ при различных условиях нагружения ведомой части муфты осуществляли в процессе численного решения системы (33)—(36) методом Рунге-Кутта четвертого порядка точности [10]. Исследование теплового режима работы фрикционной муфты выполняли путем численного решения системы (6)—(31) методом конечных элементов [11].

При выполнении численных вычислений принимали предположение о том, что суммарный момент сил сопротивления вращательному движению в приводе BOM со стороны ведущей части муфты пренебрежимо мал и, таким образом, приведенный к оси вращения ведущих дисков крутящий момент M_1 равен крутящему моменту на коленчатом валу двигателя $M_{дв}$. Расчет выполняли для условий привода MTA от дизельного двигателя S40E—8.7LTA (Detroit Diesel Corporation) с однорежимным регулятором частоты вращения коленчатого вала. Некоторые технические характеристики двигателя приведены в табл. 1.

Характеристика	Обозначение	Значение
Номинальная полезная мощность	$N_{ m H}$	224 кВт (300 л.с.)
Номинальный крутящий момент на коленчатом валу	М _н	971 Н∙м
Номинальная частота вращения коленчатого вала	ω _н	2200 об/мин
Минимальная частота вращения коленчатого вала	ω _{min}	1300 об/мин

Таблица 1. Некоторые технические характеристики двигателя S40E-8.7LTA

Зависимость $M_{\rm дв}$ от угловой скорости вращения коленчатого вала ω , характеризующаяся регуляторной и перегрузочной ветвями внешней скоростной характеристики, для двигателя S40E-8.7LTA была аппроксимирована следующей функциональной зависимостью:

$$M_{_{\rm AB}} = \begin{cases} 2159 - 5,157\omega, \ \omega_{_{\rm min}} \le \omega \le \omega_{_{\rm H}} \\ 20391 - 84,294\omega, \ \omega_{_{\rm H}} < \omega \le \omega_{_{\rm H}} \end{cases}, \, \text{H} \cdot \text{M}. \tag{39}$$

Перегрузочная ветвь скоростной характеристики (39) двигателя была аппроксимирована функциональной зависимостью на основании данных, приведенных в сертификате на двигатель. Регуляторная ветвь скоростной характеристики аппроксимирована функциональной зависимостью в предположении того, что частота вращения коленчатого вала на холостом ходу двигателя $(M_{\rm дB} = 0)$ равна [12]

$$\omega_{\rm x} = 1,05\omega_{\rm H} \,. \tag{40}$$

Внешняя скоростная характеристика дизельного двигателя S40E-8.7LTA, построенная на основании функциональной зависимости (39), приведена на рис. 4.

Приведенный к оси вращения ведущих дисков момент инерции движущихся масс J_1 в процессе расчета составлял 5 кг·м².

Изменение давления масла, подаваемого в гидроцилиндр управления муфтой, во времени *t* аппроксимировали кусочно-линейной функциональной зависимостью на основании экспериментальных данных о давлении масла во впускном канале гидроцилиндра:

$$p_{II} = \begin{cases} r; \ r \le 0, 1 \text{ c} \\ 0, 1 + \frac{t - 0, 1}{1, 1}; \ 0, 1 < t \le 3, 3 \text{ c} \\ 0, 4 + \frac{0, 25(t - 3, 4)}{0, 3}; \ 3, 3 < t \le 4, 2 \text{ c} \end{cases}, \text{ MIIa.}$$
(41)

Зависимости давления масла (41) в полости гидроцилиндра управления муфтой ВОМ и на фрикционном контакте (38) от времени представлены на рис. 5.



Рис. 4. Внешняя скоростная характеристика дизельного двигателя S40E-8.7LTA (Detroit Diesel Corporation)



Рис. 5. Зависимость давления масла в полости гидроцилиндра управления (1) и давления на фрикционном контакте ММФМ (2) от времени. Точками показаны экспериментальные данные

При выполнении расчетов использовали параметры ММФМ с парами трения сталь 65Г (ГОСТ 14959—79) — фрикционный материал с полимерной матрицей ВОМ-55 (ТУ РБ 400084698.162-2005). Основные конструктивные характеристики муфты представлены в табл. 2. Триботехнические характеристики пары трения определяли на машине трения СМТ-1 по схеме вал — частичный вкладыш. Коэффициент трения в моторном масле М-10Г₂ для указанной пары трения составил 0,12.

Плотность материалов пары трения определяли на приборе XS-204. Для материала основы фрикционного диска и промежуточного диска плотность составила 7850 кг/м³, а для фрикционного материала — 1840 кг/м³. Температурные зависимости теплопроводности и теплоемкости материалов пары трения определяли на приборах ИТ- λ -400 и ИТ-с-400, соответственно. Обработка экспериментальных данных методом регрессионного анализа [14] позволила найти функциональные зависимости удельной теплоемкости с (Дж/(кг·°С)) и теплопроводности λ (Вт/(м·°С)) от температуры T (°С) для стали

$$c = 485,596 + 0,224T {;} {(42)}$$

$$\lambda = 37,331 - 0,012T \tag{43}$$

и фрикционного материала

$$c = 850,123 + 4,973T - 0,015T^{2};$$
(44)

$$\lambda = 0.42 + 0.0003T \ . \tag{45}$$

Таблица 2. Параметры фрикционной муфты

Параметр	Значение
Количество пар трения, шт	14
Наружный диаметр промежуточного диска 2 <i>R</i> ₁ , мм	182
Внутренний диаметр промежуточного диска 2r ₁ , мм	132
Наружный диаметр фрикционной накладки 2 <i>R</i> ₂ , мм	180
Внутренний диаметр фрикционной накладки 2r ₂ , мм	133
Внутренний диаметр основы тормозного диска 2r ₃ , мм	125
Толщина основы тормозного диска h_1 , мм	2
Толщина фрикционной накладки <i>h</i> ₂ , мм	0,65
Толщина промежуточного диска <i>h</i> ₃ , мм	3

Коэффициент теплообмена посадочных поверхностей дисков с первичным валом и зубчатой муфтой, оцененный по данным для контактного теплообмена [15, 16], составлял 400 Вт/(м^{2.}°C). Оценка коэффициента теплообмена α_2 свободных поверхностей дисков с охлаждающим маслом, полученная на основании данных о теплообмене тел вращения с окружающей жидкостью [17], составила 300 Вт/(м^{2.}°C). При оценке коэффициента теплообмена α_3 поверхностей контакта с охлаждающим маслом, находящимся в канавках фрикционной накладки, использовали данные о теплообмене при вынужденном движении жидкости в зазоре между параллельными пластинами [17]. После корректировки данных о теплообмене с учетом отношения площади канавок к номинальной площади поверхности трения коэффициент теплообмена α_3 составил 100 Вт/(м^{2.}°C). Средняя температура масла в картере привода ВОМ на основании литературных данных принята равной 60 °C [4, 5].

Вычислительный эксперимент по изучению влияния на температурное поле пакета муфты приведенных к оси вращения ВОМ момента инерции движущихся масс J_2 и момента сил сопротивления M_2 со стороны ведомой части муфты проводили с использованием разноуровнего полного факторного плана эксперимента типа 4×5 [18].

Заключение. Предложен метод моделирования теплового режима работы ММФМ, основанный на численном решении уравнений, описывающих динамику включения и происходящие при этом в парах трения муфты тепловые процессы. Метод может быть использован для прогнозирования критических режимов эксплуатации МТА, ведущих к изменению условий фрикционного взаимодействия и интенсификации изнашивания материалов пар трения ММФМ.

Приведены исходные данные для численного исследования влияния инерционно-силовых параметров механизма агрегатируемой машины на тепловой режим ММФМ привода заднего ВОМ энергонасыщенного колесного трактора. Результаты выполненного исследования будут представлены во второй части статьи.

Обозначения

 R_1 , r_1 — наружный и внутренний радиусы ведомого диска, соответственно; R_2 , r_2 — наружный и внутренний радиусы фрикционной накладки, соответственно; r_3 — внутренний радиус основы ведущего диска; $h = h_1 + 2h_2 + h_3$ — суммарная толщина ведущего и ведомого дисков; h_1 , h_2 , h_3 — тол-

щины ведомого диска, фрикционной накладки и основы ведущего диска, соответственно; r, z — координаты цилиндрической системы координат; t — текущее время; $T_i = T_i(r, z, t)$ — температурное поле в *i*-м элементе пакета дисков; c_i , ρ_i , λ_i — удельная теплоемкость, плотность и коэффициент теплопроводности *i*-го элемента пакета дисков; T_0 — температура окружающей среды; α_1 — коэффициент теплообмена свободных поверхностей дисков с окружающей масляной средой; α_2 — коэффициент теплообмена посадочных поверхностей дисков с валом, шлицевой муфтой и поршнем; а3 — коэффициент теплообмена поверхностей контакта с охлаждающим маслом, находящимся в канавках фрикционной накладки; *q* — плотность мощности источника фрикционного тепловыделения; f — коэффициент трения; p — давление на поверхности контакта; ω — угловая скорость буксования ведущих и ведомых дисков муфты; r — текущий радиус трения; J_1, J_2 — приведенные к оси вращения дисков моменты инерции движущихся масс со стороны ведущей и ведомой частей муфты, соответственно; ω_1, ω_2 — угловые скорости вращения ведущих и ведомых дисков муфты, соответственно; M₁ — приведенный к оси вращения дисков крутящий момент со стороны ведущей части муфты; M_2 — приведенный к оси вращения дисков момент сил сопротивления движению со стороны ведомой части муфты; $M_{\rm r}$ — момент сил трения, развиваемый муфтой; ω_x — угловая скорость вращения коленчатого вала двигателя на холостом ходу; S — номинальная площадь контакта для одной пары трения; *п* — число пар трения в пакете муфты; *p*₁₁, *S*₁₁ — давление масла и площадь поперечного сечения гидроцилиндра.

Литература

- 1. **Флидлидер Г. М.** О термических напряжениях и устойчивости "тонких" фрикционных дисков в режимах нестационарного трения // Трение и износ. 1981 **(2)**, № 6, 1050—1060
- 2. **Чичинадзе А. В.** К вопросу оценки теплонагруженности и износостойкости фрикционных дисков гидромеханических передач легковых автомобилей // Трение и износ. 1997 (18), № 6, 766—771
- 3. Городецкий К. И., Евтушик О. В., Шарипов О. В. Принудительное жидкостное охлаждение дисковых фрикционных сцеплений и тормозов // Тракторы и сельскохозяйственные машины. 2000, № 12, 21—24
- Тарасик В. П. Фрикционные муфты автомобильных гидромеханических передач. Минск: Наука и техника. — 1973
- 5. Ксеневич И. П., Гуськов В. В., Бочаров Н. Ф. и др. Тракторы. Проектирование, конструирование и расчет / Под общ. ред. И. П. Ксеневича. М.: Машиностроение. 1991
- 6. **Шарипов В. М.** Конструирование и расчет тракторов. М.: Машиностроение. 2004
- 7. Балакин В. А., Сергиенко В. П. Тепловые расчеты тормозов и узлов трения. Гомель: ИММС НАНБ. 1999
- Carslaw H. S. and Jaeger J. C. Conduction of Heat in Solids. London: Oxford University Press. 1959
- 9. Лыков А. В. Теория теплопроводности. М.: Высшая школа. 1966
- Крылов В. И., Бобков В. В., Монастырный П. И. Вычислительные методы. Т. 2. М.: Наука. — 1977
- 11. Bathe K.-J. Finite Element Procedures. New Jersey: Prentice-Hall, Inc. 1996
- 12. Исаков П. П., Иванченко П. Н., Шадрин Б. Н., Егоров А. Д. Автоматизация расчетов тяговодинамических характеристик промышленных тракторов. — Л.: Машиностроение. — 1988
- 13. **Вернигор В. А., Солонский А. С.** Переходные режимы тракторных агрегатов. М.: Машиностроение. — 1983
- 14. **Вучков И., Бояджиева Л., Солаков Е.** Прикладной линейный регрессионный анализ. М.: Финансы и статистика. 1987
- 15. **Попов В. И.** Теплообмен в зоне контакта разъемных и неразъемных соединений. М.: Энергия. — 1971
- Шлыков Ю. П., Ганин Е. А., Царевский С. Н. Контактное термическое сопротивление. М.: Энергия. — 1977

- 17. **Wong H. Y.** Handbook of Essential Formulae and Data on Heat Transfer for Engineers. London, New York: Longman. 1977
- 18. Бродский В. З. Введение в факторное планирование эксперимента. М.: Наука. 1976

Поступила в редакцию 17.02.10.

Sergienko V. P., Tseluev M. Yu., and Kupreev A. V. Numerical simulation of thermal regime of multidisc oil-cooled frictional clutch of powerful wheel tractor. Part 1. Problem formulation.

The paper deals with the numerical study of the effect of inertia-force parameters of the mechanism of an aggregated machine on the thermal regime of the multidisc oil-cooled frictional clutch of the drive of the rare power shaft of a powerful wheel tractor. A system of differential equations of the dynamics of skidding of the driven and driving discs during clutch actuation is presented. It is solved numerically using the Runge-Kutt method. An initial-boundary problem is formulated that describes thermal processes running in the package of discs during the frictional heating of the clutch; it is solved numerically using the finite element method.

Keywords: frictional heating, oil-cooled frictional clutch, heat transfer, temperature field, frictional material, dynamics of skidding.